## MATEMÁTICA 1

Práctica adicional N°5 – Combinatoria.

- 1) a) ¿Cuántos anagramas se pueden formar con las letras de la palabra ELEMENTALES?
  - b) ¿Cuántos que empiecen con S y terminen con T?
  - c) ¿Cuántos que terminen con SMT en ese orden?
  - d) ¿Cuántos que terminen con S,M,T en cualquier orden?
- 2) 15 australianos, 5 búlgaros y 10 chilenos se sientan en 30 butacas consecutivas de una misma fila en un teatro,
  - a) De cuántas maneras se sientan si los de igual nacionalidad quedan juntos entre sí?
  - b) De cuántas maneras si sólo los australianos se sientan juntos ente sí?
- 3) De un total de 36 muchachos entre los que está Enrique y de un total de 42 chicas entre las que está Mónica,
- a) De cuántas maneras pueden elegirse 12 muchachos y a continuación 12 chicas?
- b) De cuántas maneras si Enrique no debe estar entre los elegidos y Mónica debe estar seguro?
- 4) a) ¿Cuántos anagramas se pueden formar con las letras de la palabra PSICOLOGOS?
  - b) ¿Cuántos que empiecen con P y terminen con 1?
  - c) ¿Cuántos que empiecen con PCLI en ese orden?
  - d) ¿Cuántos que terminen con P,C,L,I en cualquier orden?
  - e) ¿Cuántos anagramas que empiecen con L o con I?
- 5) De un total de 9 hombres y 10 mujeres
  - a) Cuántas comisiones de 8 personas se pueden formar?
  - b) Cuántas comisiones de 8 personas en las que haya exactamente 5 mujeres?
  - c) Cuántas comisiones de 8 personas en las que haya por lo menos 5 mujeres?
  - d) Cuántas comisiones de 8 personas en las que haya exactamente 4 hombres?
  - e) Cuántas comisiones de 8 personas en las que haya a lo sumo 4 hombres?
- 6) De un total de 35 chicos (entre los que están Juan y María) se forma un 1er grupo de 10 chicos y luego un 2do grupo de otros 10 chicos
  - a) ¿De cuántas maneras pueden elegirse?
  - b) ¿De cuántas si Juan y María deben estar en el 1er grupo?
- 7) Una familia está integrada por padre, madre y 3 hijos, otra por padre, madre y 5 hijos.
  - a) ¿De cuántas formas pueden sentarse en 12 butacas consecutivas de una misma fila de un cine si los adultos se sientan juntos entre ellos y los chicos se sientan juntos entre ellos?
  - b) ¿De cuántas formas si sólo lo chicos se sientan juntos?
  - c) ¿De cuántas maneras pueden ubicarse si los integrantes de una misma familia se sientan juntos entre sí?
- 8) Con 7 médicos y 9 bioquímicos, cuántos grupos de 6 personas se pueden formar tales que
  - a) haya por lo menos 3 médicos?
  - b) haya como máximo 4 bioquímicos?
- 9) Con 5 letras seguidas de 4 dígitos
  - a) ¿cuántas contraseñas se pueden formar?
  - b) ¿cuántas si las letras deben ser distintas y los dígitos distintos?
  - c) ¿cuántas con letras y dígitos distintos y el 1er dígito no puede ser 0?
  - d) ¿cuántas contraseñas con letras y dígitos distintos tales que comiencen con J o con I ?

- 10) De un total de 44 personas (entre las que están Jorge y Elena) se forma un 1er grupo de 15 personas y luego un 2do grupo de otras 15
  - a) ¿De cuántas maneras pueden elegirse? b) ¿De cuántas si Jorge y Elena deben estar en el 1er grupo?
- 11) En un estante rectangular se ubican uno junto a otro 8 frascos de dulce de distintos sabores,
  - 5 botellas de vino tinto de distintas marcas y 6 latas de cerveza de distintas marcas
- a) ¿De cuántas formas pueden ubicarse si objetos del mismo tipo quedan juntos entre sí?
- b) ¿De cuántas formas si sólo los frascos de dulce quedan juntos entre sí?
- 12) Con todos los dígitos del 0 al 9:
  - a) ¿Cuántos números de 8 cifras se pueden formar?
  - b) ¿Cuántos números impares de 8 cifras se pueden formar?
  - c) ¿Cuántos números de 8 cifras distintas se pueden formar?
  - d) ¿Cuántos números impares de 8 cifras distintas se pueden formar?
  - e) ¿Cuántos números de 8 cifras distintas cuyo primer dígito sea o 2 o 3 o 5 es posible formar?
- 13) En la vidriera de un negocio hay un estante rectangular. Una empleada debe ubicar en él, uno junto a otro formando una fila: 6 afeitadoras distintas, 3 radios distintas y 4 teléfonos celulares distintos.
  - a) De cuántas maneras puede ubicarlos?
  - b) De cuántas maneras si las afeitadoras deben quedar juntas entre sí y las radios juntas entre sí?
  - c) De cuántas maneras si sólo las afeitadoras deben quedar juntas entre sí?
  - d) De cuántas maneras si los artículos del mismo tipo deben quedar juntos entre sí?
  - 14) De cuántas maneras pueden sentarse 10 personas en un banco si hay 5 sitios disponibles?
  - 15) Cuántos números de 4 dígitos se pueden formar con las cifras 1,2,3,...9 si:
  - i) Se permiten repeticiones
  - ii) Sin repeticiones
  - iii) Si el último ha de ser 2 y no se permiten repeticiones
  - 16) Hay que colocar a 5 hombres y 4 mujeres en una fila de modo que las mujeres ocupen los lugares pares. De cuántas maneras puede hacerse?
  - 17) Un alumno tiene que elegir 7 de las 10 preguntas de un examen. De cuántas maneras puede elegirlas? Y si las 4 primeras son obligatorias?
  - 18) En un hospital se utilizan 5 símbolos para clasificar las historias clínicas de sus pacientes, de manera que los 2 primeros son letras y los 3 últimos son dígitos. Suponiendo que hay 25 letras, cuántas historias clínicas podrían hacerse si:
    - a) No hay restricciones sobre letras y números
    - b) Las 2 letras no pueden ser iguales