第三讲

数据处理基础 data processing







第三讲 数据处理基础



学习要点

- 1. 数据(整数、浮点数)在计算机中的表示
- 2. 二进制、位、字节
- 3. 二进制的原码、反码和补码
- 4. 二进制与位运算
- 5. 十进制、二进制、八进制、十六进制之间的转换
- 6. 变量与内存的关系
- 7. 各种数据类型的数据范围
- 8. 数据的范围与精度的相对关系
- 9. 数组简介
- 10. 输入输出IO、freopen()、IO重定向



常 量 

٠	깆	ブ	•
•	_	_	
٠		Ē	
٠			

数据类型	关键字	
整型(integer)	int, short, long, unsigned	
实型(real)	float, double	
字符(character)	char	
字符串(string)	char型的数组或指针	

3.1 数值在计算机中的表示

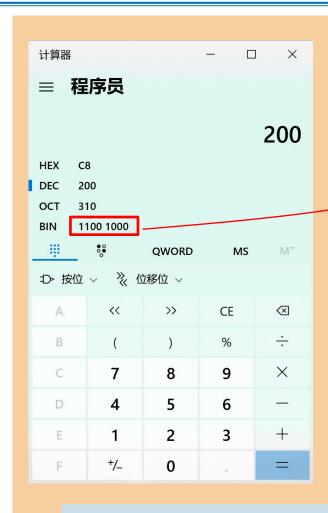
两段有点"奇怪"的代码

```
// c3-0-1.c
#include <stdio.h>
int main()
    int a, b;
    signed char sum = 0;
    scanf("%d%d", &a, &b);
    sum = a + b;
    printf("%d + %d = %d\n", a, b, sum);
    return 0;
100 100
100 + 100 = -56
怪象1: 100+100 不等于 200?
```

```
// c3-0-2.c
#include <stdio.h>
int main()
   int a = 625, b = 3;
    printf("%d, %d\n", (a == 625), (b == 3));
   float x = 0.625, y = 0.3;
    printf("%d, %d", (x == 0.625), (y == 0.3));
   return 0;
 1, 1
怪象2: 0.3 等于 0.3 不成立?
```

两段有点"奇怪"的代码

```
#include <stdio.h>
int main()
    int a, b;
    signed char sum = 0;
    scanf("%d%d", &a, &b);
    sum = a + b;
    printf("%d + %d = %d\n", a, b, sum);
    return 0;
100 100
100 + 100 = -56
怪象1: 100+100 不等于 200?
```



整数200的二进制编码:

00...00 1100 1000

3个字节 1个字节

变量 sum 是 signed char 类型,占1个字节,取值 11001000(整数的前3个 字节被截取掉了),有符 号数的最高位为符号位(1 表示负数),11001000是 -56的补码表示(计算机中的整数表示方式)。

何为补码表示? 请认真听讲!

两段有点"奇怪"的代码

```
// <u>c3-0-2.c</u>
#include <stdio.h>
int main()
    int a = 625, b = 3;
    printf("%d, %d\n", (a == 625), (b == 3));
    float x = 0.625, y = 0.3;
    printf("%d, %d", (x == 0.625), (y == 0.3));
    return 0;
```

更复杂!请认真听讲!

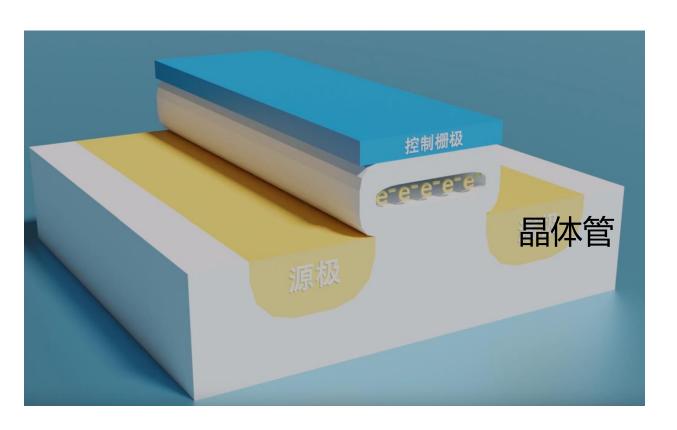
1, 1 1, 0

怪象2: 0.3 等于 0.3 不成立?

3.1 数值在计算机中的表示 (二进制)

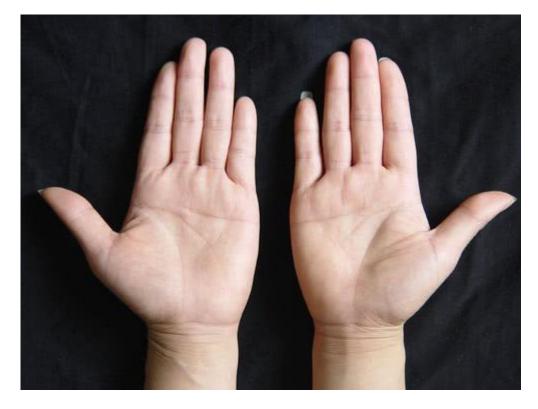
0, 1, 10, 11, 100, 101...

二进制:满2进1



7, 8, 9, 10, 11, 12, 13...

十进制:满10进1

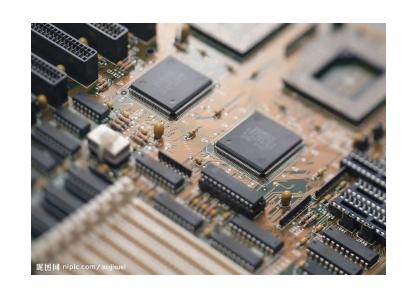


3.1 数值在计算机中的表示 (二进制)

• 二进制:数据都是通过"0"和"1"来表示,逢二进一

• 位(bit): 是指二进制中的位, 它是计算机能处理的 最小单位。

... 0 0 1 0 0 1 1 0 1 ...



• 字节(byte): 计算机处理的基本单位。计算机的内存是按字节进行分配的。一个字节由八位二进制数组成。C/C++语言中数据类型都是以字节为基本单元。

字符型: 1个字节 整型: 4个字节 单精度浮点型: 4个字节 双精度浮点型: 8个字节

3.1 数值在计算机中的表示



内存地址

..1000

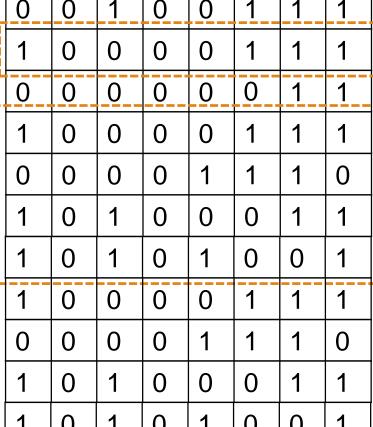
..1001

..1002

..1003

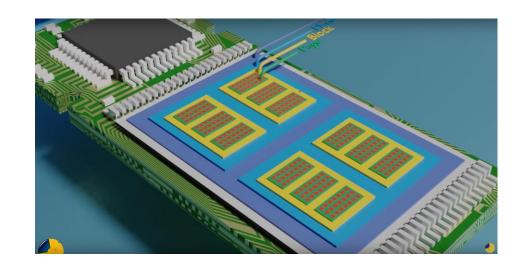
地 址 山 増 加 …10

内存里存放的数



<□ 1个字节

⟨□ 4个字节



• 字符: 1个字节

• 整数: 4个字节

•

二进制编码

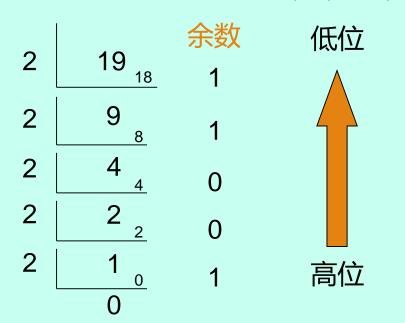
- 人类习惯用十进制表示数值
- 计算机只能对位进行操作和理解,即二进制
- 因此需要建立用二进制表达十进制的方法

【例3-1】如果已知十进制数 $(19)_{10}$,如何用二进制表示? 已知二进制数 $(00010011)_2$,如何用十进制表示?

十进制转二进制 (10 to 2)

进制	十进制	二进制
实例	19	00010011

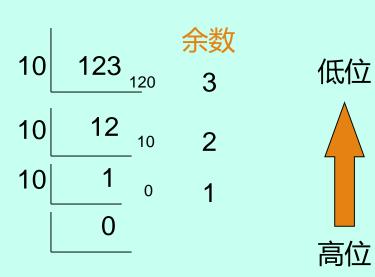
"十进制"整数转"二进制"数 (19)10=(10011)2



记不住顺序

除以2取余, 逆序排列

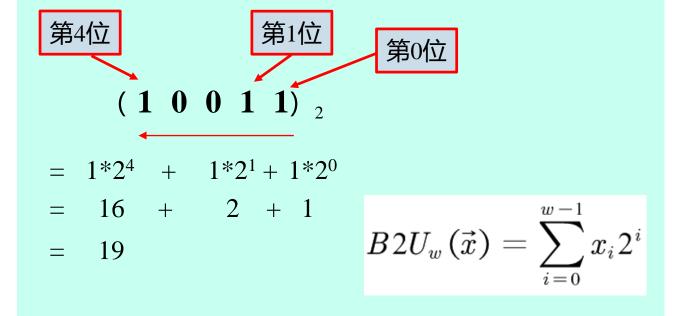
"十进制"整数转"十进制"数



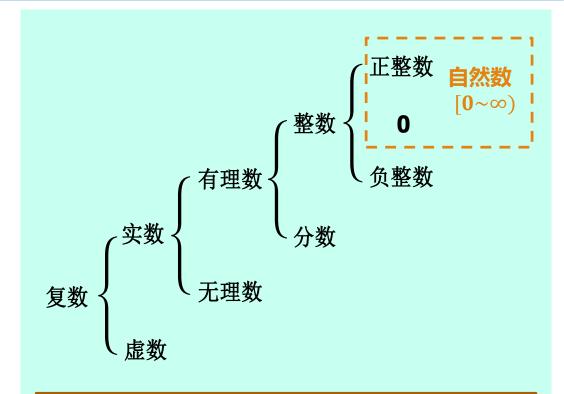
除以10取余,逆序排列

二进制转十进制 (2 to 10)

进制	二进制	十进制
实例	00010011	19



十进制: $1*10^2+2*10^1+3*10^0 = 123$



只解决了非负整数的二进制表示? 负数怎么办?

小数怎么办?

复数怎么办?

7₍₁₀₎ 转换成8位二进制数是 (00000111)₂ , -7 呢?

原码

- 最高位作为符号位(以0代表正,1代表负)
- 其余各位代表数值本身的绝对值
- 表示范围:

$$-127 \sim 127 \iff (-2^{8-1} + 1 \sim 2^{8-1} - 1)$$

原码的不足:

在原码中0有两种表示方式 +0 和-0 ,第一位是符号位,在计算的时候根据符号位,选择对值区域加减,对于计算机很难,需要设计包含了计算数值和识别符号位两种电路,但是这样的硬件设计成本太高。

1. 0的表示不唯一

+0	0	0	0	0	0	0	0	0	

2. 加减运算需要识别符号位,不适 合计算机的运算

反码

• 正数的反码与原码相同;若为负数,则对其绝对值的原码取反。

+7原码与反码相同



-7 反码: 对7的原码取反

1 1 1 1 0 0 0

反码: +0 0 0 0 0 0 0 0

原码: -0 1 0 0 0 0 0 0 0

反码: -0 1 1 1 1 1 1 1 1

反码的不足:

- 同样, 0 的表示不唯一, 不适合计算机的运算
- 表示范围: -127~127 (+0, -0占用两种表示)

同样浪费一个!



从"补数"说起

为了表示负数,在有限的计数系统中引入一个概念"补数"(即补码), 先看时钟:

顺时针转9格和逆时针转3格是等价的。所以-3和9是关于12的补数。

12

 $X-3 \longleftrightarrow X+9$



补码

以4位二进制数为例,共可以表示16个状态,范围从0000~1111

正数补数即为本身,

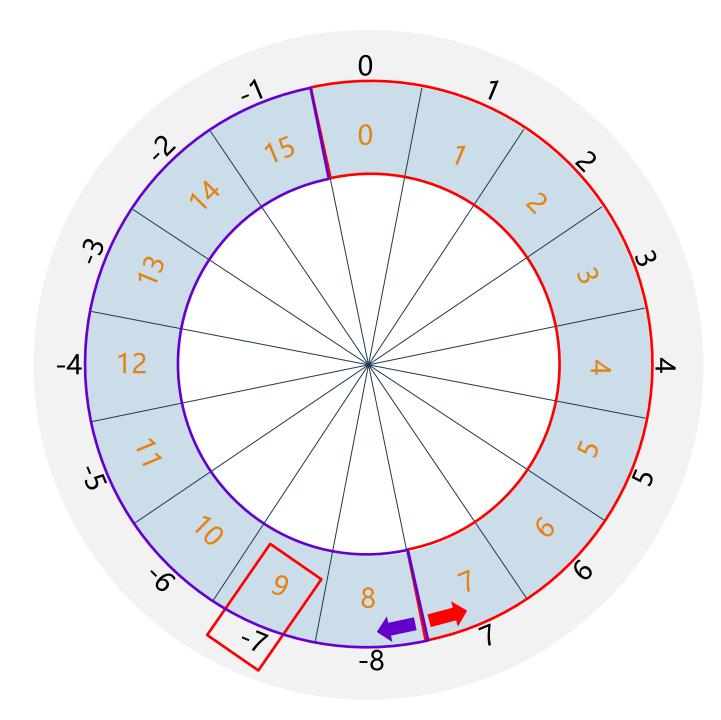
负数A的补数 = 模 - A的绝对值,

如: -7的补数 = 16 - 7 = 9

-x是一个负数,其补数是

16-x=15-x+1

15-x则相当于在4位二进制下对x各位取反,再加一,即"取反加一"。



补码

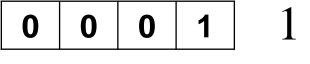
正数补数即为本身, 负数A的补数 = 模 - A的绝对值

-x是一个负数, 其补数是

$$16-x=15-x+1$$

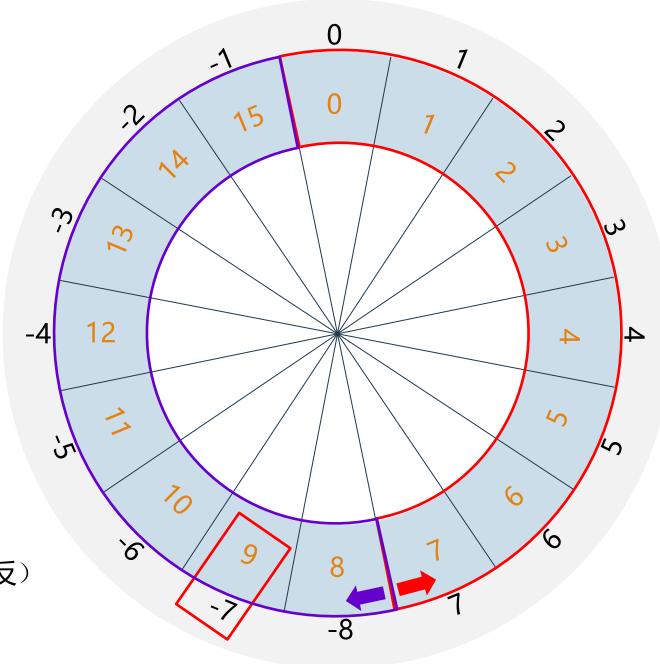
15-x则相当于在4位二进制下对x各位取反,再加一,即"取反加一"。

以 -1 为例



1 1 1 0 14 (15-1, 对 1 各位取反)





补码

- ◆ 正数:原码、反码、补码相同
- ◆ 负数:模减去负数的绝对值,也就是对其绝对值的原码取反,然后对整个数加1(若有进位,则进位被丢弃)(反码+1)

 +7原码
 0 0 0 0 0 1 1 1

 +7反码
 0 0 0 0 0 1 1 1

 +7补码
 0 0 0 0 1 1 1

-7 补码: **7的原码** → 取反 → +1

0 0 0 0 0 1 1 1

补码

- ◆ 正数:原码、反码、补码相同
- ◆ 负数:模减去负数的绝对值,也就是对其绝对值的原码取反,然后对整个数加1(若有进位,则进位被丢弃)(反码+1)

 +7原码
 0
 0
 0
 0
 1
 1
 1

 +7反码
 0
 0
 0
 0
 1
 1
 1

 +7补码
 0
 0
 0
 0
 1
 1
 1

-7 补码: 7的原码 → 取反 → +1

0 0 0 0 0 1 1 1

1 1 1 1 0 0 0

补码

- ◆ 正数:原码、反码、补码相同
- ◆ 负数:模减去负数的绝对值,也就是对其绝对值的原码取反,然后对整个数加1(若有进位,则进位被丢弃)(反码+1)

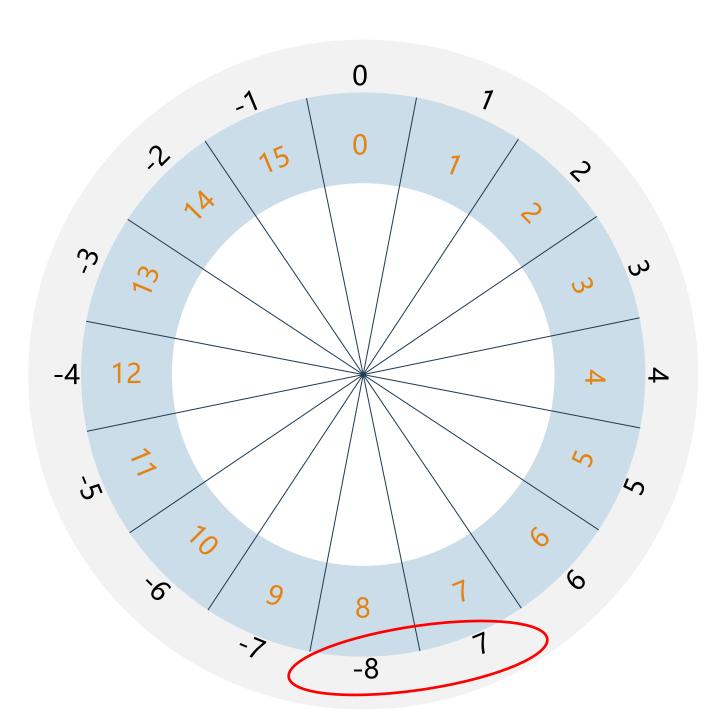
 +7原码
 0 0 0 0 0 1 1 1

 +7反码
 0 0 0 0 0 1 1 1

 +7补码
 0 0 0 0 1 1 1



模为256的意义下(一个圆周的表盘有256个刻度),-56的补数为200,即,逆时针旋转56与顺时针旋转200指向同一个位置(是同一个数)。



还可看出:

✓ 有符号数(补码)表示的正数和负数 的范围是不对称的

4位有符号数:

-8 ~ 7
$$(-2^3 \sim 2^3 - 1)$$

8位有符号数:

$$-128 \sim 127 \quad (-2^7 \sim 2^7 - 1)$$

• 无符号数和有符号数的转换

1. w位有符号数转换成无符号数 (int → unsigned int)

有符号数
$$a$$

$$\begin{cases} \geq 0 & a \\ < 0 & a + 2^w \end{cases}$$

2. w位无符号数转换成有符号数 (unsigned int → int)

两个比较特殊的例子



原码: -0

1 0 0 0 0 0 0 0

反码:

1 1 1 1 1 1 1

+1

补码:

1

0 0 0

0

0 0

0

✓ 0的表示方式唯一

-127~127: 正数就是原码, 负数就是绝对值的原码取反再加1

1 0 0 0 0 0 0

0 也不行! 128 也不行!

表示 128? 符号位和其他正数不一致

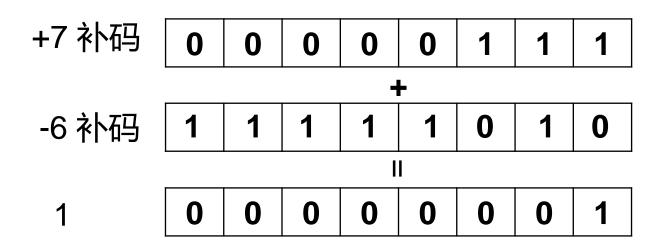
表示-128? 补数: 256-128=128

二进制数学 表示

数值		补码		
	-128	10000000		
	-127	10000001		
	•••	(往上不断减1)		
	-2	11111110		
	-1	11111111		
	0	00000000		
	1	0000001		
	2	0000010		
	•••	(往下不断加1)		
	126	01111110		
	127	01111111 🔻		

✓ 表示范围: -128~127

补码:用补码进行运算,减法可以用加法来实现,如 7-6=1





人们想出一种方法使得符号位也参与运算。我们知道, 根据运算法则减去一个正数等于加上一个负数, 即:

1-1 = 1 + (-1) = 0, 所以机器可以只有加法而没有减法, **这样计算机运算的设计就更简单了**。

对于CPU来说,这是补码最重要的贡献:只要做加法就可以了!

二进制编码小结

- 位是计算机处理信息的最小单元
- 位有两种状态0(低电平)和1(高电平)
- 8位构成一个字节,能表达28种信息(状态)
- 若32位(4个字节)表示一个整数,能表达2³²种信息(状态)
- 字节是计算机寻址的最小单元
- 二进制是计算机表示数值的方式
- 对于有符号整数,计算机采用补码的形式表示
- 同一个数的补码形式和它占用的字节数有关

3.2 进制转换

采用八进制(基数8)和十六进制(基数为16)来表示二进制较为方便



二进制
$$000011111$$

 $1*2^3+1*2^2+1*2^1+1*2^0=8+4+2+1=15$

八进制
$$0 17$$
 $1*8^1 + 7*8^0 = 15$ 十六进制 $0x F$ 15

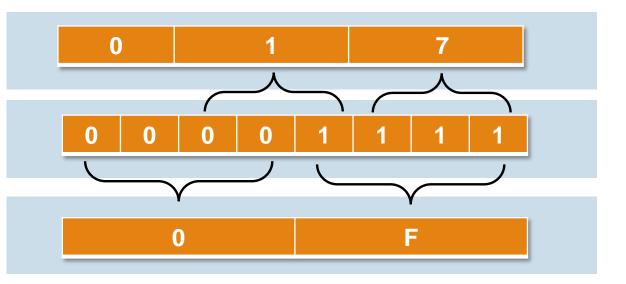
进制	十进制Dec	二进制Bin	八进制Oct	十六进制Hex
基本数字	0 ~ 9	0, 1	0 ~ 7	0 ~9, A~F (or a~f)
基数	10	2	8	16
规则	逢10进1	逢2进1	逢8进1	逢16进1
实例	19	00010011	023	0x13

采用八进制(基数8)和十六进制(基数为16)来表示二进制较为方便

八进制

二进制

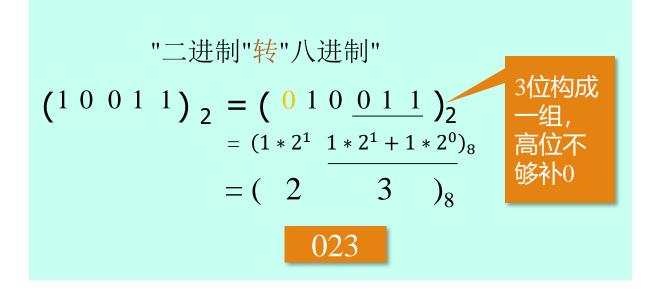
十六进制



每个八进制数字的一位对应 3位二进制位 (2³ = 8)

每个十六进制数字的一位对应 4位二进制位 (24 = 16)

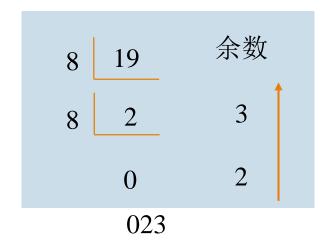
4位构成一组,高



"二进制"转"十六进制" 位不够补0 $(101111)_2 = (001011111)_2$ $= (1 * 2^1 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0)_{16}$ $= (2 F)_{16}$ 0x2F

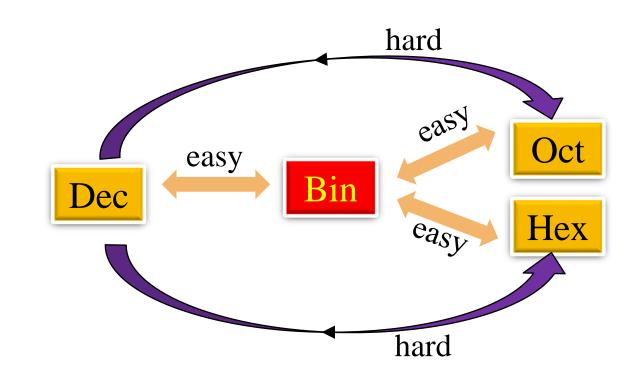
十进制 → 八进制

A. "十进制"转"八进制"



B. "八进制"转"十进制"

$$(023)_8$$
= 2 *8¹+3*8⁰
= 19



其他进制

- 十进制与二进制、八进制、十六进制
- 七进制
- 十二进制
- 二十四进制
- 四进制
- 三进制
- ...

3.3 二进制与位运算

运算符	含义
&	按位与
	按位或
^	按位异或
~	取反
<<	左移
>>	右移

3.3 二进制与位运算



5 & 3 = 1

位运算非常重要,是高手的秘密武器!

比如,在加密中应用广泛;很多黑客其实就是在经常玩位运算。

佐运算

位运算是直接对数据以二进制位为单位进行的运算

运算符	含义
&	按位与
	按位或
٨	按位异或
~	取反
<<	左移
>>	右移

- 运算量只能是整型或字符型的数据, 不能为实型数据
- 位运算符除~(取反)以外均为二元运 算符,~(取反)是一元运算符

运算规则

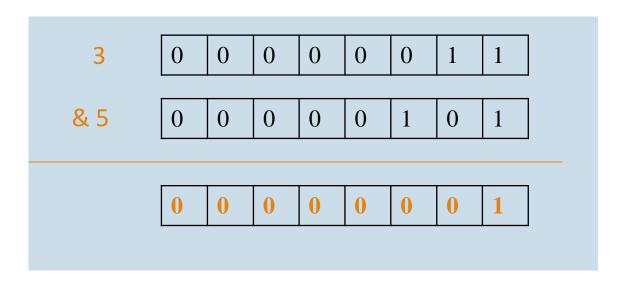
按二进制位进行运算,遵守如下规则

Α	В	A&B
1	1	1
0	1	0
1	0	0
0	0	0

- 1保留原来的数值
- 0 不管原来数值是多少,都置0

运算规则可类比串联电路

例3-3: 3&5= 1



应用:可用于实现"清零"操作

& 按位与



上例中保留x的第1, 2, 4, 6位, 其他位置为零。更通用的实现方式: x & (1 | 1 < < 1 | 1 < < 3 | 1 < < 5) 【稍后学习左移 < < 】

【例】判断奇偶性的一种方法

```
if((a \& 1) == 1) // if(a\&1)
 printf("%d为奇数.\n",a);
else
 printf("%d为偶数.\n",a);
```

接位或

运算规则

Α	В	A B
1	1	1
0	1	1
1	0	1
0	0	0

- 0 保留原来的数值
- 1不管原来数值是多少,都置1

运算规则可类比并联电路

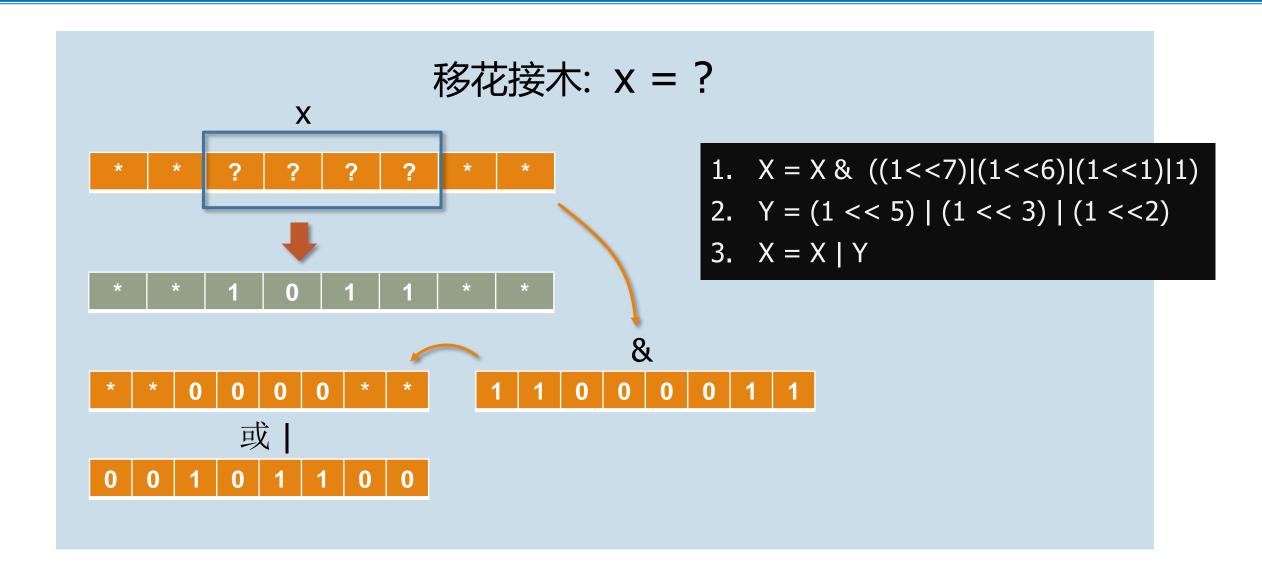
例3-4: 3 | 5=?

应用:可用于实现"置一"操作





例3-5:按位或和按位与的综合范例,把x的2至5位设置为特定数



按位异或

运算规则

Α	В	A^B
1	1	0
0	1	1
1	0	1
0	0	0

- 0 保留原来的数值
- 1不管原来数值是多少,都翻转

运算规则:同相斥,异相吸

例3-6: 3^5=?

应用:可用于实现"翻转"操作

^ 接位异或



利用异或交换两个变量的值

中间变量 temp

$$temp = a;$$

$$a = b$$
;

$$b = temp;$$

$$a = a^b;$$

$$b = b^a;$$

$$a = a^b;$$

运算规则

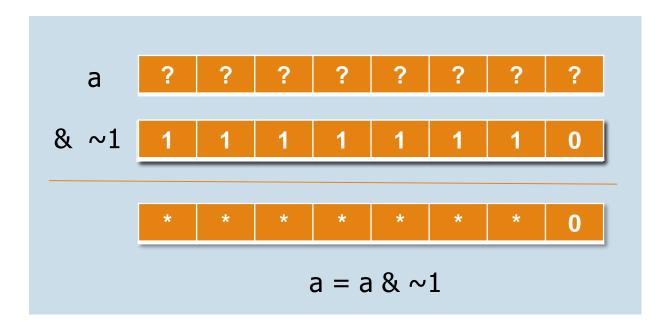
一元运算符,对二进制按位取反,即将0变为1,1变为0

例:~3=?

3 0 0 0 0 0 1 1

~3 1 1 1 1 1 0 0

例3-7:将一个数 a 的最低位置为 0,其他位不变



例: 对n取相反数 ~n+1 前两周, 会这样写 n*(-1)

列: while(scanf(...)!=EOF){...}
while(~scanf(...)){...} // 题解里会有这种写法

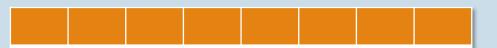
将一个数的二进制编码位全部 左移若干位, 左边溢出的位舍弃, 右边空位补 0

例: 若 a = 15, 将 a 的二进制数左移 2 位, a = a << 2

$$a = 15$$



$$a = a << 2$$
?



将一个数的二进制编码位全部 左移若干位, 左边溢出的位舍弃, 右边空位补 0



- 高位左移后溢出,舍弃,右边空位补0
- 左移一位相当于该数乘以2 (超出数据类型表示范围后将造成错误结果)
- 左移比乘法运算快得多

将一个数的各二进位整体右移若干位,右边移出的低位被舍弃,左边空出的高位,可补0(逻辑位移),可补1(算术位移)。无符号数,采用逻辑位移。有符号数,根据编译器的具体实现采用逻辑位移或算术位移。

例: 若 a = 15,将 a 的二进制数右移 2 位,a = a >> 2

a = 15



a = a >> 2?

将一个数的各二进位整体右移若干位,右边移出的低位被舍弃,左边空出的高位,可补0(逻辑位移),可补1(算术位移)。无符号数,采用逻辑位移。有符号数,根据编译器的具体实现采用逻辑位移或算术位移。



• 右移一位相当于除以2

位运算符与赋值运算符的结合使用

例: 给一个整数 a 的bit7~bit17赋值937,同时给bit21~bit25赋值17



位运算符与赋值运算符的结合使用

例3-8: 给一个整数 a 的 bit7 ~ bit17 位赋值 937, 给 bit21 ~ bit25 位赋值 17

```
unsigned int a = 0xc305bad3;

a \&= \sim (((1 << 11) - 1) << 7);

a |= 937 << 7;

a \&= \sim (((1 << 5) - 1) << 21);

a |= 17 << 21;

printf("a = 0x%x.\n", a);
```

1. <mark>0x7ff</mark> 为 0..0 0111 1111 1111, 即, 初始化低11 (十一) 位为1, ((1<<11) -1) 2.((1<<11)-1)<<7,得到 0..011 1111 1111 1000 0000, 即,把第1步的十一个1左移7位(这十一个1 变成bit7~bit17) $3. \sim (((1 << 11) -1) << 7)$ bit7~bit17的十一个1变成0,其他位的0变成 1,即变为 1..100 0000 0000 0111 1111 4. a &= x, 把a的bit7~bit17都置为0,保留 a的其他位,(x为 ~((<mark>(1 < < 11) -1</mark>) < < 7)) 5. a |= (937 << 7), 把a的bit7~bit17置为 937 6. bit21~bit25赋值为17,原理同上



位运算符与赋值运算符的结合使用

例3-8: 给一个整数 a 的 bit7 ~ bit17 位赋值 937, 给 bit21 ~ bit25 位赋值 17

```
unsigned int a = 0xc305bad3;

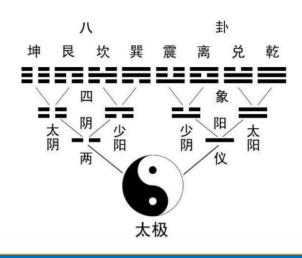
a \&= \sim (((1 << 11) - 1) << 7);

a |= 937 << 7;

a \&= \sim (((1 << 5) - 1) << 21);

a |= 17 << 21;

printf("a = 0x%x.\n", a);
```



编程与哲理

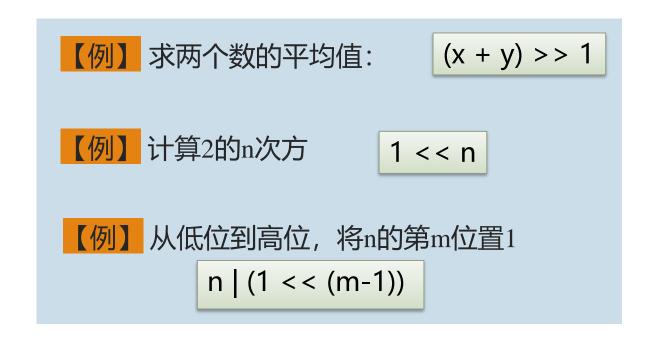
一生万物

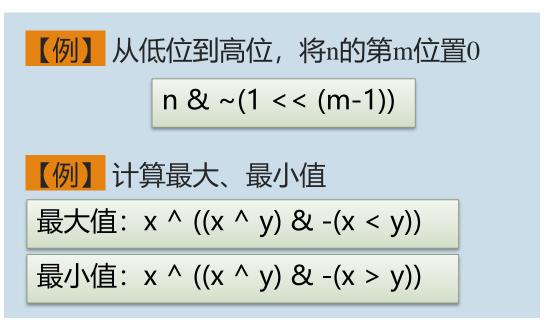
从 1 出发,进行位运算,搞定 所有复杂应用!

这是一段非常优美的代码!



更多的位运算实例





更多位运算应用: http://graphics.stanford.edu/~seander/bithacks.html#BitReverseObvious

3.4 浮点数及数据范围

```
怪象: "0.3 等于 0.3" 不成立?
```

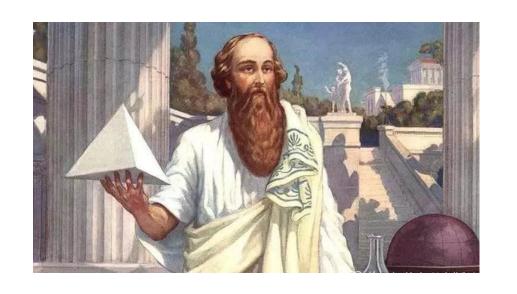
```
int a = 625, b = 3;
printf("%d, %d\n", (a == 625), (b == 3));
float x = 0.625, y = 0.3;
printf("%d, %d", (x == 0.625), (y == 0.3));
```

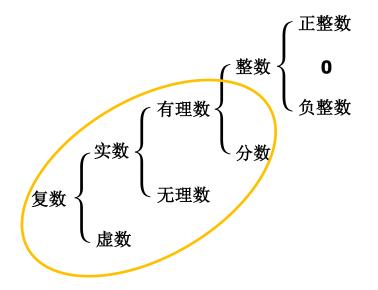
- ◆ 计算机的二进制有界,没负数,也没小数
- 十六进制、八进制是用于理解二进制的,所以也有界,没负数
- ◆ 但是十进制是人的需求,是无界,有负数和小数的!





- 二进制表达解决了有界非负整数问题
- 补码解决了有界整数(包括负数)问题







小数怎么表示?

无穷大怎么办?

小数的二进制 数学表达

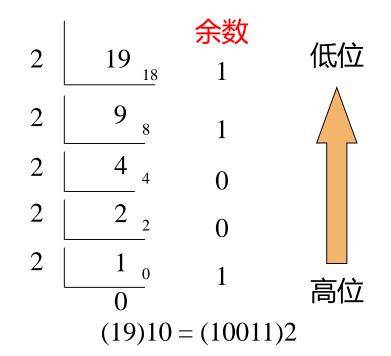
注意: 数学表达不等于

计算机表达!

进制	十进制	数学意义的二进制表示
实例	19.625	00010011.101

"十进制"整数转"二进制"数

除以2取余 逆序排列



小数部分"十进制数"转"二进制数"

高位

低位

乘以2取整 顺序排列

$$(0.625)_{10} = (0.101)_2$$

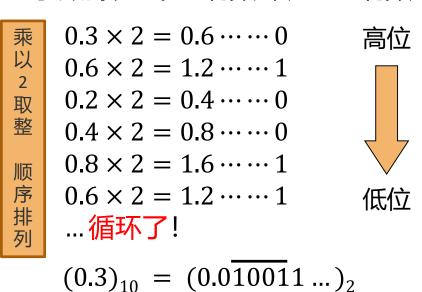
小数的二进制数学表达

进制	十进制	数学意义的二进制表示
实例	19.3	00010011.0 <mark>1001</mark> 1001

#include <stdio.h> int main() double a = 0.625, b = 0.3; printf ("%d, %d", (a == 0.625), (b == 0.3)); return 0;

注意:数学表达不等于 计算机表达!

小数部分"十进制数"转"二进制数"



浮点数表达不精确,用 == 判断 浮点数相等时一定要小心!

小数的二进制数学表达

```
double b = 0.3;
if((int)(b*1000)) == 300)
   printf("b == 0.3\n");
   printf("点火\n");
else
   printf("b != 0.3\n");
   printf("不点火\n");
```

浮点数在关系运算中的思考:

数学问题?

计算机问题?

哲学问题?

工程问题?

安全问题?

codeblocks 下编译运行

b!= 0.3 不点火

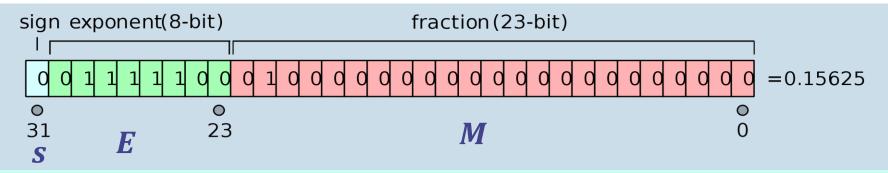
一行代码引发的惨剧

应该点火,却不点火



*** 浮点型数据的存储方式与数值范围

使用标准数据格式 IEEE-754 的进行存储和表示。数值以规范化的二进制数指数形式存放在内存单元中,在存储时将浮点型数据分成: 符号 (sign), 指数部分 (exponent, E)和 尾数部分 (mantissa, M)分别存放。以32位单精度浮点数为例:



$$x = (-1)^s \times (1.M) \times 2^{E-127}$$

浮点数的存储思路是牺牲绝对精度(允许误差)来保证范围。同时,为了保证范围的前提下,尽可能保证精度,在精度和范围之间做Trade Off。

所以, 实数编码问题变成了: 如何编码才能使得照顾范围的同时让精度尽可能高?

指数决定范围,小数决定精度!

*** 浮点型数据的存储方式与数值范围

各浮点数据类型存放方式

M是二进制, E是十进制!

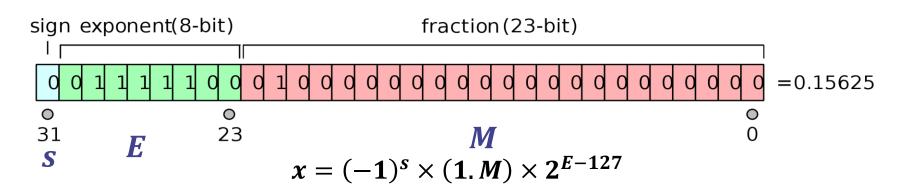
$$x = (-1)^{s} \times (1.M) \times 2^{E-127}$$
 (float)
$$x = (-1)^{s} \times (1.M) \times 2^{E-1023}$$
 (double)

浮点数类型	符号(+-)	指数	小数部分
float	1	8	23
double	1	11	52

指数决定范围,尾数决定精度!

*** 浮点型表示实例

IEEE-754 标准数据格式(单精度浮点型)



以 -3.75 为例

(1) 首先把实数转为二进制的指数形式

$$-3.75 = -\left(2+1+\frac{1}{2}+\frac{1}{4}\right) = -\left(1+\frac{1}{2}+\frac{1}{4}+\frac{1}{8}\right) \times 2 = -(1.111)_2 \times 2^1$$

(2) 整理符号位并进行规范化:

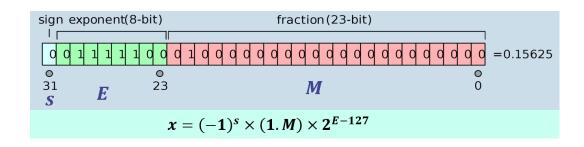
$$-1.111 \times 2^{1} = (-1)^{1} \times (1 + 0.1110\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 000) \times 2^{1}$$

(3) 进行阶码的移码处理

$$(-1)^{1} \times (1 + 0.1110\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000) \times 2^{1} = (-1)^{1} \times (1 + 0.1110\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000) \times 2^{128-127}$$

(4) $s = 1, M = 1110\,0000\,0000\,0000\,0000\,000, E = (128)_{10} = (10000000)_2$

*** 浮点型数据的精度



相对精度: 机器ε (machine epsilon)

表示1与大于1的最小浮点数之差。不同精度定义的机器ε不同。以 double 双精度为例,数值 1 是:

而比1大的最小双精度浮点数是:

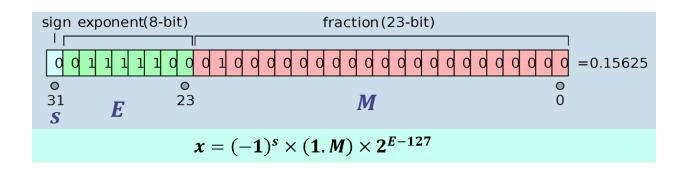
此二者之差为机器ε: 2⁻⁵²≈2.220446049250313e-16。

*** 浮点型数据的精度

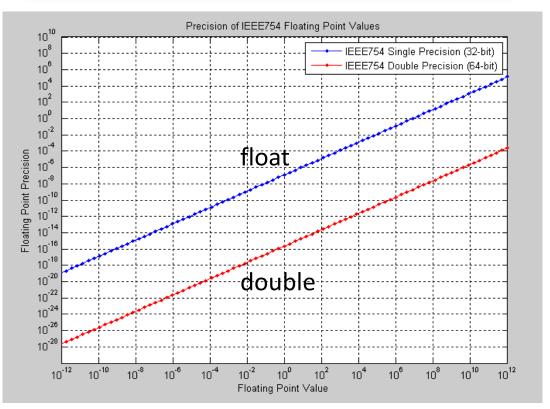
绝对精度:

E 的值value越小,此时能够表示的数的范围(或者说,数值的大小)就小,但绝对精度precision就高(也就是能够保留的小数点后的数越多);

反之, E越大, 此时能够表示的数的值就越大, 但绝对精度就逐渐变小(也就是能够保留的小数点后的数越少)。



float和double类型数据的绝对精度



【例3-9】求 ax²+bx+c=0 方程的解,按如下四种情况处理:

- 1. a=0,方程不是二次方程
- 2. b2-4ac=0, 有两个相等的实根
- 3. b²-4ac>0, 有两个不相等的实根
- 4. b2-4ac<0, 有两个共轭复根

浮点型数据在存储和计算时会存在一些微小的误差, 因此,对浮点数的大小比较,一般不用 "=="或 "!=", 而是应该用大于或小于符号。

代码中, a == 0 和 disc == 0 这两个地方可能带来问题。 采取的办法: 判别实数之差的绝对值是否小于一个很小的数(比如1e-6),则

(disc == 0) 可改为 fabs(disc) < eps

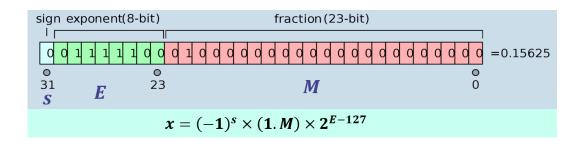
```
// file: c3-9.c
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int main(){
 float a,b,c,d,disc,x1,x2,realpart,imapart;
 scanf("%f%f%f",&a, &b, &c);
 if(a == 0) printf("Not a quadratic");
 else{
    disc=b*b-4*a*c;
    if(disc == 0)
       printf("Two equal roots: \%8.4f\n",-b/(2*a));
    else if( disc>0){
      x1=(-b+sqrt(disc))/(2*a); // a很小时,溢出
      x2=(-b-sqrt(disc))/(2*a);
      打印实根(略);
    else{ 计算、打印虚根;
/* 注意:本代码直接拷贝并不能成功编译,还需要
```

浮点数小结

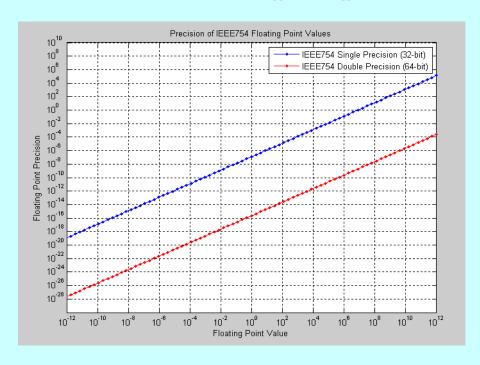
- 1. 在C语言中,浮点数有范围,有精度限制。
- 2. 浮点数使用标准数据格式 (IEEE-754): float的有效数字大约相当于十进制的7位,表示范围约为:大端 ±3.4*10³⁸,小端 ±1.1*10⁻³⁸?能表示的绝对值最小数约为 2⁻²³*2⁻¹²⁷ ≈ 10^{-44.85}?

```
\therefore 2^{10} \approx 10^3 \quad \therefore 128/3.3 \approx 38, \ 2^{128} \approx 10^{38}
```

- 3. double能表示的范围和精度更大。
- 4. 浮点数的表示是近似值,如显示的是1.0,计算机中实际可能是0.99999999...,也可能是1.0000001...。
- 5. 使用浮点数要特别注意范围和精度问题!



float和double类型数据的绝对精度





鱼和熊掌 不可兼得



扩大范围损失精度照顾精度减少范围

整数与浮点数小结



鱼和熊掌 不可兼得



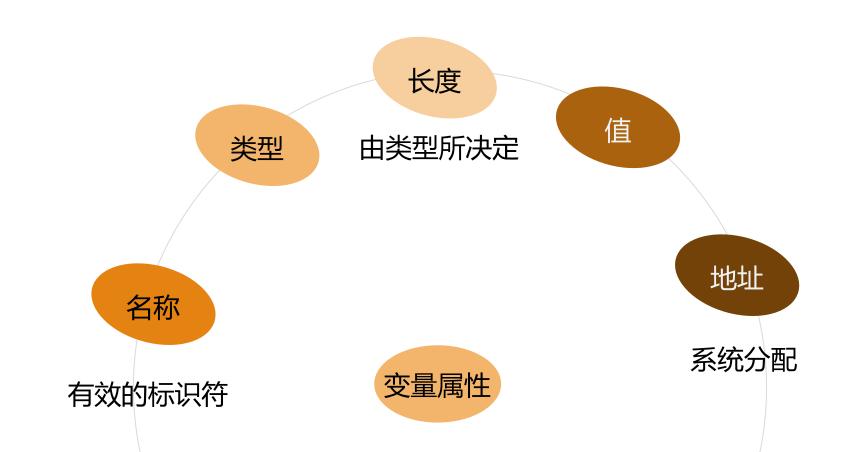
精度可能受损 但范围大 如: float, 3.4*10³⁸

"整数家族" char, int, short, long, long long, unsigned ...

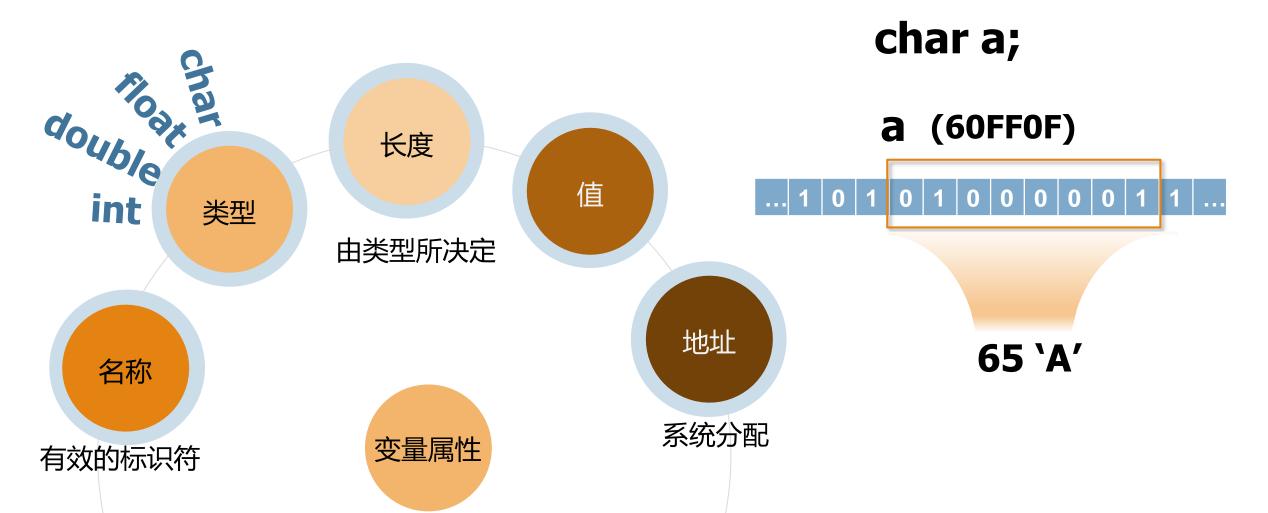
"浮点数数家族" float, double, ...

3.5 变量与内存的关系

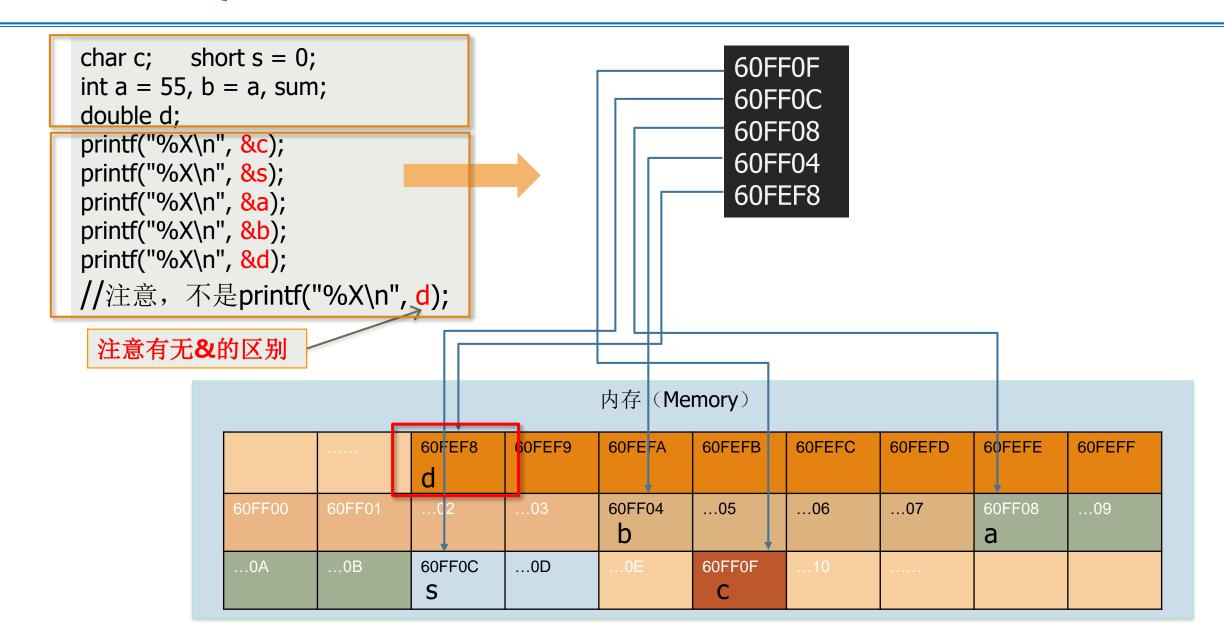
常用的数据实体: 简单变量和数组



常用的数据实体: 简单变量和数组



变量与内存的关系



基本数据类型及其内存存储空间

类型	字节	位	有效数字	取值范围
char		8		-128 ~ 127
int		32		-2147483648 ~ +2147483647
unsigned int		32		0 ~ 4294967295
short int		16		-32768 ~ 32767
long int		32		-2147483648 ~ +2147483647
long long int		64		-2 ⁶³ ~ +2 ⁶³ -1
float		32	6~7	约 -3.4×10 ³⁸ ~ 3.4×10 ³⁸ (大端,详见P68)
double		64	15~16	约 -1.7×10 ³⁰⁸ ~ 1.7×10 ³⁰⁸ (大端)

```
#include <stdio.h>
int main()
    int a, b;
    signed char sum = 0;
    scanf("%d%d", &a, &b);
    sum = a + b;
    printf("%d + %d = %d\n", a, b, sum);
    return 0;
100 100
100 + 100 = -56
                     0
                            0
                                  1
                                         0
                                               0
 0
                                  1
 0
              1
                     0
                            0
                                         0
                                               0
 1
              0
                     0
                            1
                                  0
                                         0
                                               0
```

-56

基本数据类型及其内存存储空间

类型	字节	位	有效数字	取值范围
char		8		-128 ~ 127
int		32		-2147483648 ~ +2147483647
unsigned int		32		0 ~ 4294967295
short int		16		-32768 ~ 32767
long int		32		-2147483648 ~ +2147483647
long long int		64		$-2^{63} \sim +2^{63}-1$
float		32	6~7	约 -3.4×10 ³⁸ ~ 3.4×10 ³⁸ (大端,详见P68)
double		64	15~16	约 -1.7×10 ³⁰⁸ ~ 1.7×10 ³⁰⁸

- 1. 在C语言中,数据是有范围的;
- 2. 在不同的系统平台,同一数据类型 (如int) 范围可能不同。但有个原则是:短整型(short)不能长于普通整型(int);长整型(long)不能短于普通整型(int)。
- 3. 浮点数使用标准数据格式 (IEEE-754) 表示。

3.6 数组基础

数组是在内存中连续存储的一组同类型变量,这些变量统一以数组名+下标的形式访问。

```
// 部分初始化,a的后6个元素自动初始化为0
int a[12] = {1,3,5,-2,-4,6};
for (i=0; i<12; i++)
    printf("%d ",a[i]);
```

a[0]	a[1]	a[2]	a[3]	a[4]	a[5]	a[6]	a[7]	a[8]	a[9]	a[10]	a[11]
1	3	5	-2	-4	6	0	0	0	0	0	0

内存 (Memory)

			60FEF8 a	60FEF9	60FEFA	60FEFB	60FEFC	60FEFD	60FEFE	60FEFF
6	60FF00	60FF01	02	03					60FF24	25
	26	27	60FF28							

数组的类型与大小

跟变量一样,可以定义不同类型的数组

int a[LENGTH];
double b[LENGTH];
char c[LENGTH];

// sizeof(a) is sizeof(int)*LENGTH

sizeof(para) 一元运算符, 计算参数para所占的字节数, 参数可以是变量、数组、类型等。

a[0]	a[1]	a[2]	a[3]	a[4]	a[5]	a[6]	a[7]	a[8]	a[9]	a[10]	a[11]
1	3	5	-2	-4	6	0	0	0	0	0	0

内存 (Memory)

		60FEF8 a	60FEF9	60FEFA	60FEFB	60FEFC	60FEFD	60FEFE	60FEFF
60FF00	60FF01	02	03					60FF24	25
26	27	60FF28							

sizeof(para)使用范例

```
int i;
double d;
char c;
float f[10];

printf("%d, %d\n", sizeof(i), sizeof(int));
printf("%d\n", sizeof(d));
printf("%d\n", sizeof(c));
printf("%d, %d\n", sizeof(f[0]));
4, 4
8
1
40, 4
```

实际的程序中,可能涉及到很多数组,而每个数组的数量不一,巧用 sizeof 可以比较方便地维护程序。如定义宏:

#define ArrayNum(x) (sizeof(x)/sizeof(x[0]))

例如

```
#define ArrayNum(x) (sizeof(x)/sizeof(x[0]))
int main(){
   int i; double d[7]; char c[26]; float f[10];
   for ( i=0; i < ArrayNum(d); i++ )
       d[i] = sqrt(i+10); printf("%f\n", d[i]);
   for ( i=0; i < ArrayNum(c); i++ )
       printf("\n");
   for ( i=0; i < ArrayNum(f); i++ )
       f[i] = i*i; printf("%f\n", f[i]);
              #define FOR(i,s,N) for(i=s; i<N; i++)
               FOR(i,0,ArrayNum(d))
              // 若FOR定义为如上宏,则for代码可以替换为这条
```

•••

在每个循环中,控制循环次数的语句都一样(替换为相应需要处理的数组名),而不用关心每个循环中的实际次数(不需要每个循环处用相应的常量)。程序维护方便,可读性强。

妙用,但初学者慎用,用得太多,程序的可读性可能也不好!

定义数组大小的讨论

- 实际处理的问题可能很大,如淘宝数据几亿个用户(M个),几千万件商品(N件),数组是否应定义为a[M][N]?
- 数组大小多大合适?取决于计算机的能力、 程序算法的设计、实际问题的需要
- 通常,全局数组可以比较大(但也不宜上百MB),局部数组比较小(通常几十KB)

```
#include <stdio.h>
int voiceData[1<<20]; //函数之外, 全局数组
int main()
   double stuScore[2000]; //局部数组
```

内存是宝贵的计算资源,应合理规划

定义数组大小的讨论

- 实际问题中的数据可能很大,如电商数据几亿用户M,几千万商品N,数组是否应定义为a[M][N]?
- 数组大小多大合适?取决于计算机的能力、算法设计、实际需要。
- 通常, 全局数组可以比较大(比如几 MB), 局部数组比较小(通常几十 KB)。
- 内存是宝贵的计算资源,应合理规划。

```
#define LSize 1000000
#define ssize 1000
double globalArray[LSize];
int main()
{
   int localArray[ssize];
   ...
```

【课后读物*】

c语言中的全局数组和局部数组: "今天做一道题目的时候发现一个小问题,在main函数里面开一个 int[1000000] 的数组会提示stack overflow,但是将数组移到main函数外面,变为全局数组的时候则ok,就感到很迷惑,然后上网查了些资料,才得以理解。对于全局变量和局部变量,这两种变量存储的位置不一样。对于全局变量,是存储在内存中的静态区(static),而局部变量,则是存储在栈区(stack)。"这里,顺便普及一下程序的内存分配知识,C语言程序占用的内存分为几个部分:

- (1) 堆区 (heap) : 由程序员分配和释放,比如malloc函数; (2) 栈区 (stack) : 由编译器自动分配和释放,一般用来存放局部变量、函数参数;
- (3) 静态区 (static) : 用于存储全局变量和静态变量; (4) 代码区: 用来存放函数体的二进制代码。

在C语言中,一个静态数组能开多大,决定于剩余内存的空间,在语法上没有规定。所以,能开多大的数组,就决定于它所在区的大小了。

在WINDOWS下,栈区的大小为2M,也就是2*1024*1024=2097152字节,一个int占2个或4个字节,那么可想而知,在栈区中开一个int[1000 000] 的数组是肯定会overflow的。我尝试在栈区开一个2000 000/4=500 000的int数组,仍然显示overflow,说明栈区的可用空间还是相对小。所以在栈区(程序的局部变量),最好不要声明超过int[200000]的内存的变量。

而在静态区(可以肯定比栈区大),用vs2010编译器试验,可以开2³2字节这么大的空间,所以开int[1000000]没有问题。

总而言之,当需要声明一个超过十万级的变量时,最好放在main函数外面,作为全局变量。否则,很有可能overflow。

用变量定义数组大小*

```
int n;
scanf("%d", &n);
double s[n];
double x[];
```

一种常见的用法: 先定义宏常量, 以宏常量作为数组长度

```
#define LENGTH 10

int main()
{
    double s[LENGTH];
    ......
}
```

数组定义时长度不能是变量,应为常量。 也不能定义长度为空的数组。

用变量定义数组长度,可能有时正确,但有隐患。不同的编译器由于版本不同,有很多扩展功能,可能造成跟C标准并不完全一致。

【课后读物*】

C语言(C89标准)不支持动态数组,即数组的长度必须在编译时确定下来,而不是在运行中根据需要临时决定。但C语言提供了动态分配存贮函数,利用它可实现动态申请空间。

- (1) 在 ISO/IEC9899 标准的 6.7.5.2 Array declarators 中明确说明了数组的长度可以为变量的, 称为变长数组 (VLA, variable length array)。(注:这里的变长指的是数组的长度是在运行时才能决定, 但一旦决定, 在数组的生命周期内就不会再变。)
- (2) 在 GCC 标准规范的 6.19 Arrays of Variable Length 中指出,作为编译器扩展,GCC 在 C90 模式和 C++ 编译器下遵守 ISO C99 关于变长数组的规范。
- (3) C89是美国标准,之后被国际化组织认定为标准C90,除了标准文档在印刷编排上的某些细节不同外,ISO C(C90)和 ANSI C(C89)在技术上完全一样。

数组应用实例

【例3-10】给出标准输入字符序列,统计输入中的每个小写字母出现的次数、所有大写字母出现的总次数、字符总数。(很有趣的例子!)



请按下暂停键 | | , 思考1分钟

, 再继续播放, 看后面的程序

```
#include <stdio.h>
                                                新的知识点
#include <ctype.h>
                                                getchar()
#define N 26
int main()
                                                islower()
    int i, c;
    int upper=0, total=0, lower[N]= {0};
    while((c=getchar()) != EOF ){
        if(islower(c))
            lower[c-'a']++; // if c is 'a', lower[0]++
        else if(isupper(c))
            upper++;
        total++;
    for (i=0; i< N; i++){}
        if(lower[i] != 0)
            printf("%c: %d\n", i+'a', lower[i]);
    printf("Upper: %d\nTotal: %d\n", upper, total);
    return 0;
```

这里用法很巧妙

数组元素的下标来表示字母

$$a' - a' \to 0$$

 $b' - a' \to 1, \dots,$

数组元素 (整形) 用于计数

lower[0]计'a'出现次数, lower[1]计'b'出现次数,

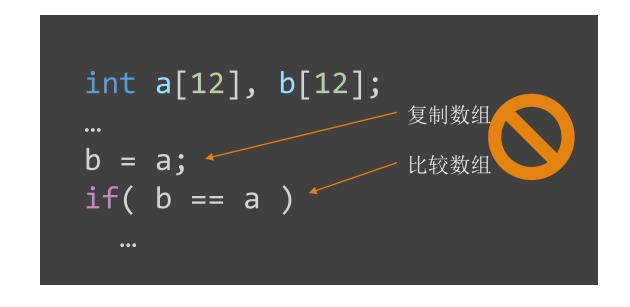
lower[c- 'a']++; 等价于 if(c == 'a') lower[0]++; ...

课后练习

给出标准输入字符序列,统 计有多少个单词?

数组的复制与比较

数组元素a[i]可以当作普通变量进行相应操作,但数组名a不可以(数组名实际上是地址)。不允许对数组进行整体操作。



正确的做法

```
for(i=0; i<12; i++)
    b[i] = a[i];
for(i=0; i<12; i++)
    if(a[i] == b[i])
...</pre>
```

数组的复制与比较**

标准库函数可以实现数组整体复制:

函数原型:

void *memcpy(void *dest, void *src, size t count);

用法:

memcpy(b, a, sizeof(a));

a[[0]	a[1]	a[2]	a[3]	a[4]	a[5]	a[6]	a[7]	a[8]	a[9]	a[10]	a[11]
	内存 (Memory)											
			60	FEF8 a	60FEF9	60FEFA	60FEFB	60FEFC	60FEFE	60FE	FE 60F	EFF
	60FF0	0 60FF	01				27	60FF28				

数组的直接整体处理**

数组复制

- 方法一:通过循环逐一复制数组中元素
- 方法二:通过内置函数memcpy()实现整体复制

```
char s[15] = "1234567890";
memset(s,'A', 6);
printf("%s", s); 输出
AAAAAA7890
```

- b = a, 语法错误, 不能把数组整体赋值给另一个数组。
- b[5] = {1, 2, 3, 4}, 语法错误, 数组除定义时初始化外, 不能用 {数值列表} 进行整体赋值。
- 两个数组赋值需要通过循环逐一赋值数组元素。

void *memcpy(void *dest, void *src, size_t count); 将src中的count个字节拷贝到dest,内存拷贝,效率高!

void *memset(void *s, int ch, size_t n); 将s中当前位置后面的n个字节用 ch 替换并返回 s, 常用于清零等。

3.7 标准输入输出的重定向

标准输入/输出(IO)的重新定向

- 标准IO在默认情况下均对应控制台(从标 准设备层面看,则分别对应键盘和显示器 ,也可以把标准IO重新定向为文件)。
- 当程序需要对标准输入/输出进行大量读写 时,如:需反复从键盘输入大量数据(输 入1000个以内的整数,求和、求平均)



七量数据反复测试 多次重新输入

```
int i, n, sum=0;
for (n=0; scanf("%d", &data[n]) == 1; n++);
for (i=0; i<n; i++) // show your input
     printf("%d\n", data[i]);
printf("\n\n");
// get the sum and average
for (i=0; i<n; i++)
     sum += data[i];
printf(" num: %d\n", n);
printf(" sum: %d\n", sum);
printf("average: %.2f\n", (float)sum/n );
```

```
96
85
91
82
68
```

```
freopen("c3-11.dat","r", stdin);
for (n=0; scanf("%d", &data[n]) == 1; n++);
for (i=0; i<n; i++)
   printf("%d\n", data[i]);
printf("\n\n");
for (i=0; i<n; i++)
   sum += data[i];
printf(" num: %d\n", n);
printf(" sum: %d\n", sum);
printf("average: %.2f\n", (float)sum/n );
fclose(stdin);
```

对标准输入输出文件重新定向

- 作用:在不对程序输入/输出语句做任何 改动的情况下,使程序从指定的文件中 读入调试数据(整体读入,分批处理) ,并将结果写入指定的文件。如:将对 键盘和屏幕的读写改为对指定文件的读 写操作。
- 对C程序内部处理逻辑无任何影响,可避免重复键入调试数据。
- 示例中不再从键盘读入数据,而是从文件c3-11.dat中读入数据,c3-11.dat就相当于新的stdin(标准输入)。

标准10的重新定向

- (1) 在IDE中,可以进行输入输出的设置(略)。
- (2) 在命令行模式下, 使用重新定向操作符 < 和 >

programName < data.in > file.out

<mark>语句作用</mark>:在运行programName时,将data.in指定为该程序的标准

输入文件,将 file.out指定为标准输出文件。

(3) 在程序中使用标准库函数freopen()进行标准输入/输出重新定向

FILE * freopen(const char *path, const char *mode, FILE *fp)

<mark>语句作用</mark>:关闭由参数fp指向的已打开的输入/输出文件,按参数mode打开由参数path指定的文件,并将其与参数fp相关联。

mode: "r"、"w"分别表示重定向后的文件用于"读"、"写"

fp: stdin、stdout,分别表示标准输入和标准输出

例:

freopen("file.out", "w", stdout)

执行成功后,printf、puts等函数的输出 将不再写到屏幕上,而是写入文件 file.out中。

注意:调试完成,程序正确后, 记得把该语句注释或删除 (不然OJ上通不 过)!

标准IO重定向实例



随机产生数据,输出到文件中, 给右边程序用作输入



```
// c3-11-gen-data.c

freopen("c3-11.dat","w",stdout);//c3-11.dat定向为stdout

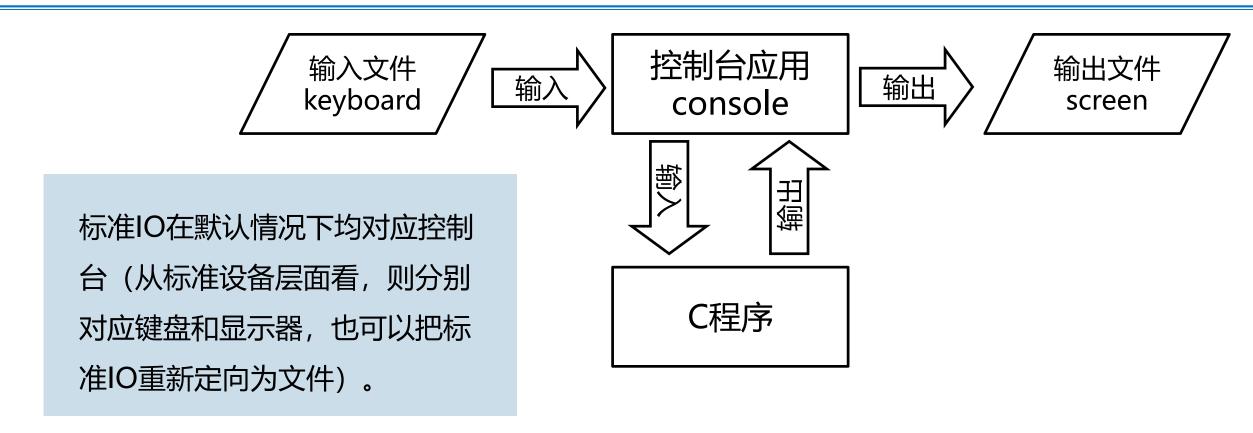
scanf("%d", &n);
for(i=0; i<n; i++)
{
    data = rand()%101; //随机产生0~100之间的一个数
    printf("%d\n", data); //输出到c3-11.out中, 不是屏幕!
}

fclose(stdout);
```

当一个程序需要成千上万个输入 数据时,手输不现实,用该程序 产生随机数据是个好办法!

```
从文件而不是键盘输入
// c3-11-sum.c
int i, n, sum = 0;
freopen("c3-11.dat", "r", stdin);
for (n = 0; scanf("%d", &data[n]) == 1; n++);
for (i = 0; i < n; i++)
   printf("%d\n", data[i]);
printf("\n\n");
for (i = 0; i < n; i++)
   sum += data[i];
printf(" num: %d\n", n);
printf(" sum: %d\n", sum);
printf("average: %.2f\n", (float)sum / n);
fclose(stdin);
```

标准10的重新定向





本章小结

- 3.1 数的二进制表示: 掌握整数在计算机中的表示(补码)
- 3.2 进制转换关系: 掌握各种进制之间的转换
- 3.3 位运算: 位运算符的含义及功能
- 3.4 浮点数的表达:初步了解浮点数在计算机中的表示
- 3.5 变量与内存: 掌握变量与内存的关系及各种数据类型的数据范围
- 3.6 数组基础:了解数组的存储与读取方式
- 3.7 IO与重定向:理解IO重定向的含义,可运用其进行程序调试

第三讲作业

- 为什么float的表示的最大范围约-3.4*10³⁸ ~ 3.4*10³⁸ ?
- float能表示的绝对值最小数约为多少?
- 看书,复习PPT (从开始~第3讲结束)
- 习题: all
- 预习结构化编程(判断、循环)
- 上机实践题
 - 把本课件和书上的所有例程输入计算机,运行并观察、分析与体会输出结果。
 - > 编程练习课后习题内容。