

C5-2021级航类-第五次练习赛题解

A 表决

表决

难度	考点
2	循环

题目解析

本题提供两种示例代码。注意本题是多组数据，每组数据结束后需要将计数变量重新清零。

示例代码 1：使用字符串做法，通过 `strlen` 获取投票总数。

示例代码 2：使用字符做法，由于最后一行行末没有换行符，需要在循环外再补一次判断和输出。

示例代码 1

```
1  #include<stdio.h>
2
3  int main()
4  {
5      char in[200];
6      int i,yes;
7      while(scanf("%s",in)!=EOF)//按字符串读入
8      {
9          yes=0;
10         for(i=0;i<strlen(in);i++)//循环统计票数
11         {
12             if(in[i]=='2') yes++;
13         }
14         if(1.0*yes/strlen(in)>0.5) printf("Pass\n");//注意整数除整数要转成double处理
15         else printf("Veto\n");
16     }
17     return 0;
18 }
```

示例代码 2

```
1  #include<stdio.h>
2
3  int main()
4  {
5      char in;
6      int yes=0,count=0;
7      while(scanf("%c",&in)!=EOF)//按字符读入
8      {
```

```

9         count++;
10        if(in=='2') yes++; //统计投票数和赞成数
11        if(in=='\n') //遇到换行符判断是否通过
12        {
13            if(1.0*yes/count>0.5) printf("Pass\n");
14            else printf("Veto\n");
15            yes=0;
16            count=0;
17        }
18    }
19    if(1.0*yes/count>0.5) printf("Pass\n"); //最后补一次判断
20    else printf("Veto\n");
21    return 0;
22 }

```

B 呱呱泡蛙一战成硕

难度	考点
2	排序

数据范围不大。普通的排序都可以通过。这里给一个使用了qsort的排序办法。

```

1  #include<stdio.h>
2  #include<stdlib.h>
3
4  int compare(const void *p1, const void *p2)
5  {
6      int *a=(int *)p1;
7      int *b=(int *)p2;
8      if(*a>*b)
9      {
10         return 1;
11     }
12     else if(*a<*b)
13     {
14         return -1;
15     }
16     else
17     {
18         return 0;
19     }
20 }
21
22 int a[1010];
23
24 int main()
25 {
26     int n;
27     scanf("%d",&n);
28     int i;
29     for(i=0;i<n;i++)
30     {
31         scanf("%d",&a[i]);
32     }

```

```
33     qsort(a,n,sizeof(int),compare);
34     for(i=0;i<n;i++)
35     {
36         printf("%d ",a[i]);
37     }
38 }
```

C 依法纳税

依法纳税

难度	考点
3	数组

题目解析

本题提供三种示例代码。

示例代码 1：排序法，对输入的两组整数分别排序，再逐一比较。

示例代码 2：线性查找法，对第一行输入的数字在第二行中逐一查找，看看是否存在。注意查找后需要清除第二行被找到的那个数。

示例代码 3：桶排序统计法。

示例代码 1

```
1  #include<stdio.h>
2  #include<stdlib.h>
3
4  int comp(const void *a,const void *b)
5  {
6      if(*(int*)a>*(int*)b) return 1;
7      if(*(int*)a==*(int*)b) return 0;
8      if(*(int*)a<*(int*)b) return -1;
9  }
10
11 int main()
12 {
13     int a,b,i,j,ain[305],bin[305];
14     double sum=0;
15     scanf("%d %d",&a,&b);
16     for(i=0;i<a;i++)//输入第一行
17     {
18         scanf("%d",&ain[i]);
19     }
20     for(i=0;i<b;i++)//输入第二行
21     {
22         scanf("%d",&bin[i]);
23     }
24     qsort(ain,a,sizeof(int),comp);//对ain和bin进行排序
25     qsort(bin,b,sizeof(int),comp);
26     for(i=0,j=0;i<a;i++)//将排序后的ain元素和bin元素一一对应，按照归并排序的思路处理
```

```

27     {
28         if(ain[i]==bin[j])
29         {
30             sum+=ain[i]*0.5;
31             j++;
32         }
33         else sum+=ain[i]*4;
34     }
35     printf("%.2lf",sum);
36     return 0;
37 }

```

示例代码 2

```

1  #include<stdio.h>
2
3  int main()
4  {
5      int a,b,i,j,ain[305],bin[305],flag=0;
6      double sum=0;
7      scanf("%d %d",&a,&b);
8      for(i=0;i<a;i++)//输入第一行
9      {
10         scanf("%d",&ain[i]);
11     }
12     for(i=0;i<b;i++)//输入第二行
13     {
14         scanf("%d",&bin[i]);
15     }
16     for(i=0;i<a;i++)//线性查找，查找ain中的每个数是否在bin中出现过
17     {
18         flag=0;
19         for(j=0;j<b;j++)
20         {
21             if(bin[j]==ain[i])
22             {
23                 sum+=0.5*ain[i];
24                 flag=1;//找到了
25                 bin[j]=-1;//因为ain可以重复，避免多个ain找到同一个bin，需要把找到的bin清
26                 除
27                 break;
28             }
29             if(!flag) sum+=4*ain[i];//没找到
30         }
31     }
32     printf("%.2lf",sum);
33     return 0;
34 }

```

示例代码 3

```

1  #include<stdio.h>
2
3  int main()
4  {
5      int a,b,i,j,ain[105]={0},bin[105]={0};

```

```

6     double sum=0;
7     scanf("%d %d",&a,&b);
8     for(i=0;i<a;i++)//输入第一行
9     {
10         scanf("%d",&j);
11         ain[j]++;
12     }
13     for(i=0;i<b;i++)//输入第二行
14     {
15         scanf("%d",&j);
16         bin[j]++;
17     }
18     for(i=1;i<=100;i++)//bin数组保存已补交的次数，ain数组保存已掌握的次数，ain-bin是已掌握
        但未补交的次数，i是金额
19     {
20         sum+=bin[i]*0.5*i+(ain[i]-bin[i])*4*i;
21     }
22     printf("%.21f",sum);
23     return 0;
24 }

```

D 复矩阵乘法

难度	考点
3	二维数组

这道题逻辑上与实矩阵乘法类似，只不过由于处理的是复矩阵，输入与输出的处理更加繁琐，而存储方式需要增加一个二维数组来存储。

输出上各种情况都需要考虑到位，尤其是虚部为正负一的情况，而数据范围上，虽然每个元素都在int范围内，但矩阵乘法会使数据规模急剧增大，因此需要long long类型进行存储。

```

1     #include<stdio.h>
2     long long a1[100][100], b1[100][100],a2[100][100],b2[100][100];
3     long long c[100][100],d[100][100];
4     int main(){
5         int n=0;
6         scanf("%d",&n);
7         for(int i=0;i<n;i++)
8             for(int j=0;j<n;j++)
9                 scanf("%lld%lldi ",&a1[i][j],&b1[i][j]);//输入复数
10        for(int i=0;i<n;i++)
11            for(int j=0;j<n;j++)
12                scanf("%lld%lldi ",&a2[i][j],&b2[i][j]);//输入复数
13        for(int i=0;i<n;i++){
14            for(int j=0;j<n;j++){
15                for (int k = 0; k < n; k++) {
16                    c[i][j] += (a1[i][k] * a2[k][j]-b1[i][k]*b2[k][j]); //复数实部运算
17                    d[i][j] += (b1[i][k] * a2[k][j]+a1[i][k]*b2[k][j]); //复数虚部运算
18                }
19            }
20        }
21        for(int i=0;i<n;i++){
22            for(int j=0;j<n;j++){

```

```

23         if(c[i][j]==0 && d[i][j]==0){
24             printf("0 ");
25         }else if(c[i][j]==0){
26             if(d[i][j]==1){
27                 printf("i ");
28             }else if(d[i][j]==-1){
29                 printf("-i ");
30             }else{
31                 printf("%lldi ",d[i][j]);
32             }
33         }else if(d[i][j]==0){
34             printf("%lld ",c[i][j]);
35         }else{
36             if(d[i][j]==1){
37                 printf("%lld+i ",c[i][j]);
38             }else if(d[i][j]==-1){
39                 printf("%lld-i ",c[i][j]);
40             }else{
41                 if(d[i][j]>0){
42                     printf("%lld+%lldi ",c[i][j],d[i][j]);
43                 }else{
44                     printf("%lld%lldi ",c[i][j],d[i][j]);
45                 }
46             }
47         }
48     }
49     printf("\n");
50 }
51 }

```

E The Shy 的二分查找

考点	难度
二分查找	4

问题分析

很基本的二分下界二分查找，利用提示中给的lower_bound函数即可；注意在二分查找中，找到一个值之后不要线性查找第一个出现的，当测试数据中有很多很多个一样的数的时候，这样效率很低，容易超时。

参考代码

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define N 1000005
4  typedef long long ll;
5  int arr[N];
6  int lower_bound(int a[],int n,int val)//提示中给的函数
7  {
8      int mid;
9      int l=0,r=n;
10     while(l<r)

```

```

11     {
12         mid=(l+r)>>1;
13         if(val<=a[mid])
14             r=mid;
15         else
16             l=mid+1;
17     }
18     return l;
19 }
20
21 int n,m;
22 int main(void)
23 {
24     scanf("%d%d",&n,&m);
25     for(int i=0;i<n;i++)scanf("%d",&arr[i]);
26     for(int i=0;i<m;i++)
27     {
28         int index,key;
29         scanf("%d",&key);
30         index=lower_bound(arr,n,key); //找到第一个大于key的下标index
31
32         printf("%d\n",arr[index]==key?index+1:-1); //根据arr[index]和key的值来判断是
           否存在key
33     }
34     return 0;
35 }

```

F 方阵取数

难度	考点
4	函数应用

题目分析

本题目涉及了难度更高的函数递归应用，可以选择使用深度优先搜索算法，动态递归求取所取每一组满足题目要求的数之和，在这些值中比较输出最小值即可。

同时本题目也可以选择设出一个二维数组b[m][m]，通过递归的方式以b[i][j]表示该处数据与其上若干行数据相加和的最小值，对b数组的最后一行数据进行比较得到题解。

示例代码1

```

1  #include<stdio.h>
2  #include<stdlib.h>
3  #include<string.h>
4  int num[12][12];
5  int book[12][12];
6  int min,line;
7  int available(int i,int j) {
8      if(book[i-1][j] == 1) return 0;
9      if(book[i+1][j] == 1) return 0;

```

```

10     if(book[i][j+1] == 1) return 0;
11     if(book[i][j-1] == 1) return 0;
12     if(book[i+1][j+1] == 1) return 0;
13     if(book[i+1][j-1] == 1) return 0;
14     if(book[i-1][j+1] == 1) return 0;
15     if(book[i-1][j-1] == 1) return 0;
16     return 1;
17 }
18 void DFS(int col,int i,int sum) {
19     if(col == line + 1) {
20         if(sum < min) min = sum;
21         return;
22     }
23     if(available(col,i)) {
24         if(sum > min) return;
25
26         for(int k = 1; k <= line; k++) {
27             book[col][i] = 1;
28             DFS(col + 1, k ,sum + num[col][i]);
29             book[col][i] = 0;
30         }
31     }
32     return;
33 }
34 int main()
35 {
36     int tot;
37     scanf("%d",&tot);
38     while(tot--) {
39         min = 0xffffffff;
40         memset(book,0,sizeof(book));
41         scanf("%d",&line);
42         for(int i = 1; i <= line ; i++)
43             for(int j = 1; j <= line ;j++)
44                 scanf("%d",&num[i][j]);
45         for(int i = 1 ; i <= line ; i++)
46             DFS(1,i,0);
47         printf("%d\n",min);
48     }
49     return 0;
50 }

```

示例代码2

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <math.h>
3  #include <stdlib.h>
4
5  #define MAX( x, y ) ( ((x) > (y)) ? (x) : (y) )
6  #define MIN( x, y ) ( ((x) < (y)) ? (x) : (y) )
7
8  int main()
9  {
10     int n, m, i, j, k;
11     scanf("%d", &n);
12     while (n --)
13     {

```



```

14     scanf("%d", &m);
15     int a[30][30];
16     for (i = 0; i < m; i++)
17         for (j = 0; j < m; j++)
18             scanf("%d", &a[i][j]);
19     int b[m][m];
20     for (i = 0; i < m; i++)
21         b[0][i] = a[0][i];
22     for (i = 1; i < m; i++)
23         for (j = 0; j < m; j++)
24         {
25             int min = INT_MAX;
26             for (k = 0; k < m; k++)
27                 if ((j > k + 1) || j < (k - 1))
28                     min = MIN(min, (a[i][j] + b[i - 1][k]));
29             b[i][j] = min;
30         }
31     int min = INT_MAX;
32     for (i = 0; i < m; i++)
33         min = MIN(min, b[m - 1][i]);
34     printf("%d\n", min);
35 }
36 return 0;
37 }

```

Grlx教你写代码（一）

难度	考点
4	字符串

题目解析

本题中表达式所包含的基本元素其实有一个统称：token。根据本题的规定，token的种类可以进一步归纳为：

- 数字：int 类型常量（无尾缀）；
- 变量：合法命名的变量；
- 运算符：二元运算符：+ - * / = > < <= >= ==、一元运算符：- 和括号：()。

不难发现，不同类型的token，它们的起始的第一个字符一定不一样，因此通过检查第一个字符即可确定token的类型。但是此题有个小难点，即-可以是一元或二元运算符，判断的手段是：如果-前面是除了)之外的运算符，那么它是个一元运算符；否则是个二元运算符。要想实现这一点，就需要我们在读取新的token的时候保存好上一个token，用于辅助判断。整体的解题流程大致如下：

- 第一步：如果表达式中有字符，读取一个表达式中的字符，根据这个字符判断当前token的类型；
- 第二步：读取字符直到当前字符不属于可以构成当前token的字符集合，至此得到新的token；
- 第三步：根据题目要求输出token，如果当前token是-，需要根据上一个token来判断是一元还是二元运算符。对于变量类型token，还要检查其长度；
- 第四步：将当前token保存，准备读取下一个token，回到第一步。

示例代码

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <string.h>
3
4  char token[110], old_token[110], s[110], v[110][10];
5  int type, old_type, i, p, cnt;
6  // s用于存储表达式, v用于存储长度小于3的变量名
7  // type: -1->END 0->数字类型 1->变量类型 2->运算符类型 or START
8  // i为下一个应该在token的哪个位置存储字符
9  // p为下一个应该读取的表达式中字符的下标 (即下一个读取s[p])
10 // cnt记录长度小于3的变量名个数
11
12 void get_number(void) {
13
14     // 读一个数字类型token并存储进token数组
15     while ('0' <= s[p] && s[p] <= '9') {
16         token[i++] = s[p++];
17     }
18     type = 0;
19 }
20
21 void get_variable(void) {
22
23     // 读一个变量类型token并存储进token数组
24     while (('0' <= s[p] && s[p] <= '9') || ('a' <= s[p] && s[p] <= 'z') || ('A'
25 <= s[p] && s[p] <= 'Z') || s[p] == '_') {
26         token[i++] = s[p++];
27     }
28     type = 1;
29 }
30
31 void get_operator(void) {
32
33     // 读一个运算符类型token并存储进token数组
34     token[i++] = s[p++];
35     if (token[0] == '<' || token[0] == '>' || token[0] == '=') {
36         if (s[p] == '=') {
37             token[i++] = s[p++];
38         }
39     }
40     type = 2;
41 }
42
43 void get_token(void) {
44
45     // 存储上一个token及其类型
46     old_type = type;
47     strcpy(old_token, token);
48
49     // 跳过空格
50     while (s[p] == ' ') {
51         p++;
52     }
53 }
```

```

54     // 如果表达式中已经没有字符
55     if (s[p] == 0) {
56         type = -1;
57         return;
58     }
59
60     // 判断起始字符来确定当前token类型
61     if ('0' <= s[p] && s[p] <= '9') {
62         get_number();
63     } else if (('a' <= s[p] && s[p] <= 'z') || ('A' <= s[p] && s[p] <= 'Z') ||
s[p] == '_') {
64         get_variable();
65     } else {
66         get_operator();
67     }
68
69     // 添加'\0'
70     token[i++] = 0;
71 }
72
73 int main() {
74
75     gets(s);
76
77     old_type = type = 2;
78
79     while (1) {
80         i = 0;
81         get_token();
82         if (type == -1) {
83             break;
84         }
85         if (type == 2) {
86             // 括号或一元运算符-的两边不需要输出空格
87             if (token[0] == '(' || token[0] == ')' || (token[0] == '-' &&
old_type == 2 && old_token[0] != '-')) {
88                 printf("%s", token);
89             } else {
90                 // 二元运算符的两边需要输出空格
91                 printf(" %s ", token);
92             }
93         } else {
94             // 变量两边不需要输出空格
95             printf("%s", token);
96         }
97         if (type == 1) {
98             // token类型是变量时需要检查其长度
99             if (strlen(token) < 3) {
100                 int check = 0;
101                 for (int j = 0; j < cnt; j++) {
102                     if (strcmp(token, v[j]) == 0) {
103                         check = 1;
104                     }
105                 }
106                 if (check == 0) {
107                     strcpy(v[cnt++], token);
108                 }
109             }

```

```

110         }
111     }
112
113     printf("\n");
114
115     for (int j = 0; j < cnt; j++) {
116         printf("%s: Is it meaningful?\n", v[j]);
117     }
118
119     return 0;
120 }

```

H 草蛇灰线

难度	考点
5	递归

题目分析

设函数 $match(i, j, k)$ 表示判断以网格的 (i, j) 位置出发，能否搜索到单词 $word[k..]$ ，其中 $word[k..]$ 表示字符串 $word$ 从第 k 个字符开始的后缀子串。如果能搜索到，则返回 `True`，反之返回 `False`。函数 $match(i, j, k)$ 的执行步骤如下：

如果

$$board[i][j] \neq s[k]$$

，当前字符不匹配，直接返回 `false`。

如果当前已经访问到字符串的末尾，且对应字符依然匹配，此时直接返回 `true`。

否则，遍历当前位置的所有相邻位置。如果从某个相邻位置出发，能够搜索到子串 $word[k + 1..]$ ，则返回 `true`，否则返回 `false`。

这样，我们对每一个位置 (i, j) 都调用函数 $match(i, j, 0)$ 进行检查：只要有一处返回 `true`，就说明网格中能够找到相应的单词，输出 `True`，否则说明不能找到输出 `False`。

为了防止重复遍历相同的位置，需要额外维护一个与 $matrix$ 等大的 $matrixflag$ 数组，用于标识每个位置是否被访问过。每次遍历相邻位置时，需要跳过已经被访问的位置。

示例代码

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <string.h>
3  #include <stdlib.h>
4
5  int increment[4][2] = {{0, 1}, {0, -1}, {1, 0}, {-1, 0}};
6  char str[105];
7  int matrixflag[105][105];
8  char matrix[105][105];
9
10 void idInitialize()
11 {
12     int i, j;
13     for (i = 0; i < 105; i++)
14         for (j = 0; j < 105; j++)

```

```

15         matrixflag[i][j] = 0;
16     }
17     void Input(int m, int n)
18     {
19         int i, j;
20         for (i = 0; i < m; i++)
21             for (j = 0; j < n; j++)
22                 scanf("%s", &matrix[i][j]);
23     }
24     int match(int m, int n, int m_i, int m_j, int str_i, int str_len)
25     {
26         int i, j, k, flag = 0;
27         for (i = 0; i < 4; i++)
28         {
29             if (m_i + increment[i][0] < 0 || m_j + increment[i][1] < 0 || m_i +
increment[i][0] >= m || m_j + increment[i][1] >= n)
30                 continue;
31             if (matrix[m_i + increment[i][0]][m_j + increment[i][1]] == str[str_i +
1] && matrixflag[m_i + increment[i][0]][m_j + increment[i][1]] == 0)
32             {
33                 if (str_i + 1 == str_len - 1)
34                     return 1;
35                 matrixflag[m_i + increment[i][0]][m_j + increment[i][1]] = 1;
36                 flag = match(m, n, m_i + increment[i][0], m_j + increment[i][1],
str_i + 1, str_len);
37                 if (flag == 1)
38                     return 1;
39             }
40         }
41         matrixflag[m_i][m_j] = 0;
42         return 0;
43     }
44     int match0(int m, int n) //首先寻找到一个首字符相匹配的位置，传输给match函数
45     {
46         int i, j, k, flag = 0;
47         int str_len = strlen(str);
48         for (i = 0; i < m; i++)
49         {
50             for (j = 0; j < n; j++)
51             {
52                 if (matrix[i][j] == str[0])
53                 {
54                     matrixflag[i][j] = 1;
55                     if (match(m, n, i, j, 0, str_len))
56                     {
57                         flag = 1;
58                         break;
59                     }
60                     matrixflag[i][j] = 0;
61                 }
62             }
63             if (flag)
64                 break;
65         }
66         return flag;
67     }
68     int main()
69     {

```

```

70     int m, n, num;
71     int i, j, k, str_len, flag;
72     scanf("%d%d%d", &m, &n, &num);
73     Input(m, n);
74     while (num--)
75     {
76         idInitialize();
77         flag = 0; //学习指针知识后可以将flag封装到idinitialize函数中一起初始化
78         scanf("%s", str);
79         str_len = strlen(str);
80         flag = match0(m, n);
81         if (flag)
82             printf("True.\n");
83         else
84             printf("False.\n");
85     }
86     return 0;
87 }

```

I 繁星若尘

难度	考点
5	二维数组

题目分析

本题的目标比较清晰，即在大图中找到小图的全等图案。

关于图形的表示，可采用 **点+向量** 的表示方式，例如 $(1,1)(1,2)(2,1)(2,2)$ 表示为点 $(1,1)$ 与向量 $(0,1), (1,0), (1,1)$ 一方面，向量的引入可以让我们在循环遍历时只以一点为基准点；另一方面，本题引入了旋转，向量在旋转的计算中较有优势。

示例代码

```

1  #include <stdio.h>
2
3  int starMap[120][120];
4
5  int inMap(int x, int y);
6  int checkStar(int x0, int y0, int v1x, int v1y, int v2x, int v2y, int v3x, int
v3y);
7
8  int main()
9  {
10     int starNum = 0, i = 0, j = 0;
11     int x1 = 0, y1 = 0, x2 = 0, y2 = 0, x3 = 0, y3 = 0, x4 = 0, y4 = 0;
12     scanf("%d", &starNum);
13
14     for (i = 0; i < starNum; i++) {
15         int sx = 0, sy = 0;
16         scanf("%d %d", &sx, &sy);
17         starMap[sx][sy] = 1;
18     }

```

```

19
20     scanf("%d %d %d %d %d %d %d %d", &x1, &y1, &x2, &y2, &x3, &y3, &x4, &y4);
21
22     int vector1_x = x2 - x1;
23     int vector1_y = y2 - y1;
24     int vector2_x = x3 - x1;
25     int vector2_y = y3 - y1;
26     int vector3_x = x4 - x1;
27     int vector3_y = y4 - y1;
28
29     int found = 0;
30
31     for (i = 0; i <= 100; i++) {
32         for (j = 0; j <= 100; j++) {
33             //点是否自己在星图上
34             if (!inMap(i, j)) {
35                 continue;
36             }
37             //原角度
38             if (checkStar(i, j, vector1_x, vector1_y, vector2_x, vector2_y,
vector3_x, vector3_y)) {
39                 found = 1;
40             }
41             //顺时针90
42             if (checkStar(i, j, vector1_y, -vector1_x, vector2_y, -vector2_x,
vector3_y, -vector3_x)) {
43                 found = 1;
44             }
45             //顺时针180
46             if (checkStar(i, j, -vector1_x, -vector1_y, -vector2_x, -vector2_y, -
vector3_x, -vector3_y)) {
47                 found = 1;
48             }
49             //顺时针270
50             if (checkStar(i, j, -vector1_y, vector1_x, -vector2_y, vector2_x, -
vector3_y, vector3_x)) {
51                 found = 1;
52             }
53
54             if (found) {
55                 break;
56             }
57         }
58
59         if (found) {
60             break;
61         }
62     }
63
64     if (!found) {
65         printf("NOT EXISTS!");
66     }
67
68     return 0;
69 }
70
71 int inMap(int x, int y)
72 {

```

```

73     if (x < 0 || x > 100) {
74         return 0;
75     }
76
77     if (y < 0 || y > 100) {
78         return 0;
79     }
80
81     if (starMap[x][y] == 1) {
82         return 1;
83     }
84
85     return 0;
86 }
87
88 int checkStar(int x0, int y0, int v1x, int v1y, int v2x, int v2y, int v3x, int
v3y)
89 {
90     if (inMap(x0, y0) && inMap(x0 + v1x, y0 + v1y) && inMap(x0 + v2x, y0 + v2y)
&& inMap(x0 + v3x, y0 + v3y)) {
91         printf("%d %d %d %d %d %d %d %d\n", x0, y0, x0 + v1x, y0 + v1y, x0 + v2x,
y0 + v2y, x0 + v3x, y0 + v3y);
92         return 1;
93     }
94
95     return 0;
96 }

```

J zhnの储蓄

难度	考点
6	期望dp

确定一个词，理解好了，这个题就好了。应该怎样理解确定呢：

如果现在钱数不超过 T ，取一块钱都取不出来了，那么就确定存折里面没有钱了

如果现在钱数为1，取1块钱取出来了，那么就确定存折里面没有钱了（因为所有钱都已经取出来了）

确定一词，是用来确定边界情况的。

所以，这个题的方法就是枚举：枚举所有的可能猜测的值（从1枚举到 k ），当然，有的取得出来，有的取不出来。

设置如下的动态转移方程：

$dp[i][j]$ 为现在钱数不超过 i ，还有 j 次猜测的情况下的期望

如果假设当前情况下钱数我要取 K ，那么有两种情况：

第一种是：取得出来：说明钱数上限比 k 大，那么是由 $dp[i - k][j]$ 转移过来的，概率是 $(i - k + 1)/(i + 1)$ 。

取不出来：说明钱数上限不足 K ，那么上限为 $K - 1$ （还是不确定有多少钱），用过了一次猜测的机会，那么是由 $dp[k - 1][j - 1]$ 转移过来的，概率是 $k/(i + 1)$ 。

所以可以得出总的状态转移方程如下：

$$dp[i][j] = dp[i-k][j] * (i-k+1)/(i+1) + dp[k-1][j-1] * k/(i+1) + 1$$

上面等式中第一部分是取的数 k 不超过真实余额的概率，右面部分是取的存款 k 超过真实余额的概率。后面的+1代表本次操作，所以期望应该+1。

k 是多少呢？不知道，所以需要枚举

这样看， i ， j ， k 三个变量，三重循环，都是需要枚举的，复杂度是 $O(K^2 * W)$ ，会超时

那么，想想， w 是不需要那么搞的，因为最好的方法是二分，就可以减去一半的枚举量，也就是说：

最多的枚举次数是： $O(\log K)$ ， K 最大是2000，那么 j 最大是12咯

所以可以用上面的方法打表，而且减小时间复杂度。

```
1  #include <stdio.h>
2  const int M=2005;
3  double dp[2005][15];
4  double min(double x,double y){
5      if(x-y>=1e-8) return y;
6      else return x;
7  }
8  void init(){
9      int sum=1;
10     for(int i=1;i<M;i++){
11         sum+=i+1;
12         dp[i][1]=(double)(sum-1)/(i+1);
13     }
14     for(int i=1;i<M;i++){
15         {
16             for(int j=2;j<15;j++){
17                 {
18                     dp[i][j]=1e18;
19                     for(int k=1;k<=i;k++){
20                         dp[i][j]=min(dp[i][j],dp[i-k][j]*(i-k+1)/(i+1)+dp[k-1][j-1]*k/(i+1)+1);
21                     }
22                 }
23             }
24         }
25     }
26     int main()
27     {
28         int k,w;
29         init();
30         while(scanf("%d%d",&k,&w)!=EOF)
31         {
32             w=min(12,w);
33             printf("%.6lf\n",dp[k][w]);
34         }
35         return 0;
36     }
```

ps:本题出题的时候没有考虑到大家没有系统的学过动态规划，所以本题可能给大家带来了不是很良好的体验，毒瘤出题人在这里表示歉意，之后出题会注意的orz

