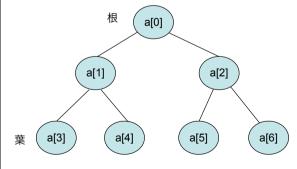
アルゴリズム論 10

整列処理(ソート)

- ■バブルソート
- ■単純選択ソート
- ■挿入法
- クイックソート
- ヒープソート

アルゴリズム論 ソート

完全2分木の配列化



配列の関係

a[i]の親:a[(i-1)/2] a[i]の左の子:a[i*2+1] a[i]の右の子:a[i*2+2]

61

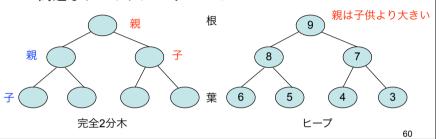
a[0]	a[1]	a[2]	a[3]	a[4]	a[5]	a[6]
9	8	7	6	5	4	3

アルゴリズム論 ソート

高度な整列処理2(ヒープソート)

ヒープソート

- ヒープ(heap)を使用したソート
- トープ
 - · 累積、積み重なったもの
 - ・ ヒープソートでは完全2分木を示す
 - ・ 親の値が子の値以上である
- 高速なソートアルゴリズムの一つ



アルゴリズム論 ソート

ヒープソートの原理

特徴:ヒープの根には最大値がある

ヒープ並び替え



繰り返し

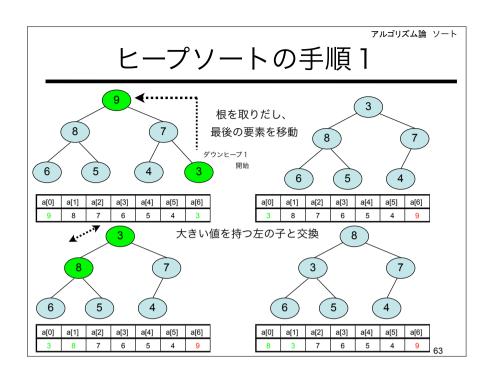
最大値取り出し

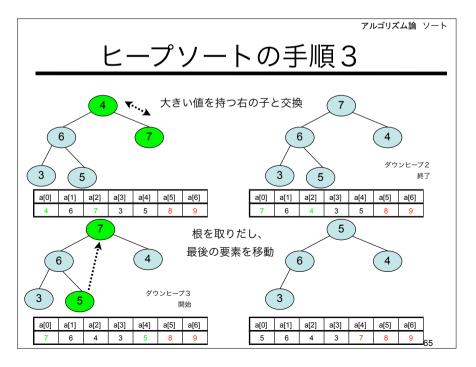
ヒープソート

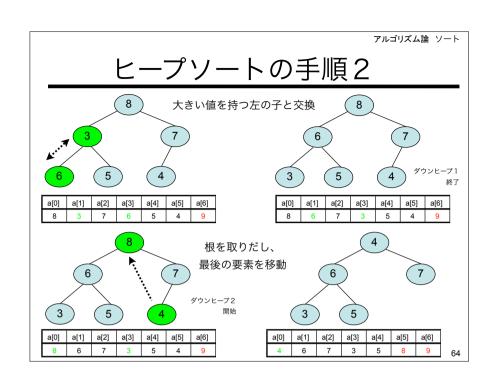
ダウンヒープ手順

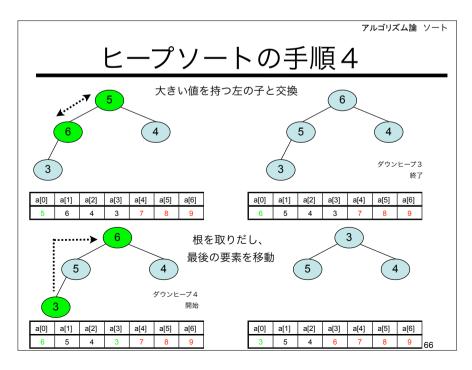
- (1)根を取り出す
- (2)最後の要素を根に移動する
- (3)根に着目しその値が、大きい方の子より小さければ交換

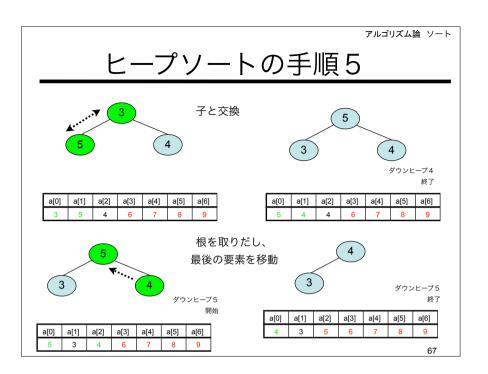
子の方が小さくなるか葉に到達するまで繰り返す











ヒープソートを適用する条件

- ヒープソートを適用するためには
- 適用する配列がヒープ化されている
 - 配列の初期化
 - ダウンヒープを繰り返すことによって初期化する
 - 葉を含む部分木から順にヒープ化
 - 根を含むまで繰り返す
 - »ヒープ化終了

アルゴリズム論 ソート

ヒープソートの手順6

根を取りだし、
最後の要素を移動

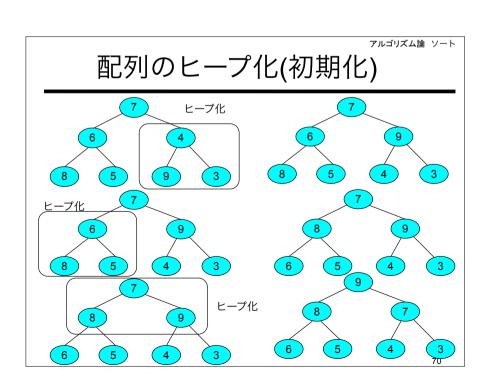
ダウンヒーフ6
開始

Age の要素を移動

ダウンヒーフ6
展別

(Age の要素を移動
(Age の要素を移動)
(Age の要素を含め)
(Ag

68



ヒープソートプログラム1(メイン)

```
#include <stdio.h>
#define swap(type,x,y) do {type t=x; x=y; y=t;} while(0)
#define NUM 5
void downheap(int a[],int left, int right); /* 関数プロトタイプ */
void heapsort(int a[], int n);
int count0=0,count1=0;count2=0;/* count0:比較,count1:交換,count2:挿入 */
int main(void)
        int
                          x[NUM];
        printf(" Input integer number %d times \footnote{n", NUM);
        for (i=0;i<NUM;i++)
                  printf("x[%d]:",i);
                  scanf("%d",&x[i]);
        heapsort(x,NUM);
        printf("Sorting is finished \n");
        for (i=0;i<NUM;i++)
                 printf("x[%d] =%d\frac{\frac{1}{2}}{n}",i,x[i]);
        printf("Number of comparison=%d\footnotentry,count0);
        printf("Number of swap=%d\n",count1);
        printf("Number of insertion=%d\formatsn",count2);
        return(0);
                                                                                71
```

アルゴリズム論 ソート

73

ヒープソートプログラム3(関数)

```
void heapsort(int a[], int n)
{
    int i;
    for (i=(n-1)/2;i>=0;i--)
        downheap(a,i,n-1); /* 配列初期化 */

    for (i=n-1;i>0;i--) { /* ダウンヒープの繰り返し */
        swap(int, a[0],a[i]); countl++;
        downheap(a,0,i-1);
    }
}
```

アルゴリズム論 ソート

ヒープソートプログラム2(関数)

```
void downheap(int a[],int left, int right) /* ダウンヒープ関数 */
                                  /* leftからrightまでをヒープ化 */
                                  /* 前提: a[left+1]~a[right]はヒープ済み */
               temp=a[left];
       int
       int
               child;
       int.
               parent;
       for (parent=left;parent<(right+1)/2;parent=child) {</pre>
               int cl=parent*2+1;
                                      /* left child 左の子 */
                                      /* right child 右の子 */
               int cr=cl+1;
               if (cr<=right && a[cr]>a[cl]) { child=cr; count0+=2; }
               else { child=cl; count0+=2; } /* 子の大きい方を選択 */
               if (temp>=a[child]) break; /* 子が小さい場合 ループから抜ける */
                                          /* 子の値を親に代入 */
               a[parent]=a[child];
       a[parent]=temp;
                         /* a[left]をヒープが成立する位置に挿入 */
       count2++:
}
                                                                    72
```

アルゴリズム論 ソート

ソートプログラム実行結果

```
Input integer number 5 times
x[0]:60
x[1]:75
x[2]:70
x[3]:56
x[4]:52
Sorting is finished
x[0] = 52
x[1] = 56
x[2] = 60
x[3] = 70
x[4] = 75
Number of comparison=12
Number of swap=4
Number of insertion=7
                                                      74
```

演習問題10-1(講義時間内で実施)

- ✓ヒープソートを行うプログラムのソースコードを 入力し実行する
 - ☑ メイン
 - ☑ ダウンヒープ関数
 - ☑ヒープソート関数
- ☑データを入力し、実行結果を確認する

75

アルゴリズム論 ソート

ヒープソートの特徴

- ・まとめ
 - 各ステップで最大値を求める操作を繰り返す
 - 途中で得られる大小関係をヒープというデータ構造に蓄積する
 - ヒープ後には最大値を求める計算量は1
 - ヒープソートのオーダは n log₂n

アルゴリズム論 ソート

ヒープソートの計算量

データn個のソート比較回数

- n個のデータのヒープ段数:k
 - $n = 2^{k}$
 - k=log₂n
 - -1回のヒープ化でk-1回の比較
- k-1回の比較をn個のデータ分行う

n*(k-1)=n*(log₂n-1)



O(nlog₂n)

76

アルゴリズム論 ソート

処理時間計測1(メイン)

- 1. 10000個乱数を発生させ、それをソートするプログラムを実行する。
- 2. バブルソート、単純選択法、挿入法、クイックソート、ヒープソートで処理時間を比較する。

```
#include <stdio.h>
#include <stdio.h>
#include <time.h>
#include <time.h>
#define NUM 10000 /* ソートするデータの個数 変更可能 */
#define swap(type,x,y) do {type t=x; x=y; y=t;} while(0)

void bubble(int a[], int n);
void selsort(int a[], int n);
void quick(int a[], int left, int right);
void downheap(int a[], int left, int right);
void downheap(int a[], int left, int right);
void heapsort(int a[], int n);
```

参考:処理時間計測2(メイン)

```
int main(void)
                     x0[NUM], x1[NUM], x2[NUM], x3[NUM], x4[NUM];
          double
                   dt0=0.0,dt1=0.0,dt2=0.0,dt3=0.0,dt4=0.0; /* ソート積算時間 */
          double
          srand(time(NULL));
          for (i=0;i<NUM;i++)
                                         { /* 乱数発生 */
                    temp=(double)rand()/(double)RAND MAX; x0[i]= x1[i]= x2[i]= x3[i]= x4[i]=(int)(temp*1000.0);
          start=clock(); /* ソート時間の計測 */
          bubble(x0,NUM);
          end=clock();
dt0+=(double)(end - start) / CLOCKS PER SEC;
                    :
(省略)
                               /* ソート時間 結果表示 */
          printf("Running time bsort=%lf (sec), ssort=%lf (sec),
          isort=%lf (sec) \u00e4n",dt0,dt1,dt2);
printf("Running time gsort=%lf (sec), hsort=%lf (sec) \u00e4n",dt3,dt4);
                                                                                              79
```

アルゴリズム論 ソート

81

参考: 処理時間計測3(関数)

```
void quick(int a[],int left, int right)
void insertion(int a[], int n)
                  i,j,tmp;
                                                          pl=left;
         for (i=1;i<=n-1;i++) {
                                                           pr=right;
             tmp=a[i];
                                                            x=a[(pl+pr)/2]; /* pivot */
             while ((a[j-1]>tmp) && (j>0)) {
                  a[j]=a[j-1];
                                                         while (a[pl] < x) \{ pl++; \}
                                                         while (a[pr]>x) { pr--; }
         a[j]=tmp;
                                                                   swap(int, a[pl],a[pr]);
                                                                   pl++;
                                                     } while (pl<=pr);
                                                     if (left<pr) quick(a,left,pr);
                                                     if (pl<right) quick(a,pl,right);
```

アルゴリズム論 ソート

参考: 処理時間計測3(関数)

アルゴリズム論 ソート

参考: 処理時間計測5(関数)

```
void heapsort(int a[], int n)
void downheap(int a[],int left, int right)
            temp=a[left];
                                                            for (i=(n-1)/2;i>=0;i--)
                                                                      downheap(a,i,n-1);
     for (parent=left;parent<(right+1)/
                                                            for (i=n-1;i>0;i--) {
          2;parent=child) {
                                                                      swap(int, a[0],a[i]);
                                                                      downheap(a,0,i-1);
         int cl=parent*2+1; /* left child */
         int cr=cl+1;
                          /* right child */
     if (cr<=right && a[cr]>a[cl]) child=cr;
     else child=cl;
     if (temp>=a[child])
         a[parent] = a[child];
     a[parent]=temp;
                                                                                         82
```

参考: 処理時間計測(実行結果)

Running time bsort=0.731919 (sec),ssort=0.316106 (sec),
isort=0.241449 (sec),qsort=0.002053 (sec),
hsort=0.003694 (sec)

この例では クイックソート〈ヒープソート〈単純挿入法〈 単純選択法〈単純交換法 となった。

83

アルゴリズム論 ソート

まとめ (ソート)

	最良の場合	最悪の場合	平均的の場合	
バブルソート	O(n²)	O(n²)	O(n²)	
単純選択ソート	O(n²)	O(n²)	O(n²)	
挿入法	O(n)	O(n²)	O(n²)	
クイックソート	クイックソート O(nlog₂n)		O(nlog₂n)	
ヒープソート	O(nlog₂n)	O(nlog₂n)	O(nlog₂n)	