

AVL - Adelson Velsky e Landis

Gabriel Simon¹, Matheus Telles Batista²

^{1,2}Departamento de Informática Universidade Federal do Paraná – UFPR Curitiba, Brasil

Abstract

Relatório contendo a sintetização da implementação do árvore AVL.

Keywords

balanceamento, rotação, inserção, remoção

1. Introdução

A AVL é uma árvore binária balanceada, que por definição, sempre tem sua altura das sub-árvores com uma diferença de mais ou menos 1. Favorece a busca, a inserção e remoção da AVL, e por consequência a sua complexidade $O(\log n)$.

A estrutura da árvore AVL utilizou-se atributos para identificação do nó, como o valor atribuído, a altura na qual ele está na BST(Binary Search Tree) em relação com a raiz da árvore, e ponteiros para os filhos da direita e da esquerda, como podemos ver no código a seguir:

```
struct node {
    int value;
    int height;
    struct node* left;
    struct node* right;
}; typedef struct node node_t;
```

2. Implementação

2.1. Inserção

As funções de inserção recebem uma raiz e um valor. Sendo possível ser **criado** a árvore/nó, ou ser **inserido** o nó.

```
node_t* createNode(int value);
```

Apenas cria o nó, declarando os filhos como NULL. O uso dessa função ocorre apenas quando não há árvore e é necessário **criar** o nó.

```
node_t* insertNode(node_t* root, int value);
```

Insere o valor dentro da árvore. Caso a raiz da árvore seja nula, é chamado a função **createNode()**, caso contrário inicia-se um processo recursivo no qual é **inserido** o nó, com este sendo uma **folha** da árvore.

```
int heightNode(node_t *node);
```

Calcula a altura da do nó atual com base na altura de seus filhos + 1.

```
int larger(int a, int b);
```

Compara qual dos valores são maiores entre a e b: usado nesse trabalho para verificar a altura entre dois nodos filhos.

```
node_t* balance (node_t *root);
```

Realiza o **balanceamento** com base na altura de seus filhos. Dependendo da situação realiza diferentes funções de rotação.

2.2. Rotações

As rotações são parte fundamentais do balanceamento, e feito as rotações **zig**, **zag**, **zig-zig**, **zig-zag** e **zag-zig** pelas seguintes funções:

```
node_t* leftRotation (node_t* node);
```

Realiza-se a rotação a **esquerda** do nó passado como parâmetro.

```
node_t* rightRotation (node_t* node);
```

Realiza-se a rotação a **direita** do nó passado como parâmetro.

```
node_t* leftRightRotation (node_t *node);
```

Realiza-se a rotação a **esquerda** e depois a **direita** do nó passado como parâmetro.

```
node_t* rightLeftRotation (node_t* node);
```

Realiza-se a rotação a **direita** e depois a **esquerda** do nó passado como parâmetro.

2.3. Remoção

Ao chamar a remoção de um valor, passando 'r' seguido do valor na entrada do programa, procura a chave desejada, quando encontra remove de acordo com o caso que a chave é, por exemplo, se ela é a raiz da árvore, se ela é folha ou se está no 'meio'.

```
node_t* removeNode (node_t* root, int key);
```

Remove o nodo que possui o valor inserido no segundo parâmetro.

```
node_t *maxNo (node_t *no);
```

É retornado o maior nodo dentro da sub-árvore.

2.4. stdin e Impressão

A main do programa recebe entrada padrão (stdin), cada linha é quebrada em duas partes, onde a primeira indica se é remoção ou inserção e a segunda é o valor, por fim, imprime a árvore em ordem.

```
while (fgets (recv , 100 , stdin)) {
    char *token = strtok (recv , " ");
    if (strcmp (token , "i") == 0) {
        token = strtok (NULL , " ");
        value = atoi (token);
        root = insertNode (root , value);
    }
    // ... else if para 'r' e um else para quando eh nenhum caso.
}
```