

ÁRVORES

Conceito:

- estrutura NÃO linear
- armazena elementos de maneira hierárquica
- conjunto finito de um ou mais nodos
 - raiz (root)
 - sub árvore (subtree) – parent (pai), filho (child)
- floresta: conjunto de uma ou mais árvores disjuntas

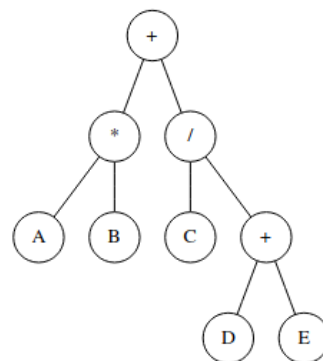
Relacionamento entre nodos:

- Nodo **Externo** (folha): se não tem filhos
- Nodo **Interno** (galho): um ou mais filhos
- **grau** (degree): número de filhos de um nodo
- **nível** (depth): número de linhas que liga o nodo a raiz (raiz é o nível zero)
- **altura** (height): nível mais alto da árvore
- a raiz de uma árvore é chamada de pai de suas sub árvores
- variáveis: info, father, child1, child2...

Aplicações:

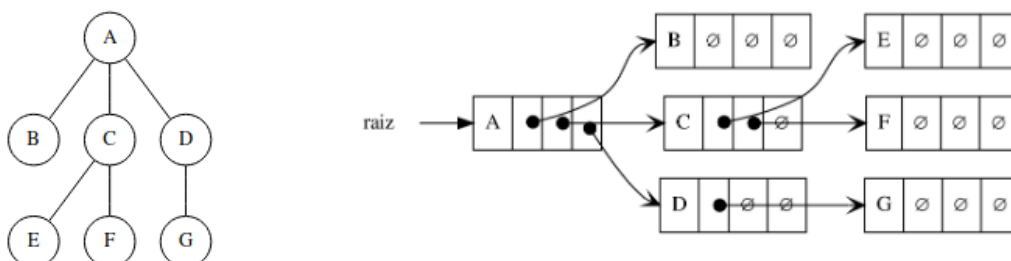
- expressões aritméticas

Exemplo: $A * B + C / (D + E)$



Representação na memória:

- **contiguidade** (arranjo)
- **encadeamento**



- **construtor**: inicializa os nodos = vazio
- **destrutor**: verificar se os nodos != vazio, para então esvaziar
- **void clean**: recursiva e similar ao destrutor

```
*e = new Node('E'); // criar nodos folha
*b = new Node('B',e); // criar nodos intermediários
*root = new Node ('A', b, e); // criar nodo raiz
```

TAD

MÉTODOS GENÉRICOS

- contains()
 - se o dado do nodo for = i não segue a execução
 - percorre a quantidade de nodos-filho
 - verifica se o filho atual está apontado para o método(i)
- find()
 - se o dado do nodo for = i não segue a execução
 - percorre a quantidade de nodos-filho
 - referência a classe constante filho = filho atual apontado para método(i)
 - verificar se filho não está vazio para retornar filho

MÉTODOS DE CONSULTA

- isExternal() // se a quantidade de filhos está vazia
- isInternal() // verificar se pai != vazio e quantidade de filhos != zero
- isRoot() // se pai estiver vazio

ÁRVORE BINÁRIA

Conceitos:

- **grau** de cada nodo é menor/igual 2
- sub árvore esquerda (prioridade)
- sub árvore direita
- **própria** se cada um de seus nodos internos tiver dois filhos
- máximo 2 filhos por nodo
- referenciar os campos pai dos filhos apontaram para nodo que está inicializando
usa-se a autorreferência *this*
- variáveis: info, right, left, parent

TAD

MÉTODOS GENÉRICOS

- degree()
 - verificar se subtree -> left/right != vazio
 - incrementar filho em cada verificação
- depth()
 - criar nodo auxiliar apontando a sub árvore para pai
 - loop while caso o auxiliar não esteja vazio
 - incrementar nível
 - auxiliar = ele mesmo apontando para pai
- size()
 - verificar se a sub árvore está vazia
 - recursivo: retornar 1 + somatória de cada sub árvore apontada para left/right
- height()
 - verificar se a sub árvore está vazia
 - criar variável nova esq/dir
 - verificar (if) se a sub árvore apontada left/right está vazia, caso contrário 1 + recursiva(sub árvore apontada left/right)
 - caso esq > dir priorizar o lado esq

ÁRVORE GENÉRICA

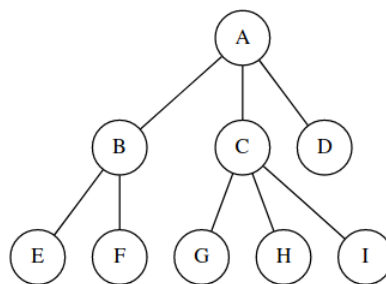
- usar <vector> pois o nodo pode ter número variável de filhos

TAD

- addSubtree()
 - verificar se a sub árvore está vazia
 - insercao do filho (push_back)
 - sub árvore apontada para pai = this
- removeSubtree()
 - percorrer a quantidade de nodos-filho
 - verifica se o filho atual combina com a sub árvore fornecida
 - remoção do filho (erase) percorrendo (filho.begin() + i)

CAMINHAMENTO - ordem de visita dos nodos

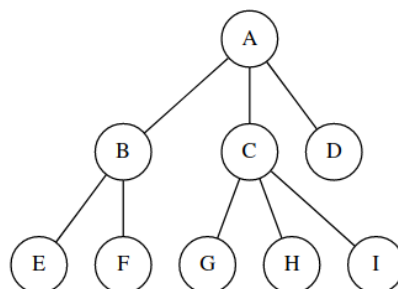
- preorder()



- 1 A
- 2 B
- 3 E
- 4 F
- 5 C
- 6 G
- 7 H
- 8 I
- 9 D

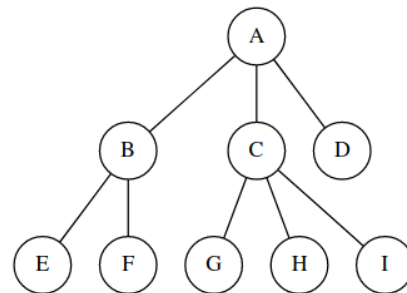
- imprime info
- verifica se left/right nao esta vazio para imprimir left/right apontada para método

- posorder()



- 1 E
- 2 F
- 3 B
- 4 G
- 5 H
- 6 I
- 7 C
- 8 D
- 9 A

- verifica se left/right nao esta vazio para imprimir left/right apontada para método
- imprime info
- levelorder()

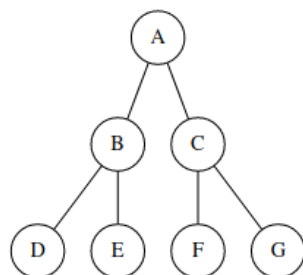


- 1 A
- 2 B
- 3 C
- 4 D
- 5 E
- 6 F
- 7 G
- 8 H
- 9 I

- cria uma variável = height(raiz)
- percorre a variável
- método(raiz, i)

*CAMINHAMENTO DA ÁRVORE BINÁRIA GENÉRICA

- inorder()



- 1 D
- 2 B
- 3 E
- 4 A
- 5 C
- 6 F
- 7 G

- verifica se left nao esta vazio para imprimir left apontada para método
- imprime info
- verifica se right nao esta vazio para imprimir right apontada para método

AVL

- elementos a **esquerda menores** que a raiz
- elementos a **direita maiores** que a raiz
- distribuição uniforme por meio da altura
- **BALANCEAMENTO**
 - fator: $FB(nodo) = altura(nodo \rightarrow dir) - altura(nodo \rightarrow esq)$
 - fator precisa ser **-1, 0 ou +1**
 - $O(n)$ não balanceada
 - $O(\log n)$ balanceada

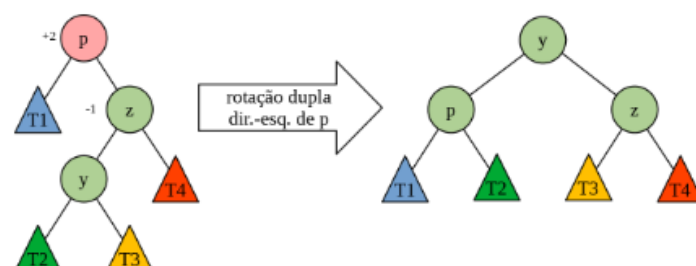
- **OPERAÇÕES**
 - rotação simples direita (**sinal igual e negativo**)
 - + $FB = -2$ e filho com $FB = -1$ ou $FB = 0$



- rotação simples esquerda (**sinal igual e positivo**)
 - + $FB = 2$ e filho com $FB = 1$ ou $FB = 0$



- rotação dupla direita - esquerda (**sinal contrário com pai positivo e filho negativo**)
 - + $FB = 2$ e filho com $FB = -1$



- rotação dupla esquerda - direita (**sinal contrário com pai negativo e filho positivo**)
 - + FB = -2 e filho com FB = 1

