Como eu entendi o EP

Para uma barra j, a potência injetada nela:

$$\begin{split} \bar{S}calc_{j}^{*} &= Pcalc_{j} - jQcalc_{j} = \dot{V}_{j}^{*}\dot{I}_{j} = \dot{V}_{j}^{*}\sum_{k}\bar{Y}_{jk}\dot{V}_{k} = \sum_{k}|V_{j}| \angle -\theta_{j} \cdot (G_{jk} + jB_{jk})|V_{k}| \angle \theta_{k} \\ &= \sum_{k}|V_{j}| |V_{k}| \cdot (G_{jk} + jB_{jk}) \cdot 1 \angle (\theta_{k} - \theta_{j}) \\ &= \sum_{k}|V_{j}| |V_{k}| \cdot (G_{jk} + jB_{jk}) \cdot \left(\cos(\theta_{k} - \theta_{j}) + j\sin(\theta_{k} - \theta_{j})\right) \\ &= \sum_{k}|V_{j}| |V_{k}| \cdot (G_{jk} + jB_{jk}) \cdot \left(\cos(\theta_{kj}) + j\sin(\theta_{kj})\right) \\ &= |V_{j}| \sum_{k}|V_{k}| \left(G_{jk}\cos\theta_{kj} + j^{2}B_{jk}\sin\theta_{kj}\right) + j|V_{j}| \sum_{k}|V_{k}| \left(G_{jk}\sin\theta_{kj} + B_{jk}\cos\theta_{kj}\right) \end{split}$$

Assim, igualando real com real e imaginário com imaginário

$$Pcalc_{j} = \Re[\bar{S}calc_{j}] = |V_{j}| \sum_{k} |V_{k}| \left(G_{jk} \cos \theta_{kj} - B_{jk} \sin \theta_{kj}\right)$$

$$Qcalc_{j} = \Im[\bar{S}calc_{j}] = -|V_{j}| \sum_{k} |V_{k}| \left(G_{jk} \sin \theta_{kj} + B_{jk} \cos \theta_{kj}\right)$$

Aplicando nas incógnitas, pra barras PQ, com potência injetada especificada igual a O

$$fp_{j} = |V_{j}| \sum_{k} |V_{k}| \left(G_{jk} \cos \theta_{kj} - B_{jk} \sin \theta_{kj} \right)$$
$$fq_{j} = -|V_{j}| \sum_{k} |V_{k}| \left(G_{jk} \sin \theta_{kj} + B_{jk} \cos \theta_{kj} \right)$$

Pra barras PV a potência injetada não é nula

$$fp_j = |V_j| \sum_k |V_k| (G_{jk} \cos \theta_{kj} - B_{jk} \sin \theta_{kj}) - Pesp_j$$

Para calcular a matriz Jacobiana, precisa derivar as equações de fp_j e fq_j para cada barra em todas as variáveis, nesse caso temos:

- Derivando fp_i
 - 1) Derivada em função do ângulo θ_j da barra j, lembrando que $\theta_{kj}=\theta_k-\theta_j$ e que $\frac{\partial \theta_{kj}}{\partial \theta_j}=-1$

$$\begin{split} \frac{\partial f p_j}{\partial \theta_j} &= |V_j| \sum_k |V_k| \left(G_{jk} \left(-\sin \theta_{kj} \right) \cdot (-1) - B_{jk} \cos \theta_{kj} \cdot (-1) \right) \\ &= |V_j| \sum_k |V_k| \left(G_{jk} \sin \theta_{kj} + B_{jk} \cos \theta_{kj} \right) \end{split}$$

2) Derivada em função da tensão V_i da barra j

$$\frac{\partial f p_j}{\partial V_j} = \sum_{k} |V_k| \left(G_{jk} \cos \theta_{kj} - B_{jk} \sin \theta_{kj} \right)$$

3) Derivada em função de **cada** ângulo θ_k com $k \neq j$, lembrando que $\theta_{kj} = \theta_k - \theta_j$ e que $\frac{\partial \theta_{kj}}{\partial \theta_k} = 1$

$$\frac{\partial f p_j}{\partial \theta_k} = |V_j| |V_k| (G_{jk} - \sin \theta_{kj} - B_{jk} \cos \theta_{kj})$$
$$= -|V_j| |V_k| (G_{jk} \sin \theta_{kj} + B_{jk} \cos \theta_{kj})$$

4) Derivada em função de **cada** tensão V_k com $k \neq j$.

$$\frac{\partial f p_j}{\partial V_k} = |V_j| (G_{jk} \cos \theta_{kj} - B_{jk} \sin \theta_{kj})$$

Observação: como para as barras PV: $Pcalc_j^{PV} = Pcalc_j^{PQ} - Pesp_j$, os termos do jacobiano são os mesmos.

- Derivando fq_i
 - 1) Derivando em função do ângulo θ_j da barra j, lembrando que $\theta_{kj}=\theta_k-\theta_j$ e que $\frac{\partial \theta_{kj}}{\partial \theta_j}=-1$

$$\frac{\partial f q_j}{\partial \theta_j} = -|V_j| \sum_k |V_k| \left(G_{jk} \cos \theta_{kj} \cdot (-1) + B_{jk} - \sin \theta_{kj} \cdot (-1) \right)$$
$$= |V_j| \sum_k |V_k| \left(G_{jk} \cos \theta_{kj} - B_{jk} \sin \theta_{kj} \right)$$

2) Derivada em função da tensão V_i da barra j

$$\frac{\partial f q_j}{\partial V_j} = -\sum_k |V_k| \left(G_{jk} \sin \theta_{kj} + B_{jk} \cos \theta_{kj} \right)$$

3) Derivada em função de **cada** ângulo θ_k com $k\neq j$, lembrando que $\theta_{kj}=\theta_k-\theta_j$ e que $\frac{\partial \theta_{kj}}{\theta_k}=1$

$$\begin{split} \frac{\partial f q_j}{\partial \theta_k} &= - \big| V_j \big| \, |V_k| \big(G_{jk} \cos \theta_{kj} + B_{jk} - \sin \theta_{kj} \big) \\ &= - \big| V_j \big| \, |V_k| \big(G_{jk} \cos \theta_{kj} - B_{jk} \sin \theta_{kj} \big) \end{split}$$

4) Derivada em função de **cada** tensão V_k com $k \neq j$.

$$\frac{\partial f q_j}{\partial V_k} = -|V_j| (G_{jk} \sin \theta_{kj} + B_{jk} \cos \theta_{kj})$$