

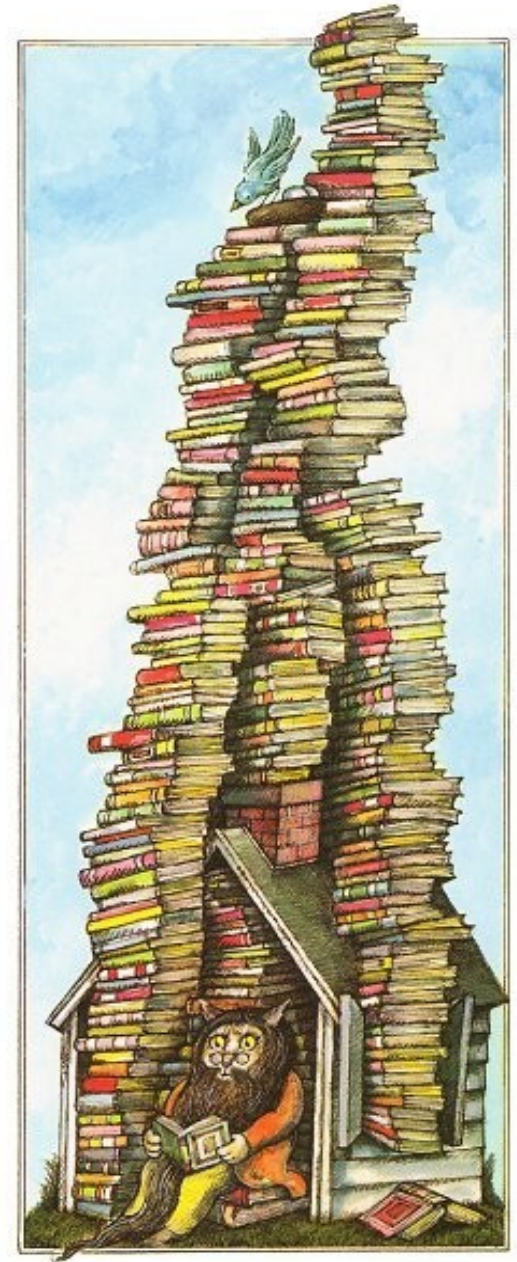
# Pilhas e Filas

Estrutura de Dados

Profa. Carla Koike - CIC

# O que é uma pilha?

- A posição dos dados depende da ordem de chegada.
- Os dados mais recentes são os primeiros a saírem
- Os primeiros dados são os últimos a serem recuperados.
- First In Last Out (FILO)



Books to the ceiling, books to the sky.  
My piles of books are a mile high.  
How I love them!  
How I need them!  
I'll have a long beard by the time I read them.

# O que é uma fila?

- Os dados são armazenados de acordo com a ordem de chegada
- Os primeiros a chegarem são os primeiros a sair
- First In First Out (FIFO)



# TAD Pilha

- Estrutura linear de dados que pode ser acessada somente por uma das extremidades para armazenar e recuperar dados.
- Operações possíveis:
  - limpar a pilha
  - verificar se a pilha está vazia
  - coloca elemento no topo da pilha
  - retira o elemento no topo da pilha
  - retorna o elemento no topo, sem removê-lo
  - tamanho da pilha

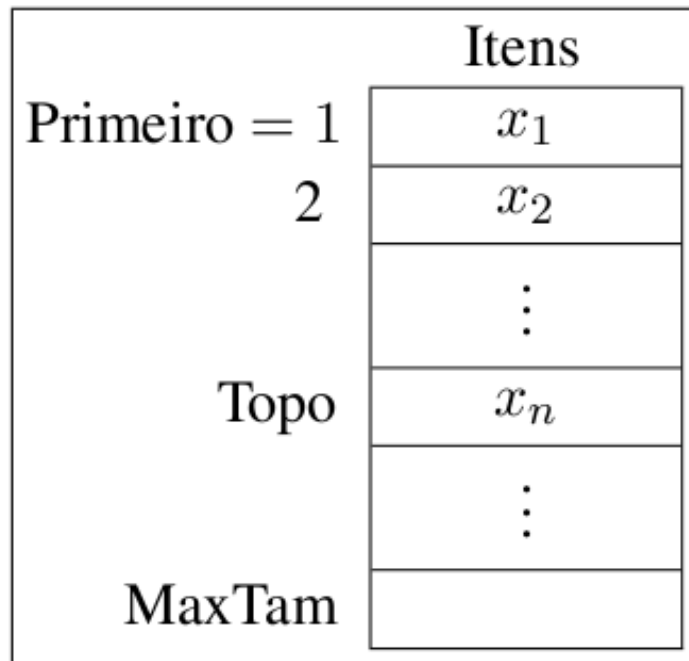
# Aplicações de Pilhas

- É ideal para processamento de estruturas aninhadas de profundidade imprevisível.
- Uma pilha contém uma seqüência de obrigações adiadas. A ordem de remoção garante que as estruturas mais internas serão processadas antes das mais externas.

# Aplicações de Pilhas, cont.

- Aplicações em estruturas aninhadas:
  - Quando é necessário caminhar em um conjunto de dados e guardar uma lista de coisas a fazer posteriormente.
  - O controle de seqüências de chamadas de subprogramas.
  - A sintaxe de expressões aritméticas.
- As pilhas ocorrem em estruturas de natureza recursiva (como árvores). Elas são utilizadas para implementar a recursividade.

# Implementações do TAD Pilha – Usando Vetor



- Um índice chamado Topo é utilizado para controlar a posição do item no topo da pilha.

```
typedef int Apontador;  
typedef int TipoChave;  
typedef struct {  
    TipoChave Chave;  
    /*outros componentes */  
} TipoItem;  
typedef struct {  
    TipoItem Item[MaxTam];  
    Apontador Topo;  
} TipoPilha;
```

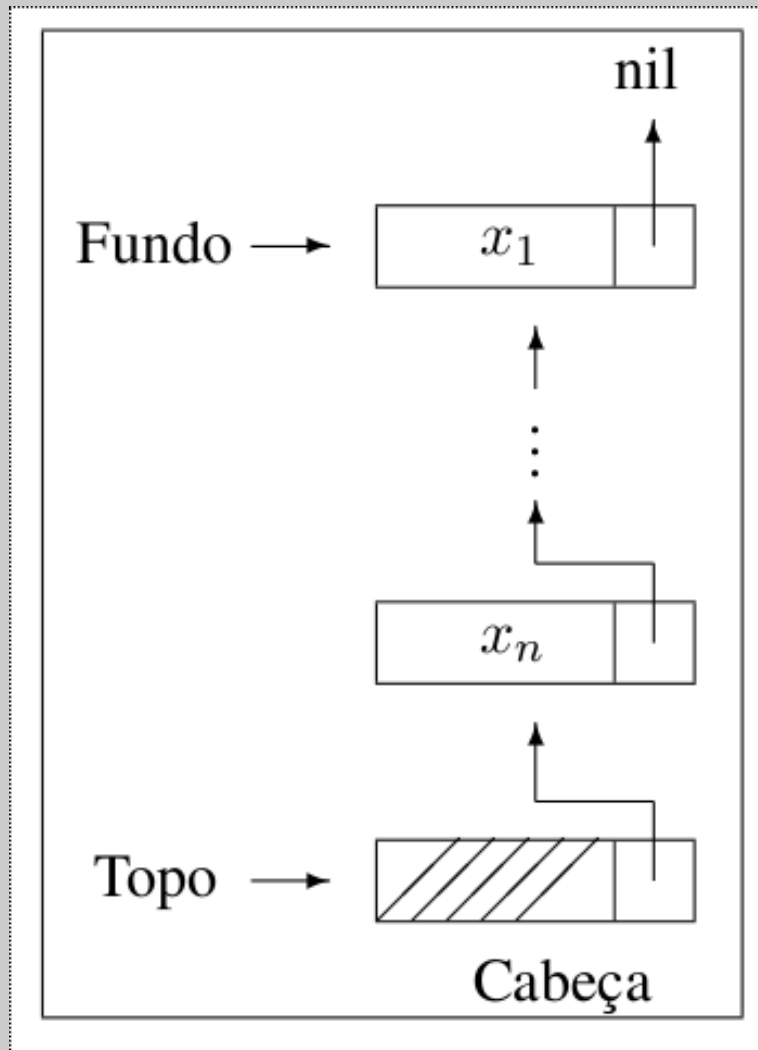
# Implementações do TAD Pilha – Usando Vetor

```
void Empilha(TipoItem x, TipoPilha *Pilha)
{
    if (Pilha->Topo == MaxTam)
        printf(" Erro pilha esta cheia\n");
    else { Pilha->Topo++;
          Pilha->Item[Pilha->Topo - 1] = x;
        }
} /* Empilha */

void Desempilha(TipoPilha *Pilha, TipoItem *Item)
{
    if (Vazia(*Pilha))
        printf(" Erro pilha esta vazia\n");
    else { *Item = Pilha->Item[Pilha->Topo - 1];
          Pilha->Topo--;
        }
} /* Desempilha */
```



# Implementações do TAD Pilha – usando Lista Encadeada



```
typedef int TipoChave;
```

```
typedef struct {  
    TipoChave Chave;  
    /* outros componentes */  
} TipoItem;
```

```
typedef struct Celula_str  
    *Apontador;
```

```
typedef struct Celula_str {  
    TipoItem Item;  
    Apontador Prox;  
} Celula;
```

```
typedef struct {  
    Apontador Fundo, Topo;  
    int Tamanho;  
} TipoPilha;
```

# Implementações do TAD Pilha – usando Lista Encadeada

```
void Empilha(TipoItem x, TipoPilha *Pilha){
    Apontador Aux;
    Aux = (Apontador) malloc(sizeof(Celula));
    Pilha->Topo->Item = x;
    Aux->Prox = Pilha->Topo;
    Pilha->Topo = Aux;
    Pilha->Tamanho++;
} /* Empilha */

void Desempilha(TipoPilha *Pilha, TipoItem *Item){
    Apontador q;
    if (Vazia(*Pilha))
    { printf(" Erro   lista vazia\n");
      return; }
    q = Pilha->Topo;
    Pilha->Topo = q->Prox;
    *Item = q->Prox->Item;
    free(q);
    Pilha->Tamanho--; } /* Desempilha */
```

# TAD Fila

- Uma fila é uma estrutura na qual ambas as extremidades são usadas: uma para adicionar novos elementos e outra para removê-los.
- Operações possíveis:
  - limpa a fila
  - verifica se a fila está vazia
  - verifica se a fila está cheia
  - coloca elemento no final da fila
  - retira o primeiro elemento da fila
  - tamanho da fila

# Aplicações de Filas

- São utilizadas quando desejamos processar itens de acordo com a ordem “primeiro-que-chega, primeiro-atendido”.
- Sistemas operacionais utilizam filas para regular a ordem na qual tarefas devem receber processamento e recursos devem ser alocados a processos.

# Implementações TAD Fila

## Usando Vetor

Vetor com N elementos

C
B
A

Final

Início

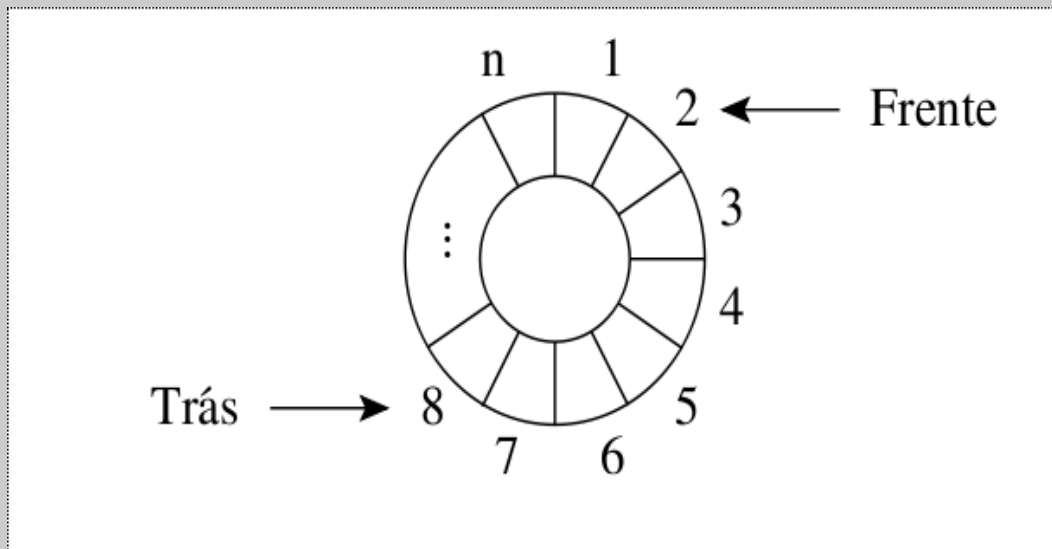
K
L
M

Final

Início

# Implementações TAD Fila

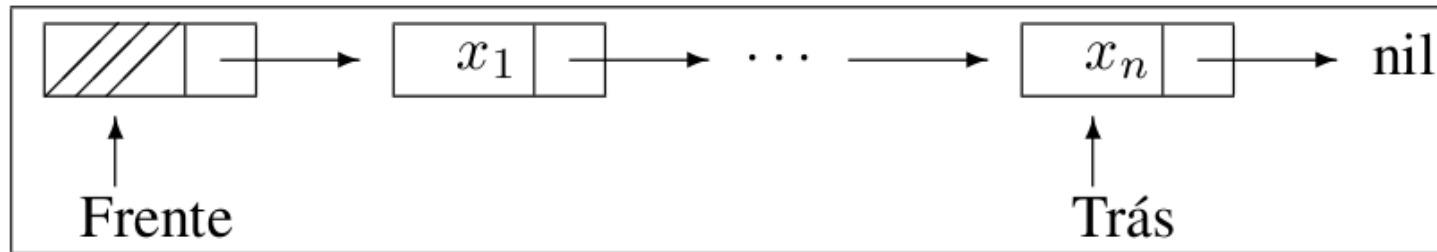
## Usando Vetor Circular



**Programa: Fila\_Circular.c**

- A fila se encontra em posições contíguas de memória, em alguma posição do círculo, delimitada pelos apontadores Frente e Trás.
- Para enfileirar, basta mover o apontador Trás uma posição no sentido horário.
- Para desenfileirar, basta mover o apontador Frente uma posição no sentido horário.

# Implementações TAD Fila Usando Lista Encadeada



**Programa: FilaLista.c**

# Expressões na forma Polonesa reversa

Infixada

$A \times B / C$

$A / B \times C + D \times E - A \times C$

$(A / B) \times (C + D) \times (E - A) \times C$

Pós-fixada correspondente

$A B \times C /$

$A B / C \times D E \times + A C \times -$

$A B / C D + \times E A - \times C \times$

Operadores aparecem  
*entre* os operandos

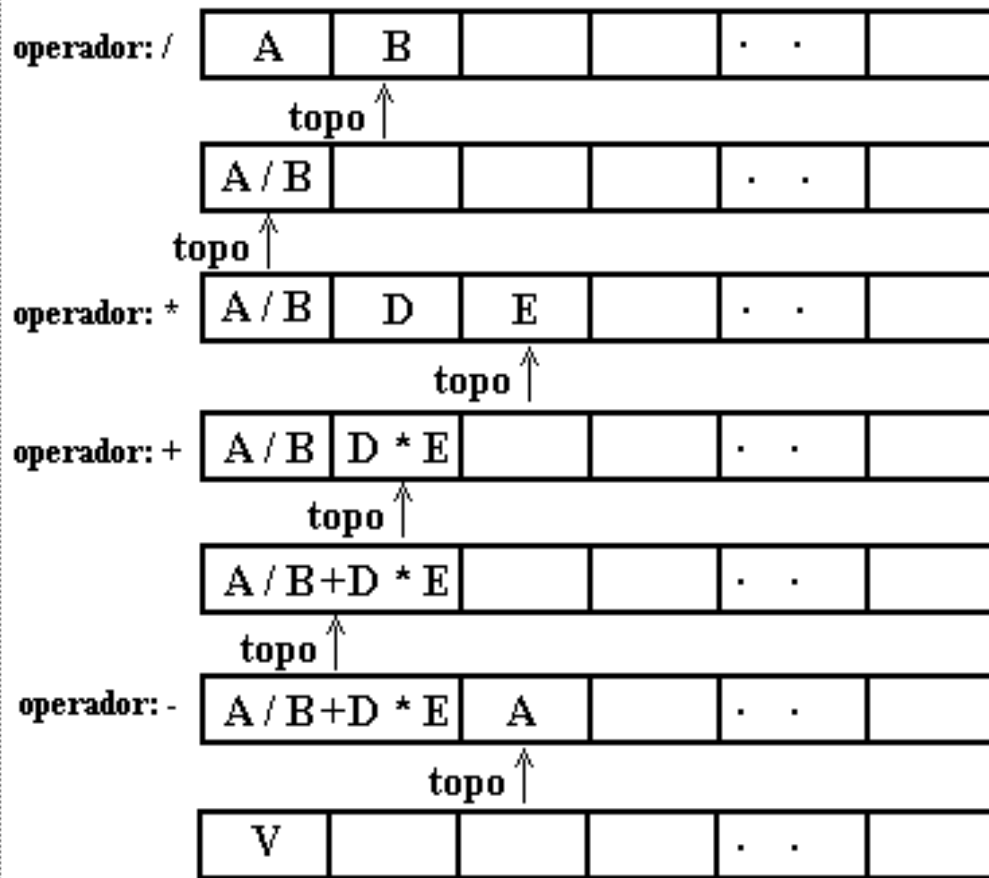
Operadores aparecem  
*após* os operandos

*Sugestão: faça um programa para converter uma expressão da forma infixada para a forma pós-fixada.*



# Exemplos: Calculadora em Notação Polonesa Reversa

Exemplo: A B / D E \* + A -



- Um algoritmo para a avaliação de Expressões PosFix:
  - empilha operandos até encontrar um operador
  - retira o número de operandos; calcula e empilha o valor resultante
  - até que chegue ao final da expressão

Programa: polonesa.c

# Exemplo: recursividade usando a pilha

- Uso de recursividade para solucionar problemas
  - cálculo fatorial, série de fibonaci, torre de hanoi, ...
- passagem de parâmetros e retorno de valores
  - First in last out: pilha

# Fatorial Recursivo

