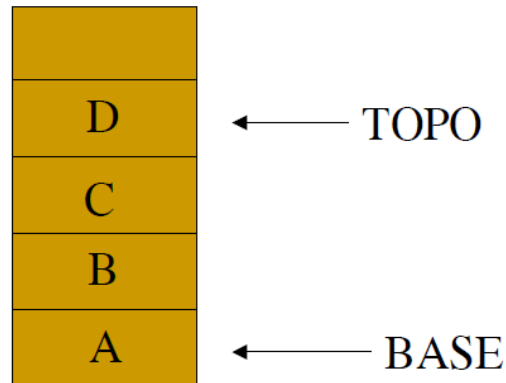


# Estrutura de Dados

Pilhas

# Pilhas

- Pilha é uma lista linear em que a inserção e eliminação de elementos somente podem ocorrer em uma das extremidades, que é chamada de **TOPO da pilha**.



- Dada uma Pilha  $P = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ , dizemos que  $a_1$  é o elemento da base da pilha;  $a_n$  é o elemento do topo; e  $a_{i+1}$  está acima de  $a_i$  na pilha.
- São também conhecidas como listas do tipo LIFO (last in, first out).

# Exemplos

- Comportamento dos retornos de chamadas de procedimento
- Comportamento da Lista DISPO
- Avaliação de expressões Posfix

# Implementação Sequencial X Encadeada

- O problema da lista sequencial era quanto às movimentações de itens nas operações de inserção e remoção.
- No caso das pilhas, elas não ocorrem. A alocação sequencial é mais vantajosa na maioria das vezes.
- Encadeada (dinâmica): para evitar problemas de precisão de memória.

# TAD Pilha - operações

- void define (pilha \*p);  
/\* Cria pilha vazia. Deve ser usada antes de qqr outra operação \*/
- boolean push (tipo\_info item, pilha \*p);  
/\* Insere item no topo da pilha. Retorna true se sucesso, false c.c. \*/
- boolean vazia (pilha \*p);  
/\* Retorna true se pilha vazia, false c.c. \*/
- void esvaziar (pilha \*p);  
/\* Reinicializa pilha \*/
- tipo\_elem top (pilha \*p);  
/\* Devolve o elemento do topo sem removê-lo. Chamada apenas se pilha não vazia \*/
- void pop\_up (pilha \*p);  
/\* Remove item do topo da pilha. Chamada apenas se pilha não vazia \*/
- tipo\_elem pop (pilha \*p);
- /\* Remove e retorna o item do topo da pilha. Chamada apenas se pilha não vazia \*/

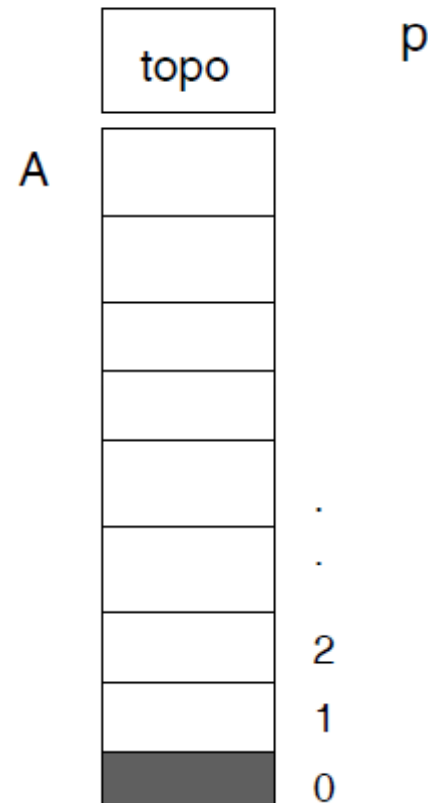
# Operações – alocação sequencial

```
#define MAXP 1000
```

```
#define indice int
```

```
typedef struct{  
    Tipo_info info;  
}tipo_elem;
```

```
typedef struct{  
    tipo_elem A[MAXP+1];  
    indice topo;  
}pilha;
```



1. define (P) - cria uma pilha P vazia

```
void define (pilha *p){  
    p->topo = -1;  
}
```

2. insere x no topo de P (empilha): push (x, P)

```
boolean push (tipo_elem x, pilha *p){  
    if (p->topo == MAXP) /* pilha cheia */  
        return FALSE;  
  
    p->topo ++;  
    p->A[p->topo].info = x;  
    return TRUE;  
}
```

3. testa se P está vazia

```
boolean vazia (pilha *p){  
    return (p->topo == -1);  
}
```

4. acessa o elemento do topo da pilha (sem remover) - testar antes se a pilha não está vazia!!!

```
tipo_elem top (pilha *p){  
    return p->A[p->topo];  
}
```

5. remove o elemento no topo de P sem retornar valor  
(desempilha, v. 1) – testar antes se pilha não está vazia!!!

```
void pop_up (pilha *p){  
    p->topo --;  
}
```

6. Remove e retorna o elemento (todo o registro) eliminado  
(desempilha, v. 2) – testar antes se pilha não está vazia!!!

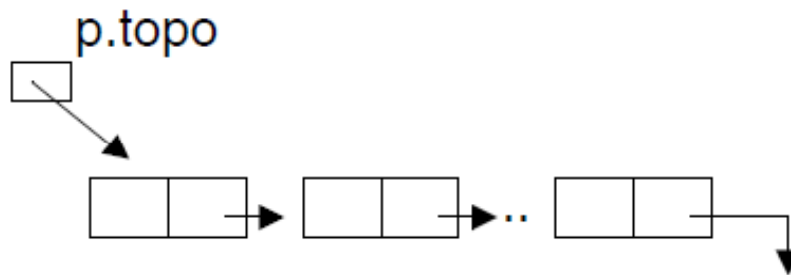
```
tipo_elem pop (pilha *p){  
    tipo_elem x = p->A[p->topo];  
    p->topo --;  
    return x;  
}
```



# Operação – alocação encadeada dinâmica

```
typedef struct elem{  
    tipo_info info;  
    struct elem *lig;  
}tipo_elem;
```

```
typedef struct{  
    tipo_elem *topo;  
}pilha;
```

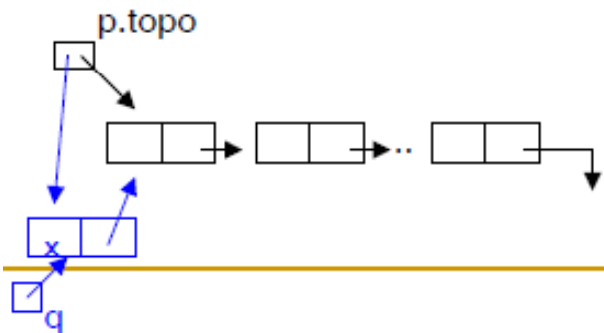


1. define (P) - cria uma pilha P vazia

```
void define (pilha *p){  
    p->topo = NULL;  
}
```

2. insere x no topo de P (empilha): push (x, P)

```
boolean push (tipo_info x, pilha *p){  
    tipo_elem *q = malloc(sizeof(tipo_elem));  
    if (*q == NULL)  
        /*não possui memória disponível*/  
        return FALSE;  
    q->info = x;  
    q->lig = p->topo  
    p->topo = q;  
    return TRUE;  
}
```



3. testa se P está vazia

```
boolean vazia (pilha *p){  
    return (p->topo == NULL);  
}
```

4. acessa o elemento do topo da pilha (sem remover) -

testar antes da chamada se a pilha não está vazia!!!

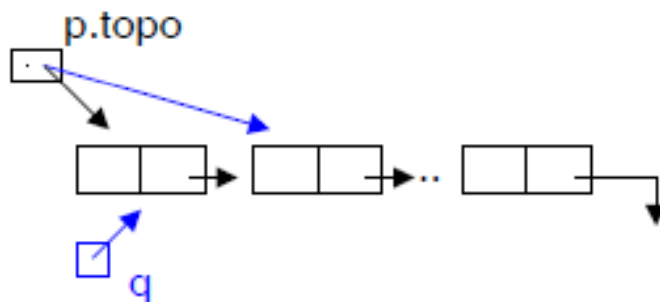
```
tipo_elem *topo (pilha *p){  
    return p->topo;  
}
```

5. remove o elemento no topo de P sem retornar valor  
(desempilha, v. 1) – testar antes se pilha não está vazia!!!

```
void pop_up (pilha *p){  
    tipo_elem *q = p->topo;  
    p->topo = p->topo->lig;  
    free(q);  
}
```

6. Remove e retorna o elemento (todo o registro) eliminado  
(desempilha, v. 2) – testar antes se pilha não está vazia!!!

```
tipo_elem *pop (pilha *p){  
    tipo_elem *q = p->topo;  
    p->topo = p->topo->lig;  
    return q;  
}
```



**Exercícios:**

**Implementar as operações dos TAD:**

-Pilha estática

-Pilha dinâmica

# Pilhas

Refleta:

- Há vantagens de se implementar as Pilhas de forma dinâmica? Quais?
- Há desvantagens? Quais?
- Há vantagens em implementá-las estaticamente no array?
- Há desvantagens? Quais?

# Exemplo de aplicação – Editor de texto

- Editores de texto sempre permitem que algum caracter (por exemplo *backspace*) tenha o efeito de cancelar os caracteres anteriores: **caracter de apagamento**.
- Se “#” é o caracter de apagamento, então a string “abc#d##e” é, na verdade, a string “ae”
- Editores têm também um **caracter de eliminação de linha**: o efeito é cancelar todos os caracteres anteriores da linha corrente. Suponha que ele seja o “@”

# Exemplo: editor de texto

- Um editor de texto pode processar uma linha de texto usando uma pilha. O editor lê um caracter por vez (até ler o caracter de fim de linha), e
  - Se o caractere lido não é nem o de apagamento nem o de eliminação, ele é inserido na pilha
  - Se for o de apagamento, remove um elemento da pilha, e
  - Se for o de eliminação, o editor torna a pilha vazia.
- Faça um programa que execute estas ações utilizando o TAD Pilha.

```

#include "pilha.h"
void editor(){
    tipo_info c; pilha p;
    define(&p);
    system("cls"); /* limpa a tela */
    while (1){
        c = getch();
        switch (c){
            case 0x0d: /* tecla ENTER */
                return;
            case '#': /* apaga */
                if (vazia(&p)){
                    printf("erro");
                    return;
                }
                pop_up(&p);
                break;

```

```

        case '@': /* esvazia a pilha */
            define(&p);
            break;
        default: /* tenta empilhar */
            if (!push(c, &p)){
                printf("erro");
                return;
            } // end if
        } // end switch
        system("cls");
        imprimir_em_ordem_reversa(&p);
    } // end while
} // end

```

```

void
imprimir_em_ordem_reversa(pilha
*p){
    /* considera a implementação
    sequencial */
    int i;
    for (i = 1; i <= p->topo; i++){
        printf("%c", p->A[i].info);
    }
}

```

# Exemplo de aplicação: avaliação de expressões aritméticas

- Uma representação para expressões aritméticas conveniente do ponto de vista computacional é de interesse, por exemplo, para o desenvolvimento de compiladores.
- A notação tradicional (infixa) é ambígua e, portanto, obriga o pré-estabelecimento de regras de prioridade.



- **Exemplo:**

Tradicional:  $A * B - C / D$

Parentizada:  $((A * B) - (C / D))$

- **Notação Polonesa (prefixa):** operadores aparecem imediatamente antes dos operandos. Esta notação especifica quais operadores, e em que ordem, devem ser calculados. Por esse motivo, dispensa o uso de parênteses.

**Ex:**

Tradicional:  $A * B - C / D$

Polonesa:  $- * AB / CD$

- **Notação Polonesa Reversa (posfixa):** operadores aparecem após os operandos.

**Exemplo:**

Tradicional:  $A * B - C / D$

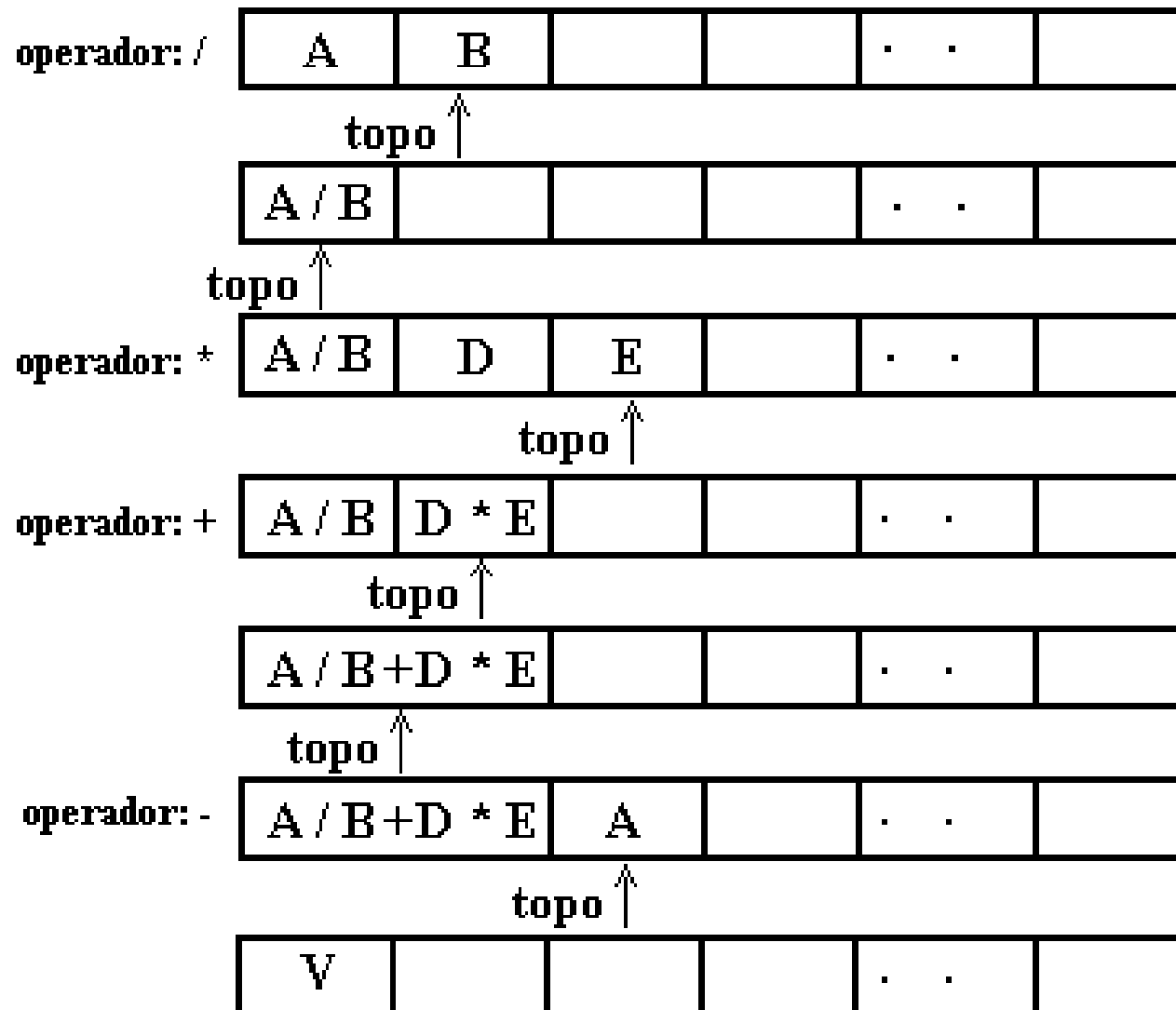
Polonesa reversa:  $AB * CD / -$

# Avaliação de Expressões Aritméticas

## Notação Posfixa

- Algoritmo
  - Percorre sequencialmente a expressão, e empilha operandos até encontrar um operador;
  - Desempilha o número correspondente de operandos;
  - Calcula e empilha o valor resultante até chegar ao final da expressão.

# Expressão: AB/DE+A-



# Exercícios