

Aula 19 - Recursão

DJ Mp4

Roteiro da Aula

- Objetivos: apresentar o conceito de recursão e a modelagem de problemas com recursividade
- Fluxo:
 - O que é Recursão?
 - Forma Recursiva
 - Passos da recursão

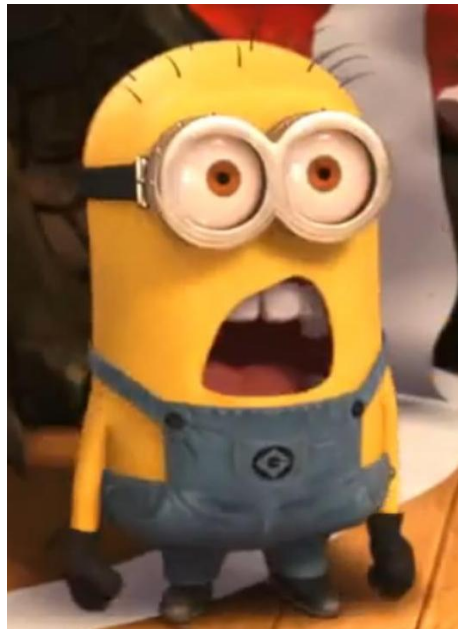


Inception!!!!



Dividir para conquistar

- Muitas vezes, precisamos dividir um problema em subproblemas menores
 - Fica até mais fácil de resolver!
 - Exemplos:
 - Computação gráfica: BSP
 - Travessia em árvores



Recursão

- É um conceito geral (independe da computação)
 - Letras: GNU, Allegro (Allegro Low-Level Game Routines)
 - Matemática
 - Artes: música, pintura
- É a definição da solução de um problema em função de uma instância menor dele mesmo!

Exemplo de definição recursiva

- Fatorial de um número:
 - $5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1$
 - $4! = 4 * 3 * 2 * 1$
 - $5! = 5 * 4!$
- Podemos dizer que $\text{fatorial}(n) = n * \text{fatorial}(n-1)!$

Forma Recursiva

- A recursão precisa de três elementos base:
 - Caso base ou condição de parada
 - Processamento a cada etapa
 - Chamada recursiva



Exemplo

```
int fatorial(int n){  
    if(n == 1 || n == 0)  
        return 1;  
    else  
        return n*fatorial(n-1);  
}
```

```
int main(){  
    int n;  
    scanf("%d", &n);  
    printf("%d\n", fatorial(n));  
    return 0;  
}
```

- Condição de Parada
- Processamento
- Chamada recursiva

Recursividade x Iteratividade

- Muitas vezes, a forma recursiva é mais natural para abordarmos um problema
 - Série de Fibonacci

$$f(n) = \begin{cases} n=0 & 0 \\ n=1 & 1 \\ n>1 & f(n-1) + f(n-2) \end{cases}$$

Fibonacci Iterativo

```
#include <stdio.h>
int main( void )
{
    int i, j, n, fib;
    scanf( "%i", &n );
    fib = 0;
    j = 1;
    for(i=1; i<n; i++)
    {
        j = fib + j;
        fib = j - fib;
    }
    printf( "%d\n", fib );
    return 0;
}
```



Fibonacci Recursivo

```
int fib( int x )
{
    if( x <= 1 )
        return x;
    else
        return fib(x-1) + fib(x-2);
}

int main(){
    int n;
    scanf("%d", &n);

    printf("%d\n", fib(n));
    return 0;
}
```



Processamento

- O processamento de informações pode ocorrer:
 - antes da chamada recursiva (pré-processamento)
 - após a chamada recursiva (pós-processamento)

Exemplo - Conversão de Base

- Faça um programa que converta um número da base decimal para a base binária
 - Ex: $15 = 1111$

Solução Recursiva

- Para $n = 10$
 - $10 / 2 = 5$ (Resto 0)
 - $5 / 2 = 2$ (Resto 1)
 - $2 / 2 = 1$ (Resto 0)
 - $1 / 2 = 0$ (Resto 1)
- O valor binário é a ordem invertida dos restos:
1010

Solução Recursiva

- A divisão é um **pré-processamento** (você divide e então faz a chamada)
- A impressão é um **pós-processamento** (você só imprime o número após a chamada da função retornar)

Solução Recursiva

```
#include <stdio.h>
```

```
void binario(int n){
```

```
    if(n > 0){
```

```
        binario(n/2);
```

```
        printf("%d", n%2);
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main(){
```

```
    int n;
```

```
    scanf("%d", &n)
```

```
    binario(n);
```

```
    printf("\n");
```

```
    return 0;
```

```
}
```


Explorando as possibilidades

- A recursão pode ser usada como procedimento
- Normalmente usamos recursão quando queremos explorar todas as possibilidades de um problema
 - Backtracking

Problema Troco

- Quantas formas diferentes de dar o troco?

Exemplo:

Compra 40 reais, Pagamento 50

- 1 nota de 10
- 2 notas de 5
- 5 notas de 2
- 1 nota de 5, 2 notas de 2 e uma moeda de 1
- 10 moedas de 1
-

Recursão Mútua ou Indireta

- Uma recursão pode ser montada usando mais de uma função
- Nesse caso, a recursão se dá quando um ciclo de chamadas é feito
 - Ex: função1 função2 função 1

Exemplo

```
int ehPar(int n){  
    if(n == 0)  
        return 1;  
    else  
        return ehImpar(n-1);  
}
```

```
int ehImpar(int n){  
    if(n == 0)  
        return 0;  
    else  
        return ehPar(n-1);  
}
```

Dúvidas?

