A 2, 3, 4, 5, 7 számjegyek egyszeri felhasználásával képezzünk ötjegyű számokat.

- (a) Hány számot képezhetünk?
- (b) Hány páros van közöttük?
- (c) Hány olyan van, amely osztható néggyel?

Hány 5-tel osztható hatjegyű szám képezhető a 0, 1, 2, 3, 4, 5 számokból, ha minden számjegy csak egyszer szerepelhet?

Egy tíztagú társaság tagjai között 4 különböző könyvet sorsolnak ki úgy, hogy egy-egy személy csak egy könyvet nyerhet. Hányféleképpen végződhet a sorsolás?

10 fő; 4 különböző könyv; 1 fő-1 könyv; somend számít.
$$10.9.8.7 = \frac{10!}{(10-4)!} = \sqrt{6}$$

Egy műhelyben egy műszak alatt elkészített 500 db zár 4%-a selejtes. Hányféleképpen lehet kiválasztani 10 zárat úgy, hogy a kiválasztottak közül

- (a) pontosan 5 selejtes legyen
- (b) legalább 2 selejtes legyen

(b) legalable 2 selejter: 500 0,04=20 selejter

$$\binom{500}{10} - \left(\binom{400}{10} + \binom{480}{9}\binom{20}{1}\right) = j \text{ solejter}$$

$$8 \text{ Solejter} \qquad 1 \text{ solejter}$$

Egy 32 létszámú osztály, amelynek Nagy Pál is tagja, diákbizottságot választ. A bizottság összetétele: 1 titkár és 4 bizottsági tag. Hány olyan eset lehetséges, amikor Nagy Pál

- (a) titkára a bizottságnak
- (b) nem titkárként tagja a bizottságnak
- (c) szerepel a bizottságban

31 for NP, Atitheur + 4 biz tag; 5 for kivalarztásza

(a) NP titkeur

(1) (34)

(b) NP tag, de venditkéur

(31) (32) (1)

(c) NP tag

(u) + b)

Egy 32 lapos magyarkártya-csomagból egyszerre kiveszünk 5 lapot. Hány olyan húzás lehetséges, ahol a kihúzott lapok között

- (a) csak piros fordul elő
- (b) pontosan 1 piros van
- (c) van piros
- (d) 2 piros és 3 zöld van
- (e) minden szín előfordul
- (f) pontosan 1 ász és 4 piros található
- (g) mind ász vagy piros

Hányféleképpen lehet 24 egyforma golyót 8 különböző dobozba szétosztani úgy, hogy

- (a) a dobozokba akár 0 golyó is kerülhet
- (b) minden dobozban legyen legalább 1 golyó
- (c) minden dobozban legyen legalább 2 golyó

24 azonos golyó
$$8$$
 különböző doloz (a) $\binom{34}{7}$ (b) $\binom{23}{16}$ y. $\binom{23}{7}$ (c) $\binom{15}{8}$

Legyen $n, k \in \mathbb{N}$. Igazolja a következő azonosságokat:

(a)
$$\binom{n+1}{k} = \binom{n}{k-1} + \binom{n}{k}$$

$$\binom{n+1}{k} = \binom{n}{k-1} + \binom{n}{k}$$

$$\frac{(n+1)!}{k! \cdot (n-k+1)!} = \frac{n!}{(k-1)! \cdot (n-k+1)!} + \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!} / / / n!$$

$$\frac{\binom{n+1}{k!}}{\binom{n}{k} \cdot (n-k+1)!} = \frac{1}{(k-1)! \cdot (n-k+1)!} + \frac{1}{k! \cdot (n-k)!} / / / (n-k+1)!$$

$$\frac{\binom{n+1}{k!}}{\binom{n}{k} \cdot (n-k+1)!} = \frac{k}{(n-k+1)!} + \frac{1}{(n-k)!} / / (n-k+1)!$$

$$N+1 = \binom{n+1}{k} + \binom{n-k+1}{k}$$

4. oldal

$$k \cdot \binom{n}{k} = n \cdot \binom{n-1}{k-1}$$

$$k \cdot \binom{n}{k} = n \cdot \binom{n-1}{k-1}$$

$$k \cdot \binom{n}{k} = n \cdot \binom{n-1}{k-1}$$

$$k \cdot \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!} = n \cdot \frac{(n-1)!}{(k-1)! \cdot (n-k+1)!}$$

$$k \cdot \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!} = n \cdot \frac{(n-1)!}{(k-1)! \cdot (n-k)!} / (n-k)!$$

$$k \cdot \frac{n!}{k!} = n \cdot \frac{(n-1)!}{(k-1)!}$$

$$\frac{n! \cdot k}{k!} = \frac{n!}{(k-1)!} / |n!$$

$$\frac{k}{k!} = \frac{1}{(k-1)!} | \frac{k!}{(k-1)!} = k$$