O cavalo perdido

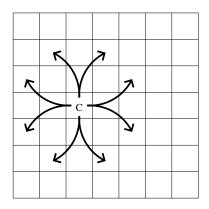
Você foi desafiado por seus amigos nerds que curtem xadrez espacial e deve resolver um desafio audacioso: eles prepararam uma série de tabuleiros com tamanhos variados onde foi colocado um único e solitário cavalo e desafiam você a fazer o cavalo chegar até uma posição que eles chamam de Saída no **menor número possível de movimentos**. Isso já seria complicado o bastante, mas eles resolveram completar o trabalho marcando várias casas onde o cavalo não deve pisar de jeito nenhum

Ao menos você tem uma pequena vantagem: no xadrez espacial os lados do tabuleiro se encostam, ou seja, se o cavalo sair do tabuleiro pelo lado esquerdo ele entra pelo lado direito (e vice-versa) e a mesma coisa acontece para os lados de cima e de baixo. Ou seja, o tabuleiro é toroidal e infinito!

37
$\ldots \times \ldots \times \times$
$\ldots \ldots xx\ldots xx\ldots x\ldots x\ldots x$
$\ldots \ldots x \ldots x \ldots x \ldots \ldots x \ldots x \ldots x \ldots x \ldots x \ldots x$
xxxxxxxxxx
$. \hspace{.1cm} x \ldots x x \ldots x x \ldots x x x \ldots x \ldots x \ldots x \ldots x $
$. \mathtt{X} \ldots X$
$\ldots \ldots x \ldots$
${\tt XX.X$
xxxxxx
$\ldots x \ldots x x \ldots x$
X X X
$. \mathtt{X} \ldots X$
xx.x.x.x.x.S
$\ldots \ldots x \ldots x \ldots x \ldots x x x \ldots x x \ldots x \ldots x \ldots x$
$\ldots \ldots x \ldots x \ldots x \ldots \ldots$
$\ldots \ldots xx\ldots x\ldots \ldots x\ldots \ldots x\ldots x\ldots x\ldots x\ldots x\ldots x\ldots x\ldots x$

Agora eles entregam vários tabuleiros para você e querem saber o menor número de movimentos que são necessários para que o cavalo ache a saída em cada um deles (se isto for possível!)

Sabendo que os cavalos se movem de acordo com a figura abaixo, você também sabe que nos tabuleiros ele está inicialmente na posição C, a saída está marcada com S e as posições com x não podem ser ocupadas.



No exemplo dado ao lado, C pode chegar até S em 10 pulos.

Sua tarefa é receber os casos de teste que seus amigos colocaram na página da disciplina e resolver o problema para cada um deles. Ao final você deve apresentar um relatório descrevendo:

- Qual o problema sendo resolvido;
- Como o problema foi modelado;
- Como é o processo de solução, apresentando exemplos e algoritmos;
- Os resultados dos casos de teste;
- Conclusões.