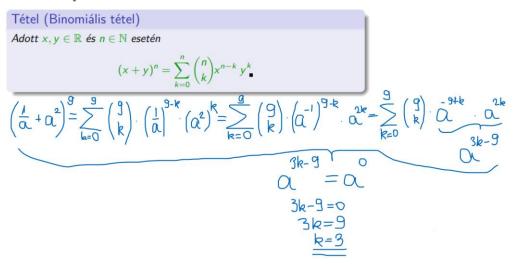
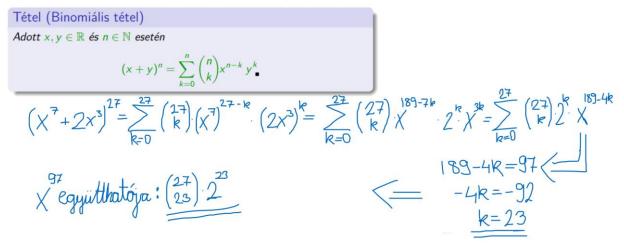
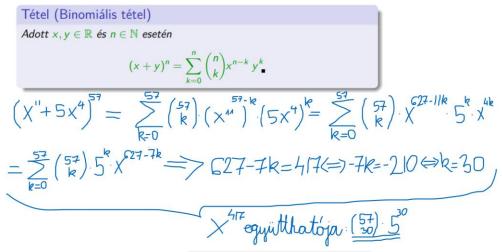
(a) Legyen $a \in \mathbb{R}$, $a \neq 0$. Határozza meg a $\left(\frac{1}{a} + a^2\right)^9$ kifejezésben azt a tagot, amely nem tartalmazza az a paramétert.



(b) Határozzuk meg az $(x^7 + 2x^3)^{27}$ kifejezésben az x^{97} tag együtthatóját.



(c) Határozzuk meg az $(x^{11} + 5x^4)^{57}$ kifejezésben az x^{417} tag együtthatóját.



Czeglédi Gábor

Mennyi lesz az $(x_1 + x_2 + x_3 + x_4)^{73}$ kifejezésben az

(a)
$$(x_1)^{10} \cdot (x_2)^{23} \cdot (x_3)^{28} \cdot (x_4)^{12}$$

(b)
$$(x_1)^9 \cdot (x_2)^{21} \cdot (x_3)^{20} \cdot (x_4)^{23}$$

(c)
$$(x_1)^{52} \cdot (x_2)^7 \cdot (x_3) \cdot (x_4)^{13}$$

(d)
$$(x_1)^{37} \cdot (x_2)^{11} \cdot (x_3)^{12} \cdot (x_4)^{14}$$

tagok együtthatója?

Tétel (Polinomiális tétel)

Tetszőeges
$$r, n \in \mathbb{N}$$
 esetén:

$$(x_{1} + x_{2} + ... + x_{r})^{n} = \sum_{i_{1} + i_{2} + ... + i_{r} = n} \frac{n!}{i_{1}! \cdot i_{2}! \cdot ... \cdot i_{r}!} x_{1}^{i_{1}} \cdot x_{2}^{i_{2}} \cdot ... \cdot x_{r}^{i_{r}}.$$

$$(Q) \left(X_{1}^{10}\right)^{0} \left(X_{2}^{1}\right)^{2/3} \left(X_{3}^{1}\right)^{2/3} \left(X_{4}^{1}\right)^{1/2} \cdot \sum_{i_{1} + i_{2} + ... + i_{r} = n} \frac{n!}{i_{1}! \cdot i_{2}! \cdot ... \cdot i_{r}!} x_{1}^{i_{1}} \cdot x_{2}^{i_{2}} \cdot ... \cdot x_{r}^{i_{r}}.$$

$$(Q) \left(X_{1}^{10}\right)^{0} \left(X_{2}^{1}\right)^{2/3} \left(X_{3}^{1}\right)^{2/3} \left(X_{4}^{1}\right)^{1/2} \cdot \sum_{i_{1} + i_{1} + i_{2} + i_{1} + i_{2} + i$$

Egy felmérés során 100 embert megkérdeztek, hogy milyen forrásból szerzi a híreket. A következő válaszokat adták: tévéből 65, rádióból 38, újságból 39, tévéből és rádióból 20, tévéből és újságból 20, rádióból és újságból 6. Hányan vannak akik a felsoroltak közül egyik forrásból sem szerzik a híreket?

$$| 100 \text{ ember}, | + \sqrt{-65} | -39 | + \sqrt{-65} | -39 | + \sqrt{-65} | -20 | +$$

Egy ismerősünknek el akarunk küldeni 8 különböző fényképet. Hányféleképpen tehetjük ezt meg, ha pontosan 5 különböző borítékot akarunk felhasználni?

(c) Bizonyítsuk be, hogy ha egy egység oldalú négyzetben felveszünk 33 tetszőleges pontot, akkor mindig lesz köztük 3 olyan, amelyek által meghatározott háromszög területe nem nagyobb, mint $\frac{1}{22}$.

