

进入词条

(1) 播报

∕ 编辑

□) 播报

()) 播报

♪ 编辑

₩ 讨论 2

☆ 收藏

内赞



误差函数

进入词条

全站搜索

帮助

声明:百科词条人人可编辑,词条创建和修改均免费,绝不存在官方及代理商付费代编,请勿上当受骗。详情>>



# 误差函数 🛈 腦 🖍 編 🔳 🛍 🕹



三 本词条由"科普中国"科学百科词条编写与应用工作项目 审核。







在数学中,误差函数(也称之为高斯误差函数,error function or Gauss error function)是一个非基本函数(即不是初等函

数),其在概率论、统计学以及偏微分方程和半导体物理中都有广泛的应用。

中文名	误差函数	类	别	数学
外文名	error function	性	质	非基本函数
别名	高斯误差函数	基	础	不完全伽马函数

### 目录

- 1 定义
- 2 数学表达
- 导数与积分
- 4 级数展开式
- 5 应用

# 定义

自变量为x的误差函数定义为:  $erf(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-\eta^2} d\eta$ 

且有erf( $\infty$ )=1和erf(-x)=-erf(x)。

互补误差函数erfc(x)定义为:  $erfc(x) = 1 - erf(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_x^{\infty} e^{-\eta^2} d\eta$ 

# 数学表达

误差函数是特殊的不完全伽马函数之一 $^{[1]}$ .即 $erf(z)=rac{2}{\sqrt{\pi}}\int_{0}^{z}e^{-u^{2}}du$ 

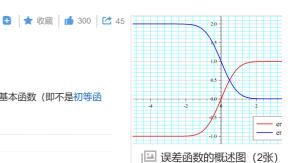
也可以用汇合型超几何函数 $F(\alpha;\gamma;z)$ 或惠特克函数 $W_{k,m}(z)$ 表示。

$$erf(z) = rac{2z}{\sqrt{\pi}}F\left(rac{1}{2},rac{3}{2},-z^2
ight) = rac{2z}{\sqrt{\pi}}e^{-z^2}F\left(1,rac{3}{2},z^2
ight) = 1 - rac{1}{\sqrt{\pi z}}\exp\left(-rac{z^2}{2}
ight)W_{-rac{1}{4},rac{1}{4}}\left(z^2
ight)$$

# 导数与积分

误差函数的导数为:  $\frac{d}{dx}erf(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}}e^{-x^2}, \frac{d^2}{dx^2}erf(x) = -\frac{4}{\sqrt{\pi}}xe^{-x^2}...$ 

误差函数的重积分定义为:  $i^n erfc(x) = \int_x^\infty i^{n-1} erfc(\eta) \, d\eta, n = 0, 1, 2...$ 











浏览次数:53





(1) 播报

/ 编辑 □ 讨论2 ☆ 收藏 △ 赞

▶ 编辑

(1) 播报

可得
$$ierfc\left(x
ight)=rac{1}{\sqrt{\pi}}e^{-x^{2}}-xerfc\left(x
ight),i^{2}erfc\left(x
ight)=rac{1}{4}\left\lfloor \left(1+2x^{2}
ight)erfc\left(x
ight)-rac{2}{\sqrt{\pi}}xe^{-x^{2}}
ight
floor$$

# 级数展开式

误差函数的级数展开式为:

$$erf\left(x
ight)=rac{2}{\sqrt{\pi}}\sum_{n=0}^{\infty}\left(-1
ight)^{n}rac{x^{2n+1}}{n!\left(2n+1
ight)}$$

$$\mathrm{erfc}(x)=1-\mathrm{erf}(x)$$
  $=rac{2}{\sqrt{\pi}}\int_{x}^{\infty}e^{-\eta^{2}}d\eta$  误差函数公式集 $(10\%)$ 

# 突出贡献榜

11 程序员培训

引用此文 🏔

- 1 永久虚拟主机 12 伯克利音乐: 2 什么是sci期刊 13 什么是pytho
- 3 海淀新房 14 智能汽车
- 15 电大在哪里:
- 5 sci文献 16 上海律师
- 6 雅思7分有多难 17 三角带
- 7 python是啥 18 清洗保洁公
- 8 病娇心理测试题 19 开档塑身衣
- 9 恋爱心理测试 20 python入门
- 10 近视眼1500度 21 python怎么:

22 仿真恐龙制

# 应用

高斯函数的不定积分是误差函数。在自然科学、社会科学、数学以及工程学等领域都有高斯函数的身影,这方面的例子包 括:

在统计学与机率论中,高斯函数是常态分布的密度函数,根据中心极限定理它是复杂总和的有限机率分布。正态函数从均值  $\mu$ 开始到指定值x的概率如下:  $P(x) = \frac{1}{2}erf\left(\frac{x}{\sqrt{2}\pi}\right)$ 

高斯函数是量子谐振子基态的波函数。

计算化学中所用的分子轨道是名为高斯轨道的高斯函数的线性组合(参见量子化学中的基组)。

在数学领域,高斯函数在厄尔米特多项式的定义中起著重要作用。

高斯函数与量子场论中的真空态相关。

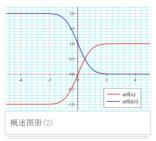
在光学以及微波系统中有高斯波束的应用。

高斯函数在图像处理中用作预平滑核。





### 词条图册



 $\operatorname{erfc}(x) = 1 - \operatorname{erf}(x)$  $=rac{2}{\sqrt{\pi}}\int_{x}^{\infty}e^{-\eta^{2}}d\eta$ 

### 参考资料

1. & 数学辞海·第三卷

### 猜你喜欢



### 深度学习 飞桨PaddlePaddle-开源深度学习平台

误差函数公式集(10)

深度学习,飞桨,源于产业实践,易学易用,安全高效分布式的开 源深度学习平台。

www.paddlepaddle.org.cn



### 获取MATLAB学术版价格

点击下载完整MathWorks产品价格,可定制用于课堂教学与学 2011年

www.mathworks.cn

更多图册▶

Twins出道10年!



### 编程培训-提供学员专属就业险, 先就业后付款!

编程培训,开设26大职业课程,涵盖Java/UI/Web/大数据/测试/linu x/python/会计

bjs.tedu.cn



机器学习,一站式数据准备+数据科 机器学习使每个分析人员都可以免代码 操作, 使每个人都可以





