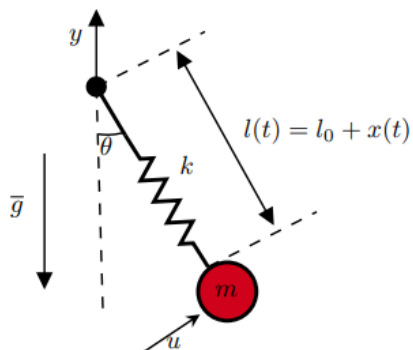


## Modelul 2 – Pendulul elastic



Modelul matematic este descris de ecuațiile:

$$\ddot{x}(t) = (\ell_0 + x(t))\dot{\theta}^2(t) - \frac{k}{m}x(t) + g \cos \theta(t) - \zeta \dot{x}(t) \quad (2a)$$

$$\ddot{\theta}(t) = -\frac{g}{\ell_0 + x(t)} \sin \theta(t) - \frac{2\dot{x}(t)}{\ell_0 + x(t)} \dot{\theta}(t) - \zeta \dot{\theta}(t) + \frac{1}{m(\ell_0 + x(t))^2} u(t) \quad (2b)$$

$$y_1(t) = \theta(t) \quad (2c)$$

$$y_2(t) = x(t) \quad (2d)$$

## Cerinta 1: Incarcarea modelului prin Simulink

```
%% Cerinta 1
```

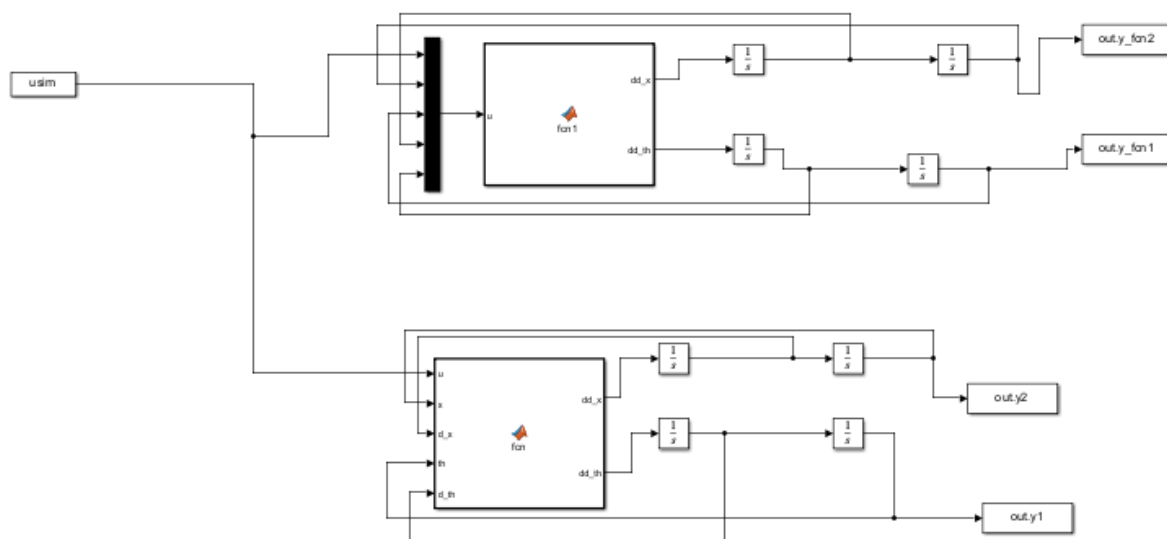
```
%Crearea si incarcarea modelului
```

```
model = 'proiect_model2';
```

```
load_system(model)
```

Modelul:

proiect\_model2 ▶



Modelul este alcatuit din doua Matlab Function:

Cod fcn:

```
proiect_model2 ► MATLAB Function
1 function [dd_x, dd_th] = fcn(u, x, d_x, th, d_th)
2
3 %Alegerea valorilor pentru parametrii modelului in mod arbitrar (si pozitiv)
4 l0 = 2.42; %lungimea initiala
5 m = 3.53; %masa corpului
6 k = 3.21; %constanta elastica
7 fact = 0.61; %factorul de amortizare
8 g = 9.81; %acceleratia gravitationala
9
10 %Formulele modelului
11 dd_x = (l0 + x) * (d_th) * (d_th) - ((k * x) / m) + g * cos(th) - fact * d_x;
12 dd_th = - (g * sin(th)) / (l0 + x) - (2 * d_x / (l0 + x)) * d_th - fact * d_th + 1 / (m * (l0 + x) * (l0 + x)) * u;
13
14 end
15
```

Cod fcn1:

```
proiect_model2 ► MATLAB Function1
1 function [dd_x, dd_th] = fcn1(u)
2
3 %Alegerea valorilor pentru parametrii modelului in mod arbitrar (si pozitiv)
4 l0 = 2.42; %lungimea initiala
5 m = 3.53; %masa corpului
6 k = 3.21; %constanta elastica
7 fact = 0.61; %factorul de amortizare
8 g = 9.81; %acceleratia gravitationala
9
10 %Formulele modelului
11 dd_x = (l0 + u(2)) * (u(5)) * (u(5)) - ((k * u(2)) / m) + g * cos(u(3)) - fact * u(4);
12 dd_th = - (g * sin(u(3)) / (l0 + u(2))) - ((2 * u(4) * u(5)) / (l0 + u(2))) - fact * u(5) + (u(1) / (m * (l0 + u(2)) * (l0 + u(2))));
13
14 end
```

Cerinta 2:

```
%% Cerinta 2

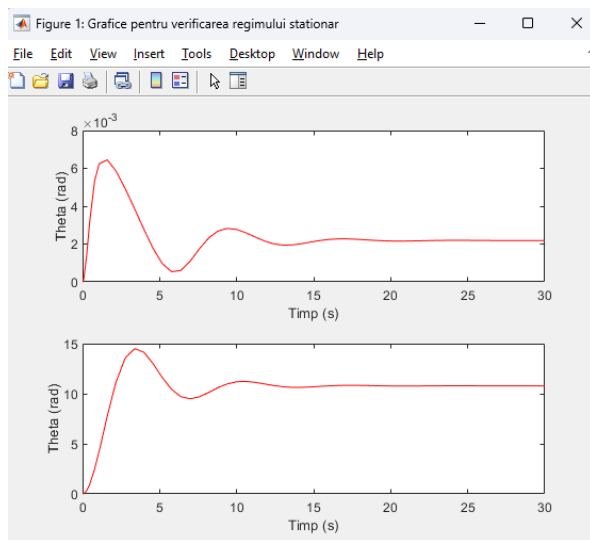
% Setam timpul de simulare la 30 de secunde
timp = 30;
% Crearea unui vector de timp cu 100 de puncte, de la 0 la timp
t = linspace(0, timp, 100);
% Crearea unui vector de stare initiala
st = double(t >= 0);
% Crearea unei serii temporale din vectorul de stare initiala si vectorul de timp
usim = timeseries(st, t);
% Setarea parametrului 'Stoptime' al modelului la timp
set_param(model, 'Stoptime', num2str(timp))
% Simulez modelul
out = sim(model);

%Salvez valorile de iesire ale modelului in variabilele: simout_mat1, simout_mat2, simout_fcn1, simout_fcn2;
simout_mat1 = out.y1;
simout_mat2 = out.y2;
simout_fcn1 = out.y_fcn1;
simout_fcn2 = out.y_fcn2;

%Generarea graficelor
figure('Name', 'Grafice pentru verificarea regimului stationar');
subplot(2,1,1);
plot(simout_mat1.time, simout_mat1.data, 'r');
xlabel('Timp (s)');
ylabel('Theta (rad)');
hold on
subplot(2,1,2);
plot(simout_mat2.time, simout_mat2.data, 'r');
xlabel('Timp (s)');
ylabel('Theta (rad)');

%In urma plotarii graficelor se poate observa faptul ca cele 2 simulari au
%atins un regim stationar, deoarece valorile raspunsului se stabilizeaza (si
%nu se mai modifica)
```

Se observa in Figura 1 obtinerea regimului stationar:



Cerinta 3:

**%% Cerinta 3**

**%Simularea modelului**

```
out = sim("proiect_model2");
```

**%err1**

```
figure('Name', 'Comparare pt err1');
```

```
plot(simout_mat1.time, simout_mat1.data, 'g', 'LineWidth', 2);
```

```
hold on;
```

```
plot(simout_fcn1.time, simout_fcn1.data, 'r', 'LineWidth', 1);
```

```
title('Vizualizare err1');
```

**%err2**

```
figure('Name', 'Comparare pt err2');
```

```
plot(simout_mat2.time, simout_mat2.data, 'y', 'LineWidth', 2);
```

```
hold on;
```

```
plot(simout_fcn2.time, simout_fcn2.data, 'b', 'LineWidth', 1);
```

```
title('Vizualizare err2');
```

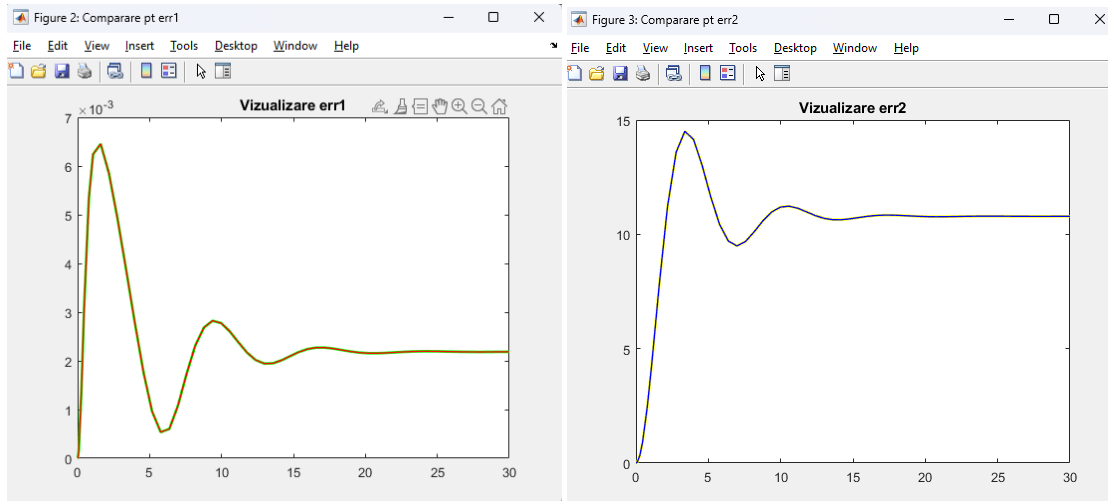
```
simout_mat1 = simout_mat1.data;
```

```
simout_mat2 = simout_mat2.data;
```

```
simout_fcn1 = simout_fcn1.data;
```

```
simout_fcn2 = simout_fcn2.data;
```

In cele doua figuri se observa similaritatea graficelor in ambele cazuri:



Cerinta 4:

**%% Cerinta 4**

```
err1 = norm(simout_mat1 - simout_fcn1);
err2 = norm(simout_mat2 - simout_fcn2);
%Afisez erorile
disp('err1');
disp(err1);
disp('err2');
disp(err2);
```

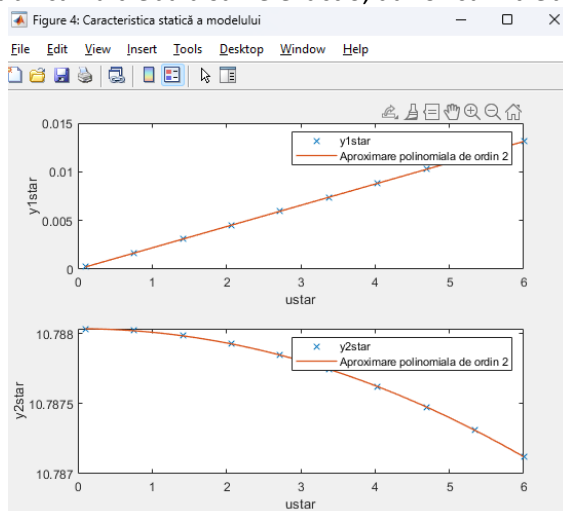
```
err1
    3.3540e-18

err2
    0
```

Se poate observa ca nu exista discrepante (cel puțin nu extraordinar de vizibile), deoarece erorile sunt foarte mici.

La err2 probabil ca nu trebuia sa fie exact 0, dar oricum trebuie sa fie o valoare apropiata de 0.

Cerinta 5:



```

%% Cerinta 5

% Creez un vector de 10 valori ale semnalului de intrare `x` cuprinse intre 0.1 si 6.
x = linspace(0.1, 6, 10);

%Creez vectorii ustar, y1star, si y2star pentru a stoca valorile raspunsurilor sistemului.
ustar = zeros(10, 1);
y1star = zeros(10, 1);
y2star = zeros(10, 1);

simout_mat1 = out.y1;
simout_mat2 = out.y2;

for i = 1 : 10
    in = x(i).*st;
    usim = timeseries(in, t);
    out = sim(model);
    ustar(i) = x(i);

    % Stochez valoarea raspunsurilor y1 si y2 in vectorul y1star.
    y1star(i) = out.y1.data(end);
    y2star(i) = out.y2.data(end);
end

% Aproximarea polinomiala de ordin 2
%folosire polyfit pt a determina coeficientii
p1 = polyfit(ustar, y1star, 2);
p2 = polyfit(ustar, y2star, 2);
%genmerarea unui vector de valori pt exproximarea polinomiala
ustar1 = linspace(ustar(1), ustar(end), 100);
y1starr = polyval(p1, ustar1);
y2starr = polyval(p2, ustar1);

figure('Name', 'Caracteristica statică a modelului');
subplot(2,1,1);
%pune un x in fiecare punct
plot(ustar, y1star, 'x');
hold on
plot(ustar1, y1starr, 'LineWidth', 1);
xlabel('ustar'), ylabel('y1star');
legend('y1star', 'Aproximare polinomiala de ordin 2');

subplot(2,1,2);
plot(ustar, y2star, 'x');
hold on
plot(ustar1, y2starr, 'LineWidth', 1);
xlabel('ustar'), ylabel('y2star');
legend('y2star', 'Aproximare polinomiala de ordin 2');

```

Cerinta 6:

## %% Cerinta 6

%Definirea valorilor pentru alpha, beta, gamma

alpha = 4.81;

beta = 3.12;

gamma = 2.35;

%manipularea valorilor

ustar\_nou = [alpha, beta, gamma];

y1star\_nou = polyval(p1, ustar\_nou);

y2star\_nou = polyval(p2, ustar\_nou);

figure('Name', 'Grafic folosind alfa, beta si gamma');

subplot(2,1,1);

plot(ustar, y1star, 'x');

hold on

plot(ustar\_nou, y1star\_nou, 'b');

grid on

xlabel('ustar'), ylabel("y1star")

legend('y1star','Aproximarea')

subplot(2,1,2);

plot(ustar, y2star, 'x');

hold on

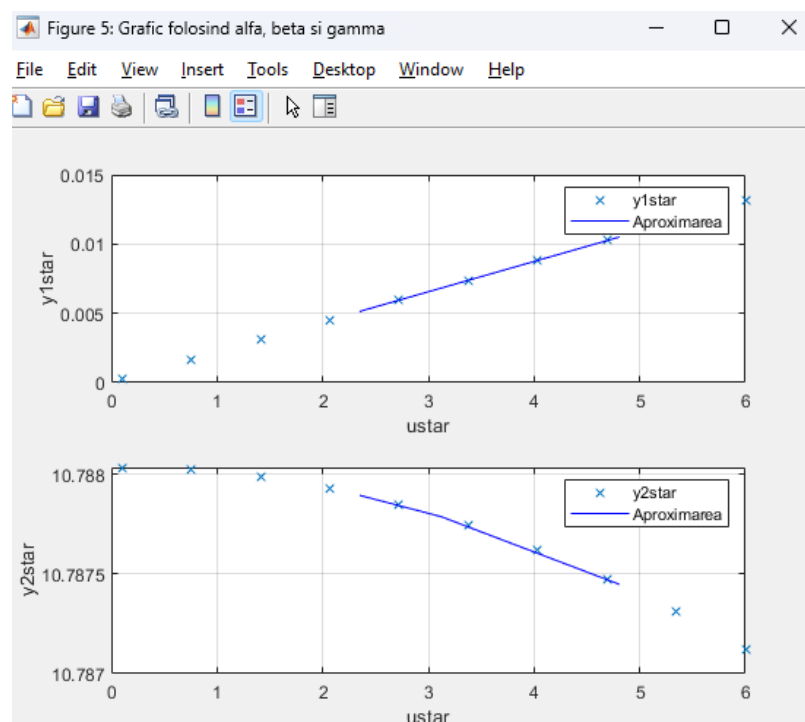
plot(ustar\_nou, y2star\_nou, 'b');

grid on

xlabel('ustar'), ylabel("y2star")

legend('y2star','Aproximarea')

Graficul obtinut:





Cerinta 8:

```
%% Cerinta 8

u0 = zeros(1, 1);
[xstar, ustar, ystar, ~] = trim("model_c7", [], u0, [], [], 1, []);
%Afisarea valorii punctului static de functionare
fprintf("Eroare = %.2f\n", norm(abs(ustar - u0)));

%Se observa faptul ca nu sunt diferente intre cele 2 valori, asadar
%valoarea erorii este 0
```

```
Eroare = 0.00
```

Cerinta 9:

```
%% Cerinta 9

%utilizarea functiei linmod() pentru a determina o aproximare liniara a
%raspunsului modelului la un semnal de intrare constant
[A_lin, B_lin, C_lin, D_lin] = linmod("model_c7", xstar, ustar)
```

```
A_lin =

    0         0    1.0000         0
    0   -0.7100         0   -0.7086
  -0.6032   -0.0000   -0.7100   -0.0000
    0    1.0000         0         0
```

```
B_lin =
|
1.0e-03 *

    0
    0
  0.8345
    0
```

```
C_lin =

    1     0     0     0
```

```
D_lin =

    0
```



Cerinta 10:

```
%% Cerinta 10
```

```
vp = eig(A_lin)
%systemul este stabil, deoarece toate valorile spectrului matricei A_lin
%sunt mai mici decat 0;
```

vp =

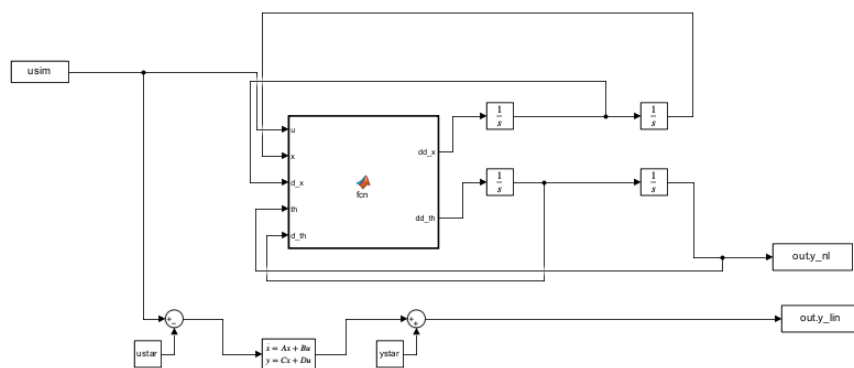
```
-0.3550 + 0.6908i
-0.3550 - 0.6908i
-0.3550 + 0.7633i
-0.3550 - 0.7633i
```

Cerinta 11:

```
%% Cerinta 11
```

```
model_nou = 'model_raspuns';
load_system('model_raspuns');
%crearea semnalului de intrare
usim = timeseries(st, t);
set_param(model_nou, 'StopTime', num2str(timp))
%simularea raspunsului modelului
out = sim(model_nou);
%obtinerea raspunsului liniar
y_lin = out.y_lin;
```

model\_raspuns



Cerinta 12:

```
%% Cerinta 12

%obtinerea raspunsului neliniar
y_nl = out.y_nl;
%redimensionarea raspunsurilor
y_lin_flat = reshape(y_lin.data, [1, 60]);
y_nl_flat = reshape(y_nl.data, [1,60]);
%calcularea normei/a erorii
err = norm(y_nl_flat - y_lin_flat, 'inf');
disp('Eroarea dintre rasp neliniar si cel liniar');
disp(err);
```

```
Eroarea dintre rasp neliniar si cel liniar:
0.0044
```

Cerinta 13:

---

```
%% Cerinta 13

% Alegerea perioadei de esantionare
Te = 0.05;

% Discretizarea modelului liniarizat continuu
sys_disc = c2d(sys_cont, Te, 'zoh');
|
% Afisarea modelului discretizat
disp('Modelul discretizat:');
disp(sys_disc);
```

Am incercat sa fac ceva cu modelul „ZOH”, dar nu am reusit