

## CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA DE MINAS GERAIS CAMPUS TIMÓTEO

Alg. e Estruturas de Dados I - Eng. da Computação - Prof. Luciano Moreira

Trabalho 2 - Valor: 15 pontos - 13/06/2016

\_\_\_\_\_\_

## Avaliador de expressões matemáticas

Considere a soma de A mais B. Imaginamos a aplicação do operador "+" sobre os operandos A e B, e escrevemos a soma como A + B. Essa representação particular é chamada infixa. Existem duas notações alternativas para expressar a soma de A e B usando os símbolos A, B e +. São elas:

+AB prefixa (conhecida por notação polonesa)

AB+ pós-fixa (notação polonesa inversa)

Os prefixos "pre", "pós" e "in" referem-se à posição relativa do operador em relação aos dois operandos. Na notação prefixa, o operador precede os dois operandos; na notação pós-fixa, o operador é introduzido depois dos dois operandos e; na notação infixa, o operador aparece entre os dois operandos. Na realidade, as notações prefixa e pós-fixa não são tão incômodas de usar como possam parecer a princípio. Por exemplo, uma função em C para retornar a soma dos dois argumentos, A e B, é chamada por add(A,B). O operador add precede os operandos A e B. Examinemos agora alguns exemplos adicionais. A avaliação da expressão A + B \* C, conforme escrita em notação infixa, requer o conhecimento de qual das duas operações, + ou \*, deve ser efetuada em primeiro lugar. No caso de + e \*, "sabemos" que a multiplicação deve ser efetuada antes da adição (na ausência de parênteses que indiquem o contrário). Sendo assim, interpretamos A + B \* C como A + (B \* C), a menos que especificado de outra forma. Dizemos, então, que a multiplicação tem precedência sobre a adição. Suponha que queiramos reescrever A + B \* C em notação pós-fixa. Aplicando as regras da precedência, converteremos primeiro a parte da expressão que é avaliada em primeiro lugar, ou seja a multiplicação. Fazendo essa conversão em estágios, obteremos:

A+(B\*C) Parênteses para obter ênfase

A+(BC\*) Converte a multiplicação

A(BC\*)+ Converte a adição ABC\*+ Forma pós-fixa

As únicas regras a lembrar durante o processo de conversão é que as operações com a precedência mais alta são convertidas em primeiro lugar e que, depois de uma parte da expressão ter sido convertida para pós-fixa, ela deve ser tratada como um único operando. Examine o mesmo exemplo com a precedência de operadores invertida pela inserção deliberada de parênteses.

(A + B) \*C Forma infixa

(AB+)\*C Converte a adição

(AB+)C\* Converte a multiplicação

AB+C\* Forma pós-fixa

Nesse exemplo, a adição é convertida antes da multiplicação por causa dos parênteses. Ao passar de ( A + B ) \* C para ( A + B ) \*

Exponenciação Multiplicação / Divisão Adição / Substração \_\_\_\_\_

Quando operadores sem parênteses e da mesma ordem de precedência são avaliados, pressupõe-se a ordem da esquerda para a direita, exceto no caso da exponenciação, em que a ordem é supostamente da direita para a esquerda. Sendo assim, A + B + C significa (A + B) + C, enquanto  $A \$  B C significa C S C). Usando parênteses, podemos ignorar a precedência padrão.

Apresentamos os seguintes exemplos adicionais de conversão da forma infixa para a pós-fixa. Procure entender cada um dos exemplos (e fazê-los por contra própria) antes de prosseguir com o restante deste trabalho.

Forma Infixa	Forma pós-fixa
A+B	AB+
A+B-C	AB+C-
(A+B)*(C-D)	AB+CD-*
A\$B*C-D+E/F/(G+H)	AB \$ C * D - E F / G H + / +
((A+B)*C-(D-E))\$(F+G)	AB+C*DEFG+\$
A-B/(C*D\$E)	ABCDE\$*/-

Uma questão imediatamente óbvia sobre a forma pós-fixa de uma expressão é a ausência de parênteses. Examine as duas expressões, A + ( B \* C ) e ( A + B ) \* C. Embora os parênteses em uma das expressões sejam supérfluos (por convenção, A + B \* C = A + ( B \* C )), os parênteses na segunda expressão são necessários para evitar confusão com a primeira. As formas pós-fixas dessas expressões são:

Forma Infixa	Forma pós-fixa
A+(B*C)	ABC*+
(A+B)*C	AB+C*

Não existem parênteses nas duas expressões transformadas. A ordem dos operadores nas expressões pós-fixas determina a verdadeira ordem das operações, ao avaliar a expressão, tornando desnecessário o uso de parênteses.

Ao passar da forma infixa para a pós-fixa, abrimos mão da possibilidade de observar rapidamente os operandos associados a um determinado operador. Entretanto, obtemos uma forma não-ambígua da expressão original sem o uso dos incômodos parênteses. Na verdade, a forma pós-fixa da expressão original poderia parecer mais simples, não fosse o fato de que ela parece difícil de avaliar. Por exemplo, como saberemos que, se A = 3, B = 4 e C = 5, nos exemplos anteriores, então 3 4 5 \* + equivalerá a 23 e 3 4 + 5 \* equivalerá a 35?

Considerando o conteúdo exposto acima, pede-se para criar um programa que seja capaz de avaliar uma expressão infixa. Para criar tal programa, sugere-se, a princípio, criar uma função que seja capaz de converter uma expressão da forma infixa para a forma pós-fixa. Uma vez que a expressão pós-fixa é obtida, pode-se facilmente implementar, através de pilhas, um programa para avaliar a expressão pós-fixa, que é, em essência, equivalente a expressão infixa original.

O programa a ser construído deverá, antes de avaliar a expressão infixa, verificar se a expressão é sintaticamente válida. Ou seja, se o número de operandos, operadores e parênteses é correto, além da sua posição dentro da expressão (que pode ser representada por uma cadeia de caracteres). Por exemplo, a seguinte expressão é inválida: ( 3 ( + 5 ) ), pois embora tenhamos o número correto de parênteses, operandos e operadores, a posição do segundo parênteses de abertura é inválida. Considere que as expressões serão compostas por números de um único algarismo (ou seja, 0, 1, 2, ..., 8 e 9), as cinco operações apresentadas anteriores, e parenteses. O programa deve detectar automaticamente a ordem de precedência das operações (sugestão: através da comparação do elemento no topo da pilha e o operador lido). Ao final, o programa deverá apresentar o valor numérico da expressão avaliada, por exemplo, para a expressão 3 + 5 \* 14 / ( 4 + 3 ) o valor a ser apresentado será 13.

Data de entrega: 02/06/2016

**BOM TRABALHO!**