

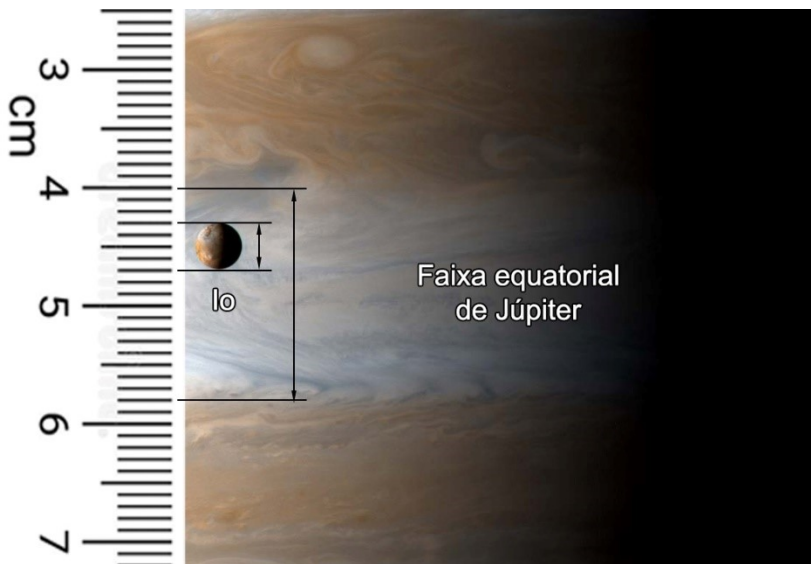


**Questão 1) (1 ponto)** A imagem a seguir, da sonda Cassini da NASA, traz Júpiter e seu satélite Io.

A escala de uma imagem é encontrada medindo-se com uma régua a distância entre dois pontos na imagem cuja separação real, em unidades físicas, se conhece. Nesse caso, sabemos que o diâmetro de Io é de 3.600 quilômetros.

Desconsidere a distância entre Io e Júpiter e assinale a opção que traz o valor real da largura da faixa equatorial de Júpiter assinalada na imagem.

Já colocamos uma régua sobre a imagem para você fazer esta medida.



a) 16.200 km

b) 36.000 km

c) 45.000 km

d) 32.400 km

e) 8.100 km

1) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

**Resposta:**

O diâmetro de Io na imagem é de 4 mm e o diâmetro real é de 3.600 km. A largura da faixa é de 18mm, logo, sua largura real é obtida pela “regra de três”:

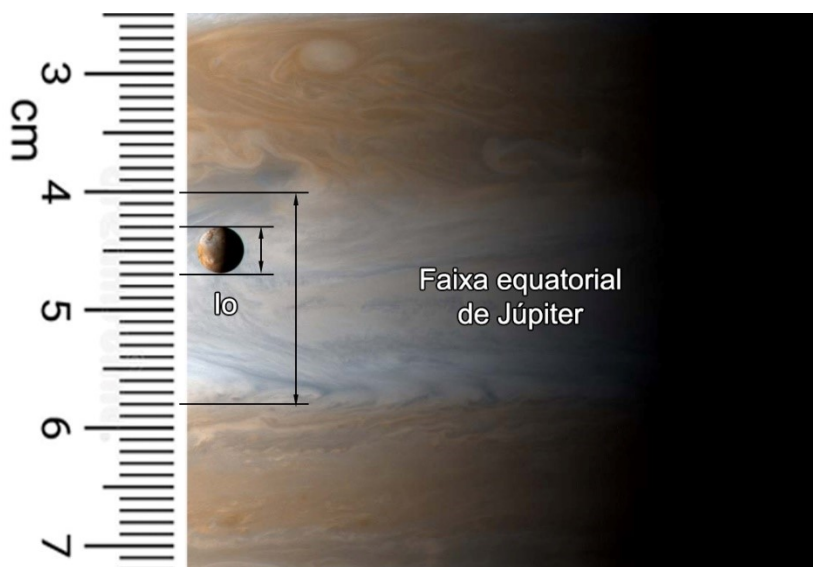
$$\frac{4 \text{ mm}}{18 \text{ mm}} = \frac{3.600 \text{ km}}{x \text{ km}} \rightarrow x = \frac{18 \text{ mm} \times 3.600 \text{ km}}{4 \text{ mm}} = 16.200 \text{ km}$$

**Questão 2) (1 ponto)** A imagem a seguir, da sonda Cassini da NASA, traz Júpiter e seu satélite Io.

A escala de uma imagem é encontrada medindo-se com uma régua a distância entre dois pontos na imagem cuja separação real, em unidades físicas, se conhece. Nesse caso, sabemos que o raio de Io é de 1.800 quilômetros.

Desconsidere a distância entre Io e Júpiter e assinale a opção que traz o valor real da largura da faixa equatorial de Júpiter assinalada na imagem.

Já colocamos uma régua sobre a imagem para você fazer esta medida.



a) 16.200 km

b) 36.000 km

c) 45.000 km

d) 32.400 km

e) 8.100 km

2) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

**Resposta:**

O diâmetro de Io na imagem é de 4 mm e o diâmetro real é de  $2 \times 1.800 \text{ km} = 3.600 \text{ km}$ . A largura da faixa é de 18 mm, logo, sua largura real é obtida pela “regra de três”:

$$\frac{4 \text{ mm}}{18 \text{ mm}} = \frac{3.600 \text{ km}}{x \text{ km}} \rightarrow x = \frac{18 \text{ mm} \times 3.600 \text{ km}}{4 \text{ mm}} = 16.200 \text{ km}$$

**Questão 3) (1 ponto)** A massa de uma estrela é o combustível para os processos de fusão nuclear. Podemos, então, presumir que o seu tempo de vida na Sequência Principal é proporcional à massa estelar dividida pela sua Luminosidade, é uma medida de sua produção de energia.

Os modelos de evolução estelar nos dizem que apenas uma fração da massa de uma estrela está realmente disponível como combustível nuclear. Utilizando o Sol como parâmetro e assumindo que sua vida na Sequência Principal será de  $10 \times 10^9$  anos (10 bilhões de anos), o tempo de vida  $T$  previsto para uma estrela permanecer na Sequência Principal dependerá de sua Massa  $M$  de acordo com a seguinte fórmula:

$$T = 10^{10} \left( \frac{M_{\text{Sol}}}{M_{\text{estrela}}} \right)^{\frac{5}{2}} \text{ anos}$$

Utilizando a fórmula, assinale a alternativa que traz o tempo de vida da estrela hiper gigante com 100 vezes a massa do Sol ( $M_{\text{estrela}} = 100M_{\text{Sol}}$ ).

- a) 100.000 anos
- b) 1.000.000 anos
- c) 10.000.000 anos
- d) 100.000.000 anos
- e) 1.000.000.000 anos

Resposta: aplicando a fórmula, e considerando  $M_{\text{Sol}} = 1$ , temos

$$T = 10^{10} \left( \frac{1}{100} \right)^{\frac{5}{2}} = 10^{10} \left( \frac{1}{\sqrt{100}} \right)^5 = \frac{10^{10}}{10^5} \rightarrow T = 10^5 \text{ anos}$$

3) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

**Questão 4) (1 ponto)** A massa de uma estrela é o combustível para os processos de fusão nuclear. Podemos, então, presumir que o seu tempo de vida na Sequência Principal é proporcional à massa estelar dividida pela sua Luminosidade, é uma medida de sua produção de energia.

Os modelos de evolução estelar nos dizem que apenas uma fração da massa de uma estrela está realmente disponível como combustível nuclear. Utilizando o Sol como parâmetro e assumindo que sua vida na Sequência Principal será de  $10 \times 10^9$  anos (10 bilhões de anos), o tempo de vida  $T$  previsto para uma estrela permanecer na Sequência Principal dependerá de sua Massa  $M$  de acordo com a seguinte fórmula:

$$T = 10^{10} \left( \frac{M_{\text{Sol}}}{M_{\text{estrela}}} \right)^{\frac{5}{2}} \text{ anos}$$

Utilizando a fórmula, assinale a alternativa que traz o tempo aproximado de vida da estrela super gigante com 25 vezes a massa do Sol ( $M_{\text{estrela}} = 25M_{\text{Sol}}$ ).

a) 3.200.000 anos

b) 32.000.000 anos

c) 320.000.000 anos

d) 3.200.000.000 anos

e) 320.000 anos

Resposta: aplicando a fórmula, e considerando  $M_{\text{Sol}} = 1$ , temos

$$T = 10^{10} \left( \frac{1}{25} \right)^{\frac{5}{2}} = 10^{10} \left( \frac{1}{\sqrt{25}} \right)^5 = \frac{10^{10}}{5^5} = \frac{10^{10}}{3.125} \rightarrow T = 3.200.000 \text{ anos}$$

4) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

**Questão 5) (1 ponto)** Apelidado de “o maior olho do mundo virado para o céu”, o *Extremely Large Telescope* (telescópio extremamente grande, em tradução livre), ou apenas ELT, será o maior telescópio óptico do planeta.

Desenvolvido pelo Observatório Europeu do Sul (ESO, na sigla em inglês), a ser instalado no Deserto do Atacama, no Chile, o equipamento terá um espelho que medirá 39 metros de diâmetro, com previsão de inauguração em 2027.

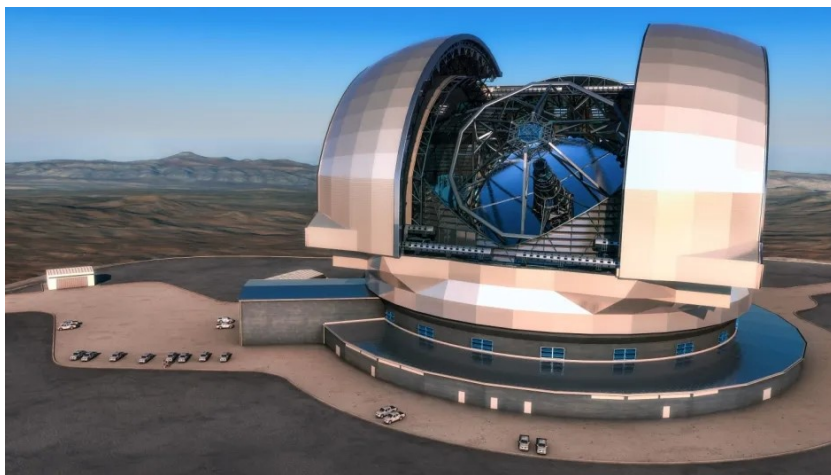
O maior telescópio instalado no Brasil fica no Observatório Pico dos Dias (OPD), na cidade de Brazópolis/MG, e é administrado pelo Laboratório Nacional de Astrofísica (LNA/MCTI). Seu espelho primário tem 1,6 metro de diâmetro.

Considere que uma câmera digital, acoplada ao telescópio do OPD, precise de 600 segundos de exposição para registrar a imagem de uma determinada estrela de brilho muito fraco.

Assinale a opção que traz o tempo aproximado que o ELT precisará para fazer o registro desta mesma estrela usando a esta mesma câmera digital acoplada ao seu espelho.

*Dica: a luz da estrela é captada pelo espelho principal de um telescópio. Então, quanto maior a área do espelho, mais luz o espelho coleta e mais rapidamente a câmera digital registra sua imagem.*

- a) 1,0 s
- b) 1,6 s
- c) 10,0 s
- d) 24,0 s
- e) 39,0 s



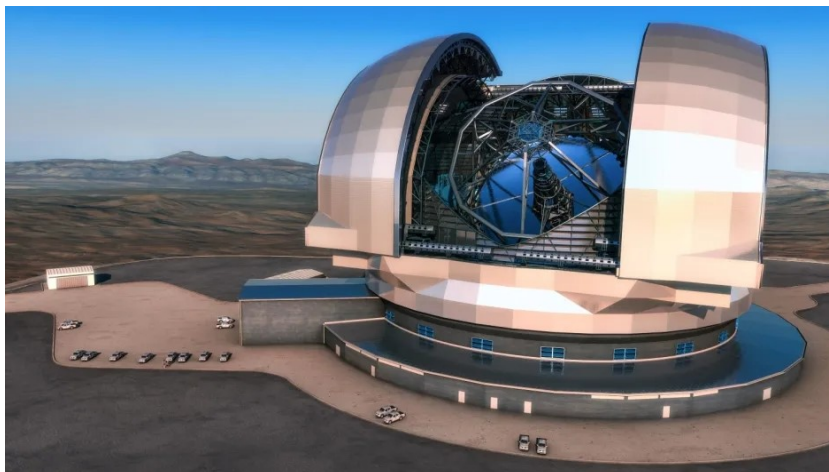
5) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

Resposta: o tempo de exposição é inversamente proporcional à quantidade de luz (fótons) coletados pelos espelhos, que por sua vez é proporcional à área dos espelhos., ou seja, o tempo de exposição é inversamente proporcional à área do espelho do telescópio. Sendo assim, podemos usar uma regra de três inversa para equacionar este problema.

$$\frac{600 \text{ s}}{x \text{ s}} = \frac{\pi \left(\frac{39 \text{ m}}{2}\right)^2}{\pi \left(\frac{1,6 \text{ m}}{2}\right)^2} \rightarrow x = 600 \text{ s} \times \frac{(1,6 \text{ m})^2}{(39 \text{ m})^2} \rightarrow x \cong 1 \text{ s}$$

**Questão 6) (1 ponto)** Apelidado de “o maior olho do mundo virado para o céu”, o *Extremely Large Telescope* (telescópio extremamente grande, em tradução livre), ou apenas ELT, será o maior telescópio óptico do planeta.

Desenvolvido pelo Observatório Europeu do Sul (ESO, na sigla em inglês), a ser instalado no Deserto do Atacama, no Chile, o equipamento terá um espelho que medirá 39 metros de diâmetro, com previsão de inauguração em 2027.



O maior telescópio instalado no Brasil fica no Observatório Pico dos Dias (OPD), na cidade de Brazópolis/MG, e é administrado pelo Laboratório Nacional de Astrofísica (LNA/MCTI). Seu espelho primário tem 1,6 metro de diâmetro.

Considere que uma câmera digital, acoplada ao telescópio do OPD, precise de 300 segundos de exposição para registrar a imagem de uma determinada estrela de brilho muito fraco.

Assinale a opção que traz o tempo aproximado que o ELT precisará para fazer o registro desta mesma estrela usando a esta mesma câmera digital acoplada ao seu espelho.

*Dica: a luz da estrela é captada pelo espelho principal de um telescópio. Então, quanto maior a área do espelho, mais luz o espelho coleta e mais rapidamente a câmera digital registra sua imagem.*

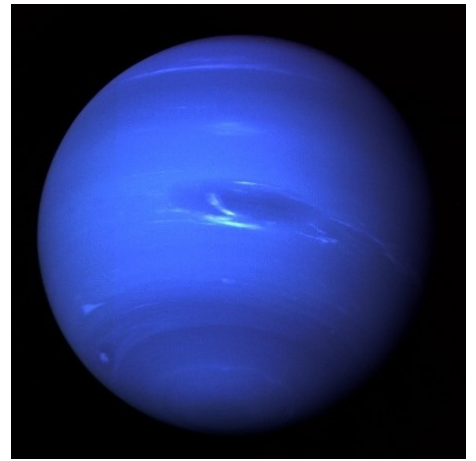
- a) 0,5 s
- b) 1,6 s
- c) 10,0 s
- d) 24,0 s
- e) 39,0 s

**6) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

Resposta: o tempo de exposição é inversamente proporcional à quantidade de luz (fótons) coletados pelos espelhos, que por sua vez é proporcional à área dos espelhos., ou seja, o tempo de exposição é inversamente proporcional à área do espelho do telescópio. Sendo assim, podemos usar uma regra de três inversa para equacionar este problema.

$$\frac{300 \text{ s}}{x \text{ s}} = \frac{\pi \left(\frac{39 \text{ m}}{2}\right)^2}{\pi \left(\frac{1,6 \text{ m}}{2}\right)^2} \rightarrow x = 300 \text{ s} \times \frac{(1,6 \text{ m})^2}{(39 \text{ m})^2} \rightarrow x \cong 0,5 \text{ s}$$

**Questão 7) (1 ponto)** Netuno é o oitavo planeta do Sistema Solar, o último a partir do Sol desde a reclassificação de Plutão para a categoria de Planeta Anão, em 2006. Pertencente ao grupo dos gigantes gasosos com massa, equivalente a 17 massas terrestres. Netuno orbita o Sol a uma distância média de 30,1 unidades astronômicas. A órbita de Netuno possui período orbital de aproximadamente 164 anos terrestres e sua excentricidade é somente de 0,011, o que faz dela uma das órbitas mais circulares dentre os planetas do Sistema Solar.



Em relação à perpendicular ao plano da sua órbita, o eixo de rotação de Netuno é inclinado em  $28,3^\circ$ , similar à inclinação do eixo terrestre, que é de  $23,5^\circ$ . Por isso o planeta apresenta variações sazonais da radiação solar recebida nos hemisférios norte e sul, tal como a Terra

No ano de 2005 começou o solstício de verão no Hemisfério Sul de Netuno. Assinale a opção que traz em que ano ocorreu o último solstício de inverno neste mesmo Hemisfério de Netuno.

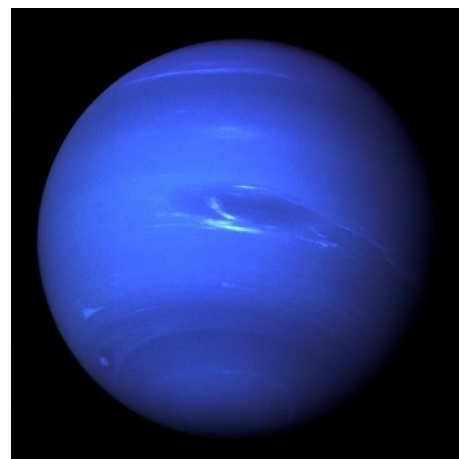
- a) 1923
- b) 1841
- c) 1964
- d) 1882
- e) 1800

7) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

Resposta: O texto informa que Netuno tem uma das órbitas mais circulares do Sistema Solar de forma que podemos considerar que cada “estação do ano” em Netuno dura  $1/4$  do seu período orbital, ou seja,  $164 \text{ anos} / 4 = 41 \text{ anos}$ .

Portanto o último solstício de inverno no Hemisfério Sul de Netuno ocorreu meio período orbital em relação a 2005, ou seja,  $2005 - 82 = 1923$ .

**Questão 8) (1 ponto)** Netuno é o oitavo planeta do Sistema Solar, o último a partir do Sol desde a reclassificação de Plutão para a categoria de Planeta Anão, em 2006. Pertencente ao grupo dos gigantes gasosos com massa, equivalente a 17 massas terrestres. Netuno orbita o Sol a uma distância média de 30,1 unidades astronômicas. A órbita de Netuno possui período orbital de aproximadamente 164 anos terrestres e sua excentricidade é somente de 0,011, o que faz dela uma das órbitas mais circulares dentre os planetas do Sistema Solar.



Em relação à perpendicular ao plano da sua órbita, o eixo de rotação de Netuno é inclinado em  $28,3^\circ$ , similar à inclinação do eixo terrestre, que é de  $23,5^\circ$ . Por isso o planeta apresenta variações sazonais da radiação solar recebida nos hemisférios norte e sul, tal como a Terra

No ano de 2005 começou o solstício de verão no Hemisfério Sul de Netuno. Assinale a opção que traz em que ano ocorrerá o próximo solstício de verão no Hemisfério Norte de Netuno.

- a) 2087
- b) 2046
- c) 2128
- d) 2169
- e) 2210

**8) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

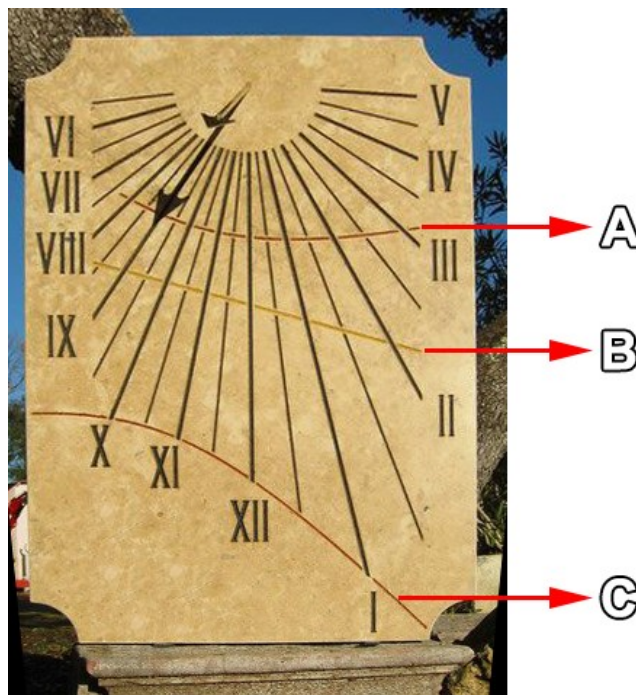
**Resposta:** O texto informa que Netuno tem uma das órbitas mais circulares do Sistema Solar de forma que podemos considerar que cada “estação do ano” em Netuno dura  $1/4$  do seu período orbital, ou seja,  $164 \text{ anos} / 4 = 41 \text{ anos}$ .

Em 2005 começou o solstício de inverno no Hemisfério Norte de Netuno, portanto o próximo solstício de verão neste mesmo hemisfério ocorrerá  $1/2$  período orbital depois de 2005, ou seja,  $2005 + 82 = 2087$ .

**Questão 9) (1 ponto)** Um relógio de Sol é um relógio que marca a hora solar a partir da projeção da sombra de uma haste. No sentido mais restrito da palavra, consiste em uma placa plana (ou mostrador) e uma haste, que projeta uma sombra no mostrador. Conforme o Sol parece se mover no céu, a sombra se alinha com as diferentes linhas horárias, que são marcadas no mostrador para indicar a hora solar verdadeira.

À direita temos um relógio de Sol vertical (seu mostrador fica em pé), esculpido em pedra, onde vemos sua haste, em forma de seta (a seta pequena), e sua sombra (a seta longa) marcando a hora solar local.

Na imagem à direita, também vemos 3 linhas destacadas com as letras **A**, **B** e **C**. As linhas **A** e **C** demarcam, respectivamente, o limite dos comprimentos mínimo e máximo que a sombra da haste pode atingir ao longo do ano, ou seja, durante os solstícios. A linha **B** corresponde aos equinócios.



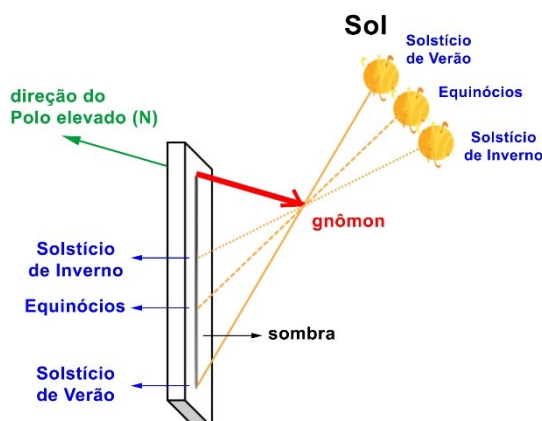
A instalação de um relógio de Sol requer o conhecimento da latitude local (pois a haste precisa ser montada de forma a ficar paralela ao eixo de rotação da Terra), da direção vertical precisa (por exemplo, através de um nível ou prumo) e da direção dos Pontos Cardeais.

Baseado nas informações do texto, assinale a única opção verdadeira.

- a) Durante o Solstício de Verão a ponta da sombra da haste percorre a linha C.
- b) Lemos no mostrador que são 10 h da manhã.
- c) Este relógio vai marcar a hora solar verdadeira em qualquer latitude em for instalado.
- d) Se este relógio for colocado na horizontal, ele continuará marcando a hora solar corretamente.
- e) Este relógio pode ser instalado com seu mostrador virado de frente para qualquer Ponto Cardeal

9) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

**Resposta:** Como o mostrador do relógio é vertical, no dia do Solstício de Verão a sombra projetada da haste será a mais longa possível e, portanto, a ponta da sombra da haste percorrerá a linha C.

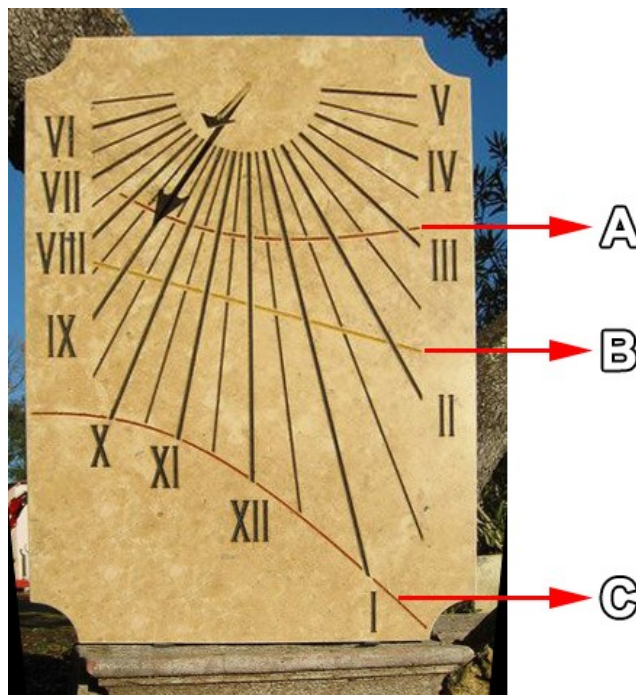


Vemos na foto que a haste indica que são 9h e as demais opções contradizem o texto.

**Questão 10) (1 ponto)** Um relógio de Sol é um relógio que marca a hora solar a partir da projeção da sombra de uma haste. No sentido mais restrito da palavra, consiste em uma placa plana (ou mostrador) e uma haste, que projeta uma sombra no mostrador. Conforme o Sol parece se mover no céu, a sombra se alinha com as diferentes linhas horárias, que são marcadas no mostrador para indicar a hora solar verdadeira.

À direita temos um relógio de Sol vertical (seu mostrador fica em pé), esculpido em pedra, onde vemos sua haste, em forma de seta (a seta pequena), e sua sombra (a seta longa) marcando a hora solar local.

Na imagem à direita, também vemos 3 linhas destacadas com as letras **A**, **B** e **C**. As linhas **A** e **C** demarcam, respectivamente, o limite dos comprimentos mínimo e máximo que a sombra da haste pode atingir ao longo do ano, ou seja, durante os solstícios. A linha **B** corresponde aos equinócios.



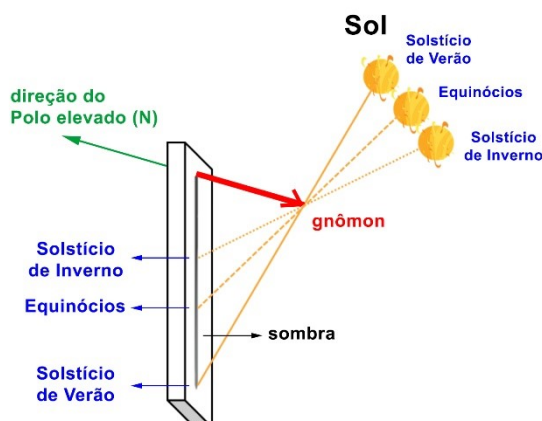
A instalação de um relógio de Sol requer o conhecimento da latitude local (pois a haste precisa ser montada de forma a ficar paralela ao eixo de rotação da Terra), da direção vertical precisa (por exemplo, através de um nível ou prumo) e da direção dos Pontos Cardeais.

Baseado nas informações do texto, assinale a única opção verdadeira.

- a) Durante o Solstício de Inverno a ponta da sombra da haste percorre a linha A.
- b) Lemos no mostrador que são 9 h 30 min da manhã.
- c) Este relógio vai marcar a hora solar em qualquer latitude em for instalado.
- d) Se este relógio for colocado na horizontal, ele continuará marcando a hora solar corretamente.
- e) Este relógio pode ser instalado com seu mostrador virado para qualquer Ponto Cardeal.

**10) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

**Resposta:** Como o mostrador do relógio é vertical, no dia do Solstício de Inverno a sombra projetada da haste será a mais curta possível e, portanto, a ponta da sombra da haste percorrerá a linha A.



Vemos na foto que a haste indica que são 9h e as demais opções contradizem o texto.

**Questão 11) (1 ponto)** Os buracos negros são tão densos que enormes quantidades de matéria podem ser comprimidas em espaços muito pequenos. Como os buracos negros são o resultado de um colapso gravitacional, pelo menos teoricamente, não há limite para quão grandes ou pequenos eles podem ser. O tamanho de um buraco negro depende de algo chamado Raio de Schwarzschild ( $R_{Sch}$ ). Este raio está associado à extensão do horizonte de eventos que haveria caso a massa de tal corpo fosse concentrada em um único ponto de dimensões infinitesimais.

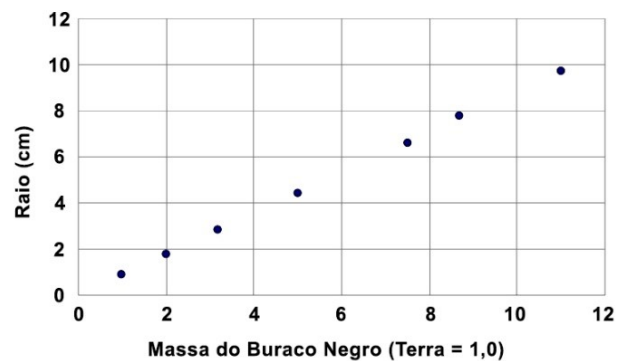
A tabela à direita fornece o raio teórico de buracos negros de várias massas. As massas são todas dadas em termos da massa da Terra ( $M_T = 6,00 \times 10^{24} \text{ kg}$ ), de modo que '2,0' significa um buraco negro com o dobro da massa do nosso planeta.

Em seguida temos os valores da tabela colocados em um gráfico.

Com as informações da tabela e do gráfico, assinale a opção que traz o valor teórico, aproximado, do raio de um buraco negro com massa equivalente à massa de Júpiter ( $1,92 \times 10^{27} \text{ kg}$ ).

- a) 2,82 m
- b) 5,64 m
- c) 1,92 m
- d) 12,50 m
- e) 14,10 m

$M_T$	Raio <sub>Sch</sub>
1,0	0,88 cm
2,0	1,76 cm
3,2	2,82 cm
5,0	4,40 cm
7,5	6,60 cm
8,8	7,74 cm
11,0	9,68 cm



11) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

Resposta: O gráfico da tabela nos mostra que existe uma relação linear entre a massa e o raio de um Buraco Negro. Então, podemos usar uma regra de três simples para resolver o problema usando um par (massa, raio) qualquer da tabela, por exemplo:  $5,0 M_T \rightarrow R_{Sch} = 4,4 \text{ cm}$ .

$$\frac{5,0 M_T}{4,40 \text{ cm}} = \frac{1,0 M_{Júpiter}}{x \text{ cm}}$$

Substituindo-se os valores e resolvendo para x:

$$x = \frac{4,40 \text{ cm} \times 1,92 \times 10^{27} \text{ kg}}{5 \times 6,00 \times 10^{24} \text{ kg}} \rightarrow x = 281,6 \text{ cm} \approx 2,82 \text{ m}$$

**Questão 12) (1 ponto)** Os buracos negros são tão densos que enormes quantidades de matéria podem ser comprimidas em espaços muito pequenos. Como os buracos negros são o resultado de um colapso gravitacional, pelo menos teoricamente, não há limite para quão grandes ou pequenos eles podem ser. O tamanho de um buraco negro depende de algo chamado Raio de Schwarzschild ( $R_{Sch}$ ). Este raio está associado à extensão do horizonte de eventos que haveria caso a massa de tal corpo fosse concentrada em um único ponto de dimensões infinitesimais.

A tabela à direita fornece o raio teórico de buracos negros de várias massas. As massas são todas dadas em termos da massa da Terra ( $M_T = 6,00 \times 10^{24} \text{ kg}$ ), de modo que '2,0' significa um buraco negro com o dobro da massa do nosso planeta.

Em seguida temos os valores da tabela colocados em um gráfico.

Com as informações da tabela e do gráfico, assinale a opção que traz o valor teórico, aproximado, do raio de um buraco negro com massa equivalente à massa de Saturno ( $5,70 \times 10^{26} \text{ kg}$ ).

a) 0,84 m

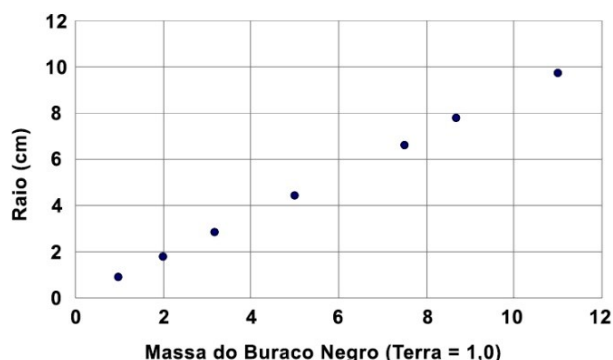
b) 1,68 m

c) 3,70 m

d) 4,20 m

e) 5,70 m

$M_T$	Raio <sub>Sch</sub>
1,0	0,88 cm
2,0	1,76 cm
3,2	2,82 cm
5,0	4,40 cm
7,5	6,60 cm
8,8	7,74 cm
11,0	9,68 cm



12) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

Resposta: O gráfico da tabela nos mostra que existe uma relação linear entre a massa e o raio de um Buraco Negro. Então, podemos usar uma regra de três simples para resolver o problema usando um par (massa, raio) qualquer da tabela, por exemplo:  $5,0 M_T \rightarrow R_{Sch} = 4,4 \text{ cm}$ .

$$\frac{5,0 M_T}{4,40 \text{ cm}} = \frac{1,0 M_{Saturno}}{x \text{ cm}}$$

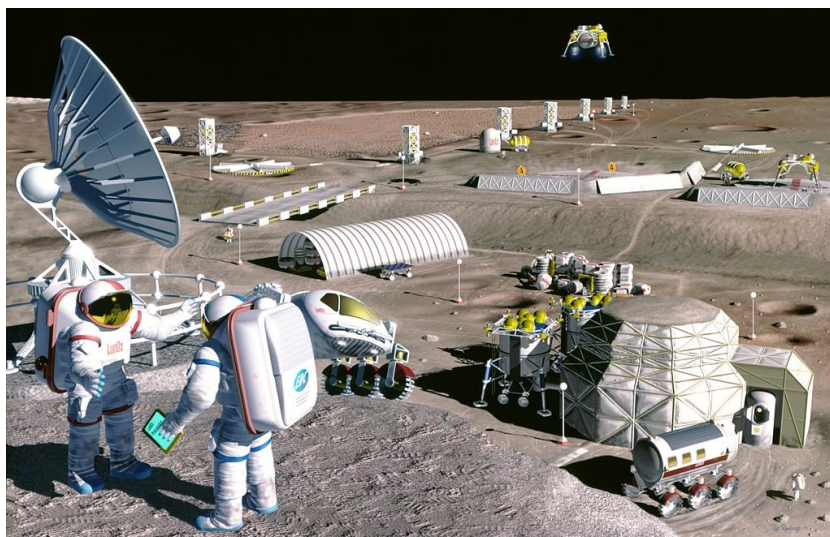
Substituindo-se os valores e resolvendo para x:

$$x = \frac{4,40 \text{ cm} \times 5,70 \times 10^{26} \text{ kg}}{5 \times 6,00 \times 10^{24} \text{ kg}} \rightarrow x = 83,6 \text{ cm} \approx 0,84 \text{ m}$$

**Questão 13) (1 ponto)** Sem uma atmosfera, não há nada que impeça que milhões de kg de fragmentos de rocha e gelo, que vagam pelo espaço, atinjam a superfície lunar todo o ano. Na Terra, nossa atmosfera nos protege e poucos fragmentos chegam até o solo.

Viajando a cerca de 19 km/s, estes fragmentos são mais rápidos que uma bala e são totalmente silenciosos e invisíveis até atingirem a superfície da Lua.

Isso é algo com que os futuros exploradores e colonos lunares precisam se preocupar!



Durante 2 anos seguidos, os astrônomos da NASA contaram 100 flashes de luz provenientes dos impactos de meteoritos na superfície lunar, cada um equivalente a algumas dezenas de kg de TNT, por isso a preocupação.

Considere que os astrônomos só conseguiram observar os impactos em 1/4 da superfície da Lua e que a Lua é esférica com raio  $R_{\text{Lua}} = 1.737,0 \text{ km}$ .

Com essas informações, assinale a opção que traz o tempo aproximado que uma colônia lunar de  $10 \text{ km}^2$  deverá esperar para ocorrer um impacto direto em suas instalações.

*Dicas:* - utilize a fórmula  $A = 4\pi R^2$  para calcular a área da superfície da Lua;  
 - calcule a taxa de impactos em termos de 'meteoritos/ $\text{km}^2 \cdot \text{ano}$ ';  
 - multiplique a taxa **acima** pela área total da colônia lunar. Você obterá um número muito menor do que 1 meteorito por ano caindo na área da base lunar.  
 - Calcule, finalmente, quanto tempo será necessário esperar para que UM meteorito caia na base lunar em questão.

- a) 19.000 anos
- b) 76.000 anos
- c) 9.500 anos
- d) 1.737 anos
- e) 2 anos

13) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

**Resposta:** Vamos começar calculando a área  $A_{\text{Lua}}$  da superfície da Lua.

$$A_{\text{Lua}} = 4\pi(1737 \text{ km})^2 \rightarrow A_{\text{Lua}} \cong 3,8 \times 10^7 \text{ km}^2$$

A taxa  $T_{\text{Lua}}$  de impactos na superfície da Lua será, então

$$T_{\text{Lua}} = \frac{\text{n}^\circ \text{ de impactos}}{\text{área observada} \times \text{tempo de observação}} \rightarrow T_{\text{Lua}} = \frac{100 \text{ meteoritos}}{\left(\frac{1}{4} \times 3,8 \times 10^7 \text{ km}^2\right) \times (2 \text{ anos})}$$

$$T_{\text{Lua}} \cong 5,3 \times 10^{-6} \frac{\text{meteoritos}}{\text{km}^2 \cdot \text{ano}}$$

Então, em  $10 \text{ km}^2$  a taxa  $T_{\text{colônia}}$  de impactos na colônia será de

$$T_{col\hat{o}nia} = T_{Lua} \times \text{área da col\hat{o}nia} \rightarrow T_{col\hat{o}nia} = 5,3 \times 10^{-6} \frac{\text{meteoritos}}{\text{km}^2 \cdot \text{ano}} \times 10 \text{ km}^2$$

$$T_{col\hat{o}nia} = 5,3 \times 10^{-5} \frac{\text{meteoritos}}{\text{ano}}$$

Para saber o tempo médio esperado entre dois impactos diretos na colônia, usamos uma regra de três simples:

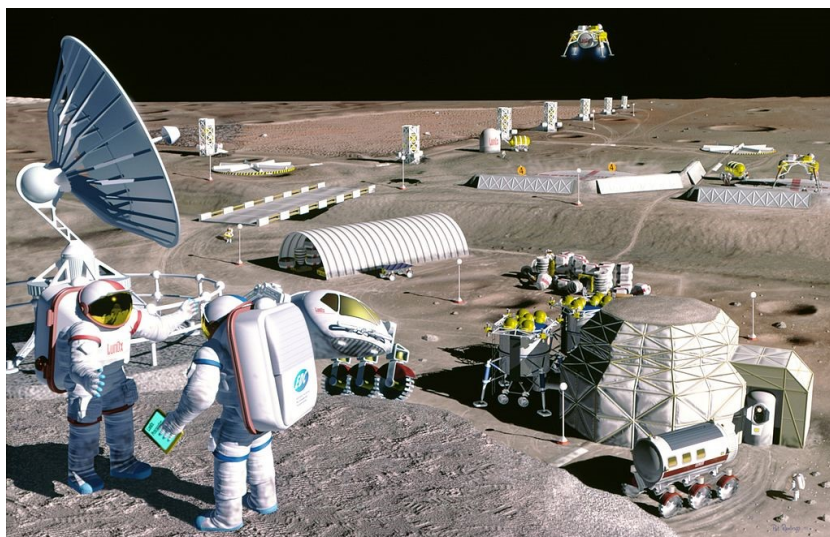
$$\frac{5,3 \times 10^{-5} \text{ meteoritos}}{1 \text{ ano}} = \frac{1 \text{ meteorito}}{t \text{ anos}}$$

$$t = \frac{1 \text{ meteorito} \times 1 \text{ ano}}{5,3 \times 10^{-5} \text{ meteoritos}} \rightarrow t \cong 1,9 \times 10^4 \text{ anos} = 19.000 \text{ anos}$$

**Questão 14) (1 ponto)** Sem uma atmosfera, não há nada que impeça que milhões de kg de fragmentos de rocha e gelo, que vagam pelo espaço, atinjam a superfície lunar todo o ano. Na Terra, nossa atmosfera nos protege e poucos fragmentos chegam até o solo.

Viajando a cerca de 19 km/s, estes fragmentos são mais rápidos que uma bala e são totalmente silenciosos e invisíveis até atingirem a superfície da Lua.

Isso é algo com que os futuros exploradores e colonos lunares precisam se preocupar!



Durante 2 anos seguidos, os astrônomos da NASA contaram 100 flashes de luz provenientes dos impactos de meteoritos na superfície lunar, cada um equivalente a algumas dezenas de kg de TNT, por isso a preocupação.

Considere que os astrônomos só conseguiram observar os impactos em 1/4 da superfície da Lua e que a Lua é esférica com raio  $R_{\text{Lua}} = 1.737,0 \text{ km}$ .

Com essas informações, assinale a opção que traz o tempo aproximado que uma colônia lunar de  $10 \text{ km}^2$  deverá esperar para ocorrer um impacto direto em suas instalações.

*Dicas:* - utilize a fórmula  $A = 4\pi R^2$  para calcular a área da superfície da Lua;  
 - calcule a taxa de impactos em termos de 'meteoritos/ $\text{km}^2 \cdot \text{ano}$ ';  
 - multiplique a taxa **acima** pela área total da colônia lunar. Você obterá um número muito menor do que 1 meteorito por ano caindo na área da base lunar.  
 - Calcule, finalmente, quanto tempo será necessário esperar para que UM meteorito caia na base lunar em questão.

- a) 9.400 anos
- b) 37.600 anos
- c) 4.700 anos
- d) 1.737 anos
- e) 2 anos

**14) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

**Resposta:** Vamos começar calculando a área  $A_{\text{Lua}}$  da superfície da Lua.

$$A_{\text{Lua}} = 4\pi(1737 \text{ km})^2 \rightarrow A_{\text{Lua}} \cong 3,8 \times 10^7 \text{ km}^2$$

A taxa  $T_{\text{Lua}}$  de impactos na superfície da Lua será, então

$$T_{\text{Lua}} = \frac{\text{n}^\circ \text{ de impactos}}{\text{área observada} \times \text{tempo de observação}} \rightarrow T_{\text{Lua}} = \frac{100 \text{ meteoritos}}{\left(\frac{1}{4} \times 3,8 \times 10^7 \text{ km}^2\right) \times (2 \text{ anos})}$$

$$T_{\text{Lua}} \cong 5,3 \times 10^{-6} \frac{\text{meteoritos}}{\text{km}^2 \cdot \text{ano}}$$

Então, em  $20 \text{ km}^2$  a taxa  $T_{\text{colônia}}$  de impactos na colônia será de

$$T_{col\tilde{o}nia} = T_{Lua} \times \text{área da col\tilde{o}nia} \rightarrow T_{col\tilde{o}nia} = 5,3 \times 10^{-6} \frac{\text{meteoritos}}{\text{km}^2 \cdot \text{ano}} \times 20 \text{ km}^2$$

$$T_{col\tilde{o}nia} = 10,6 \times 10^{-5} \frac{\text{meteoritos}}{\text{ano}}$$

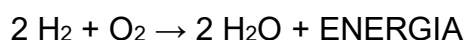
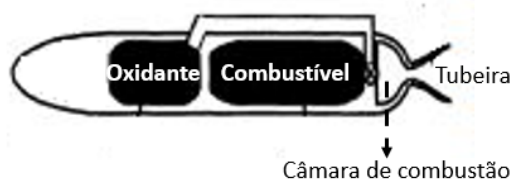
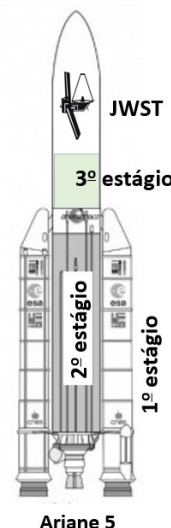
Para saber o tempo médio esperado entre dois impactos diretos na colônia, usamos uma regra de três simples:

$$\frac{10,6 \times 10^{-5} \text{ meteoritos}}{1 \text{ ano}} = \frac{1 \text{ meteorito}}{t \text{ anos}}$$

$$t = \frac{1 \text{ meteorito} \times 1 \text{ ano}}{10,6 \times 10^{-5} \text{ meteoritos}} \rightarrow t \cong 9,4 \times 10^3 \text{ anos} = 9.400 \text{ anos}$$

**Questão 15) (1 ponto) QUESTÃO CANCELADA. VEJA EXPLICAÇÃO NA PÁGINA**

1. No Natal de 2021, uma obra-prima da engenharia espacial foi lançada ao espaço. Trata-se do Telescópio Espacial James Webb (James Webb Space Telescope - JWST), com 6.000 kg de massa, que levou décadas para ser desenvolvido e demandou investimentos de 10 bilhões de dólares dos EUA, Europa e Canadá. Para posicionar o JWST no ponto de Lagrange L2, situado a 1,5 milhão de quilômetros da Terra (ao longo da linha Terra-Lua), foi utilizado o foguete europeu Ariane 5, que possui 3 estágios, conforme ilustrado na figura. Os 2 motores do 1º estágio do Ariane 5 utilizam propelente sólido e funcionam por 2 minutos, após os quais são liberados, caindo no mar. O motor do 2º estágio funciona por 9 minutos, findos os quais o estágio é ejetado e o motor do 3º estágio é acionado. Este funciona por 16 minutos. O 2º e 3º estágios fazem uso de propelente líquido: hidrogênio (combustível) e oxigênio (oxidante). A energia liberada durante a reação química entre o H<sub>2</sub> e o O<sub>2</sub> gera vapor de água a 3.000 °C de temperatura e 100 atmosferas de pressão no interior da câmara de combustão. É a expansão desses gases através da tubeira que gera a força de empuxo necessária ao movimento do Ariane 5.



**Item a)** Considere que no instante do lançamento a massa total do foguete Ariane 5 é de 800.000 kg, qual é a porcentagem desse total que corresponde ao Telescópio Espacial James Webb?

**Item b)** Considerando-se que as ondas eletromagnéticas enviadas pelo sistema de transmissão do JWST viajam à velocidade da luz (300.000 km/s), qual é o tempo necessário para essa informação chegar do telescópio espacial à Terra?

Assinale a alternativa que contém as respostas corretas aos itens “a” e “b” acima e na sequência correta.

- a) 0,75% e 5,0 s
- b) 0,60 % e 3,0 s
- c) 0,80% e 5,0 s
- d) 0,75% e 3,0 s
- e) 0,60% e 4,0 s

15) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

**Resposta:**

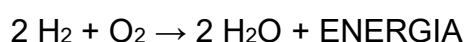
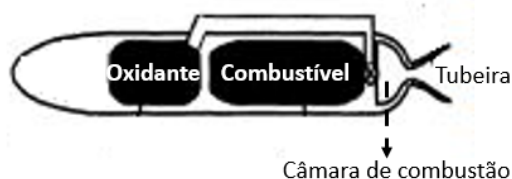
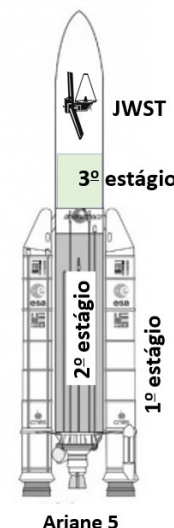
Item a) O enunciado principal informa que a massa do telescópio é de 6.000 kg, enquanto o enunciado da questão informa que a massa total do foguete é de 800.000 kg. Para se obter o percentual de massa do James Webb basta dividir  $6.000/800.000 = 0,0075 \rightarrow 0,75\%$ .

Item b) O enunciado da questão informa que o ponto de Lagrange L2 está situado a 1,5 milhão de quilômetros da Terra. Além disso, é informado que os dados enviados pelo JWST viajam a 300.000 km/s. Dessa forma:

$$\text{velocidade} = \frac{\text{distância}}{\text{tempo}} \rightarrow \text{tempo} = \frac{\text{distância}}{\text{velocidade}} = \frac{1500000}{300000} = 5 \text{ segundos}$$

**Questão 16) (1 ponto) QUESTÃO CANCELADA. VEJA EXPLICAÇÃO NA PÁGINA**

1. No Natal de 2021, uma obra-prima da engenharia espacial foi lançada ao espaço. Trata-se do Telescópio Espacial James Webb (James Webb Space Telescope - JWST), com 6.000 kg de massa, que levou décadas para ser desenvolvido e demandou investimentos de 10 bilhões de dólares dos EUA, Europa e Canadá. Para posicionar o JWST no ponto de Lagrange L2, situado a 1,5 milhão de quilômetros da Terra (ao longo da linha Terra-Lua), foi utilizado o foguete europeu Ariane 5, que possui 3 estágios, conforme ilustrado na figura. Os 2 motores do 1º estágio do Ariane 5 utilizam propelente sólido e funcionam por 2 minutos, após os quais são liberados, caindo no mar. O motor do 2º estágio funciona por 9 minutos, findos os quais o estágio é ejetado e o motor do 3º estágio é acionado. Este funciona por 16 minutos. O 2º e 3º estágios fazem uso de propelente líquido: hidrogênio (combustível) e oxigênio (oxidante). A energia liberada durante a reação química entre o H<sub>2</sub> e o O<sub>2</sub> gera vapor de água a 3.000 °C de temperatura e 100 atmosferas de pressão no interior da câmara de combustão. É a expansão desses gases através da tubeira que gera a força de empuxo necessária ao movimento do Ariane 5.



**Item a)** Considere que no instante do lançamento a massa total do foguete Ariane 5 é de 800.000 kg, qual é a porcentagem desse total que corresponde apenas ao foguete Ariane 5?

**Item b)** Considerando-se que as ondas eletromagnéticas enviadas pelo sistema de comando na Terra para o JWST viajam à velocidade da luz (300.000 km/s), qual é o tempo necessário para que um comando chegue até o telescópio espacial?

Assinale a alternativa que contém as respostas corretas aos itens “a” e “b” acima e na sequência correta.

- a) 99,25% e 5,0 s
- b) 79,40% e 3,0 s
- c) 80,00% e 5,0 s
- d) 99,25% e 3,0 s
- e) 79,40% e 4,0 s

**16) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

**Resposta:**

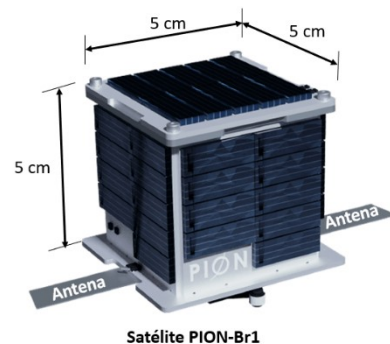
Item a) O enunciado principal informa que a massa do telescópio é de 6.000 kg, enquanto o enunciado da questão informa que a massa total do foguete é de 800.000 kg. Para se obter o percentual de massa apenas do foguete basta dividir a diferença entre as massas pela massa total, ou seja

$$\frac{\text{massa total} - \text{massa do telescópio}}{\text{massa total}} \times 100\%$$
$$\frac{800.000 \text{ kg} - 6.000 \text{ kg}}{800.000 \text{ kg}} \times 100\% = \frac{794.000 \text{ kg}}{800.000 \text{ kg}} \times 100\% = 99,25\%$$

Item b) O enunciado da questão informa que o ponto de Lagrange L2 está situado a 1,5 milhão de quilômetros da Terra. Além disso, é informado que os comandos enviados para o JWST viajam a 300.000 km/s. Dessa forma:

$$velocidade = \frac{distância}{tempo} \rightarrow tempo = \frac{distância}{velocidade} = \frac{1500000}{300000} = 5 \text{ segundos}$$

**Questão 17) (1 ponto)** Em 13 de janeiro de 2022, foi lançado em órbita o satélite PION-Br1, desenvolvido pela empresa brasileira PION Labs, formada por jovens engenheiros que no passado participaram da OBA e da MOBFOG. O PION-Br1 possui 250 g, equivalente à massa de um smartphone, e dimensões que permitem que ele caiba na palma de sua mão. Apesar de sua pequena massa e dimensões, ele incorpora tecnologias importantes para o desenvolvimento da engenharia espacial brasileira. Durante os 3 anos em que permanecerá em órbita, o PION-Br1 efetuará medições de temperatura, pressão e velocidade, que serão transmitidas às estações de rádio amadores na Terra.



**Item a)** O PION-Br1 foi lançado ao espaço pelo foguete americano Falcon 9, que tem capacidade para lançar 15.000 kg em órbita terrestre, ao custo de 300 milhões de reais. Dessa forma, o PION-Br1 compartilhou sua viagem ao espaço com outros 100 satélites de diversos países. Baseado nessas informações calcule o custo específico médio por quilograma (R\$/kg) do Falcon 9.

**Item b)** A empresa PION Labs planeja estabelecer uma constelação de 50 satélites PION-Br1 em órbita terrestre. Para lança-los ao espaço, uma das possibilidades é usar o foguete brasileiro VLM (Veículo Lançador de Microsatélites), ora em desenvolvimento pelo Instituto de Aeronáutica e Espaço (IAE). Considerando que o VLM será capaz de colocar 150 kg em órbita terrestre, quantos voos do VLM serão necessários? Por simplicidade, considere que os 50 satélites serão colocados em uma mesma órbita.

Assinale a alternativa que contém as respostas corretas aos itens “a” e “b” acima e na sequência correta.

- a) R\$ 20.000,00/kg e 1 voo do VLM
- b) R\$ 20.000,00/kg e 2 voos do VLM
- c) R\$ 3.000.000,00/kg e 1 voo do VLM
- d) R\$ 3.000.000,00/kg e 2 voos do VLM
- e) R\$ 100.000,00 e 1 voo do VLM

17) - Nota obtida: \_\_\_\_\_

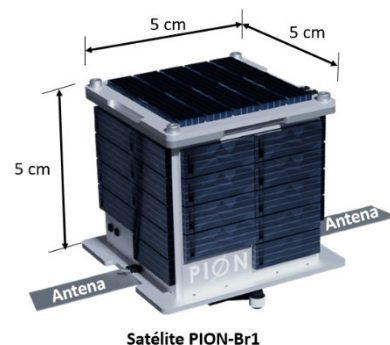
**Resposta:**

**Item a)** O custo médio por quilograma do Foguete Falcon 9 pode ser obtido dividindo-se seu custo total (300 milhões de reais) pela massa que ele coloca em órbita terrestre, ou seja:

Custo médio Falcon 9 = R\$ 300.000.000,00 / 15.000 kg = R\$ 20.000,00/kg

**Item b)** Os 50 satélites da constelação PION-Br1 teriam a massa de  $50 \times 0,25 \text{ kg} = 12,5 \text{ kg}$ . Portanto, um único foguete VLM seria capaz de lançar a constelação proposta em um único voo e ainda sobriaria espaço para levar outros satélites.

**Questão 18) (1 ponto)** Em 13 de janeiro de 2022, foi lançado em órbita o satélite PION-Br1, desenvolvido pela empresa brasileira PION Labs, formada por jovens engenheiros que no passado participaram da OBA e da MOBFOG. O PION-Br1 possui 250 g, equivalente à massa de um smartphone, e dimensões que permitem que ele caiba na palma de sua mão. Apesar de sua pequena massa e dimensões, ele incorpora tecnologias importantes para o desenvolvimento da engenharia espacial brasileira. Durante os 3 anos em que permanecerá em órbita, o PION-Br1 efetuará medições de temperatura, pressão e velocidade, que serão transmitidas às estações de rádio amadores na Terra.



**Item a) (0,5 ponto)** O PION-Br1 foi lançado ao espaço pelo foguete americano Falcon 9, que tem capacidade para lançar 20.000 kg em órbita terrestre, ao custo de 300 milhões de reais. Dessa forma, o PION-Br1 compartilhou sua viagem ao espaço com outros 120 satélites de diversos países. Baseado nessas informações calcule o custo específico médio por quilograma (R\$/kg) do Falcon 9.

**Item b) (0,5 ponto)** A empresa PION Labs planeja estabelecer uma constelação de 75 satélites PION-Br1 em órbita terrestre. Para lança-los ao espaço, uma das possibilidades é usar o foguete brasileiro VLM (Veículo Lançador de Microsatélites), ora em desenvolvimento pelo Instituto de Aeronáutica e Espaço (IAE). Considerando que o VLM será capaz de colocar 150 kg em órbita terrestre, quantos voos do VLM serão necessários? Por simplicidade, considere que os 75 satélites serão colocados em uma mesma órbita.

Assinale a alternativa que contém as respostas corretas aos itens “a” e “b” acima e na sequência correta.

- a) R\$ 15.000,00/kg e 1 voo do VLM
- b) R\$ 15.000,00/kg e 2 voos do VLM
- c) R\$ 2.500.000,00/kg e 1 voo do VLM
- d) R\$ 2.500.000,00/kg e 2 voos do VLM
- e) R\$ 120.000,00 e 1 voo do VLM

**18) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

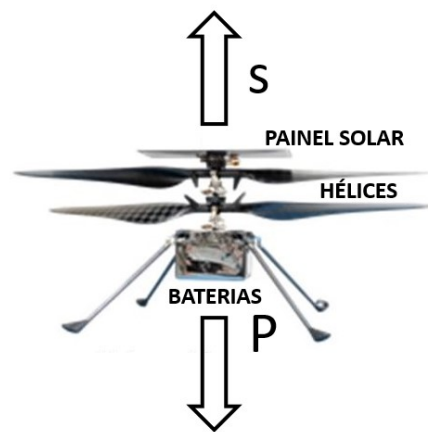
**Resposta:**

Item a) O custo médio por quilograma do Foguete Falcon 9 pode ser obtido dividindo-se seu custo total (300 milhões de reais) pela massa que ele coloca em órbita terrestre, ou seja:

Custo médio Falcon 9 = R\$ 300.000.000,00 / 20.000 kg = R\$ 15.000,00/kg

Item b) Os 75 satélites da constelação PION-Br1 teriam a massa de  $75 \times 0,25 \text{ kg} = 18,75 \text{ kg}$ . Portanto, um único foguete VLM seria capaz de lançar a constelação proposta em um único voo e ainda sobriaria espaço para levar outros satélites.

**Questão 19) (1 ponto)** Em 18 de fevereiro de 2021, a NASA pousou em Marte o jipe-robô *Perseverance* e o pequeno helicóptero *Ingenuity*, ilustrado na figura. Para se manter em uma determinada altitude na atmosfera marciana a força aerodinâmica de sustentação ( $S$ ), gerada pela rotação do seu conjunto de hélices, tem que ser igual à força peso ( $P = mg$ ). Como a gravidade na superfície marciana é menor que aquela existente na superfície terrestre, parece ser mais fácil voar em Marte do que na Terra. Mas não é tão simples assim. A força  $S$  é proporcional à densidade atmosférica, que, próximo à superfície marciana, equivale a 1% daquela existente na superfície terrestre. Para compensar a baixa densidade, o conjunto de hélices do *Ingenuity* gira a 2.400 rotações por minuto (rpm). A energia necessária para girar as hélices é fornecida por baterias, alimentadas por energia solar. Neste contexto, o *Ingenuity* é considerado pela NASA um demonstrador tecnológico, ou seja, seu objetivo é mostrar a possibilidade de voar na rarefeita atmosfera do planeta vermelho.



*Dica: em seus cálculos considere a aceleração da gravidade  $g$  em Marte igual a 0,36 daquela existente na Terra.*

**Item a)** O *Ingenuity* tem massa  $m = 1,8$  kg. Calcule a força aerodinâmica de sustentação,  $S$ , necessária para mantê-lo voando numa posição fixa próxima à superfície de Marte. Considere que a aceleração da gravidade na superfície da Terra seja de  $10 \text{ m/s}^2$ .

**Item b)** Usando uma abordagem simplificada, a força de sustentação que atua sobre as hélices é dada por  $S = C \times \rho \times v^2$ , onde  $C$  é uma constante,  $\rho$  é a densidade atmosférica local e  $v$  é a velocidade média de rotação das hélices. Considerando que a velocidade de rotação das hélices é a mesma em Marte e na Terra, calcule a razão  $S_{\text{Terra}}/S_{\text{Marte}}$ .

Assinale a alternativa que contém as respostas corretas aos itens “a” e “b” acima e na sequência correta.

- a) 6,48 N e 100
- b) 3,60 N e 100
- c) 6,48 N e 10
- d) 3,60 N e 10
- e) 8,00 N e 100

**19) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

**Resposta:**

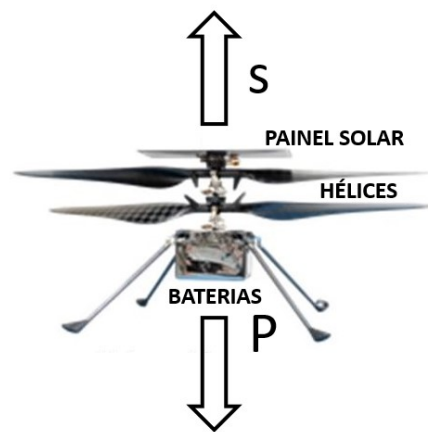
**Item a)** A força aerodinâmica resultante da rotação das hélices ( $S$ ) deve se igualar à força peso ( $P$ ):

$$S = P = m \times g = 1,8 \text{ kg} \times 0,36 \times 10 \text{ m/s}^2 = 6,48 \text{ N}$$

**Item b)**  $S_{\text{Terra}} = C \times \rho_{\text{Terra}} \times v^2$ ,  $S_{\text{Marte}} = C \times \rho_{\text{Marte}} \times v^2$

$$\frac{S_{\text{Terra}}}{S_{\text{Marte}}} = \frac{C \times \rho_{\text{Terra}} \times v^2}{C \times \rho_{\text{Marte}} \times v^2} = \frac{\rho_{\text{Terra}}}{\rho_{\text{Marte}}} \rightarrow \text{Do enunciado } \rho_{\text{Terra}} = 100 \rho_{\text{Marte}} \rightarrow \frac{S_{\text{Terra}}}{S_{\text{Marte}}} = 100$$

**Questão 20) (1 ponto)** Em 18 de fevereiro de 2021, a NASA pousou em Marte o jipe-robô *Perseverance* e o pequeno helicóptero *Ingenuity*, ilustrado na figura. Para se manter em uma determinada altitude na atmosfera marciana a força aerodinâmica de sustentação ( $S$ ), gerada pela rotação do seu conjunto de hélices, tem que ser igual à força peso ( $P = mg$ ). Como a gravidade na superfície marciana é menor que aquela existente na superfície terrestre, parece ser mais fácil voar em Marte do que na Terra. Mas não é tão simples assim. A força  $S$  é proporcional à densidade atmosférica, que, próximo à superfície marciana, equivale a 1% daquela existente na superfície terrestre. Para compensar a baixa densidade, o conjunto de hélices do *Ingenuity* gira a 2.400 rotações por minuto (rpm). A energia necessária para girar as hélices é fornecida por baterias, alimentadas por energia solar. Neste contexto, o *Ingenuity* é considerado pela NASA um demonstrador tecnológico, ou seja, seu objetivo é mostrar a possibilidade de voar na rarefeita atmosfera do planeta vermelho.



*Dica: em seus cálculos considere a aceleração da gravidade  $g$  em Marte igual a 0,40 daquela existente na Terra.*

**Item a)** O *Ingenuity* tem massa  $m = 2,0$  kg. Calcule a força aerodinâmica de sustentação,  $S$ , necessária para mantê-lo voando numa posição fixa próxima à superfície de Marte. Considere que a aceleração da gravidade na superfície da Terra seja de  $10 \text{ m/s}^2$ .

**Item b)** Usando uma abordagem simplificada, a força de sustentação que atua sobre as hélices é dada por  $S = C \times \rho \times v^2$ , onde  $C$  é uma constante,  $\rho$  é a densidade atmosférica local e  $v$  é a velocidade média de rotação das hélices. Considerando que a velocidade de rotação das hélices é a mesma em Marte e na Terra, calcule a razão  $S_{\text{Terra}}/S_{\text{Marte}}$ .

Assinale a alternativa que contém as respostas corretas aos itens “a” e “b” acima e na sequência correta.

- a) 8,00 N e 100
- b) 3,60 N e 100
- c) 8,00 N e 10
- d) 3,60 N e 10
- e) 6,48 N e 100

**20) - Nota obtida: \_\_\_\_\_**

**Resposta:**

**Item a)** A força aerodinâmica resultante da rotação das hélices ( $S$ ) deve se igualar à força peso ( $P$ ):

$$S = P = m \times g = 2,0 \text{ kg} \times 0,40 \times 10 \text{ m/s}^2 = 8,00 \text{ N}$$

**Item b)**  $S_{\text{Terra}} = C \times \rho_{\text{Terra}} \times v^2$ ,  $S_{\text{Marte}} = C \times \rho_{\text{Marte}} \times v^2$

$$\frac{S_{\text{Terra}}}{S_{\text{Marte}}} = \frac{C \times \rho_{\text{Terra}} \times v^2}{C \times \rho_{\text{Marte}} \times v^2} = \frac{\rho_{\text{Terra}}}{\rho_{\text{Marte}}} \rightarrow \text{Do enunciado } \rho_{\text{Terra}} = 100 \rho_{\text{Marte}} \rightarrow \frac{S_{\text{Terra}}}{S_{\text{Marte}}} = 100$$