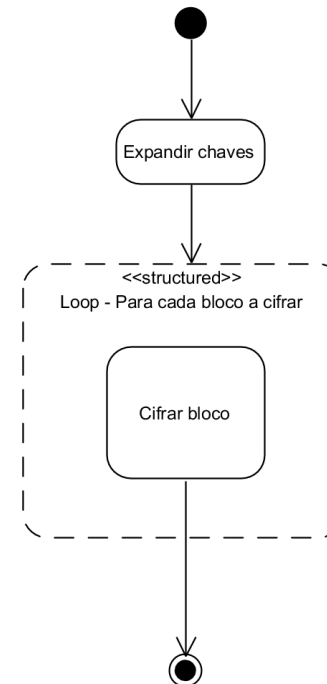


Cifragem utilizando o algoritmo AES

Definições

- Utiliza chave de 128, 192 ou 256 bits.
 - Vamos ver o algoritmo para chaves de 128 bits
- Bloco de 128 bits
- O algoritmo pode ser dividido em duas etapas:
 - Expansão da chave
 - Cifragem de bloco



Matriz de estado

- O algoritmo utiliza matrizes 4 x 4 para efetuar o processamento.
- Esta matriz é chamada de **matriz de estado**:

$$\begin{bmatrix} \text{byte}_0 & \text{byte}_4 & \text{byte}_8 & \text{byte}_{12} \\ \text{byte}_1 & \text{byte}_5 & \text{byte}_9 & \text{byte}_{13} \\ \text{byte}_2 & \text{byte}_6 & \text{byte}_{10} & \text{byte}_{14} \\ \text{byte}_3 & \text{byte}_7 & \text{byte}_{11} & \text{byte}_{15} \end{bmatrix}$$

- O Algoritmo AES utiliza a notação “palavra” (*word*) que consiste em 4 bytes. Assim, cada coluna é uma palavra, bem como cada linha.

Expansão de chave

Expansão de chave

Os 16 bytes da chave de criptografia são representados numa matriz de estado. Os quatro primeiros bytes ocupam a primeira coluna. Os próximos 4 ocupam a segunda coluna, e assim por diante.

$$\begin{bmatrix} k_0 & k_4 & k_8 & k_{12} \\ k_1 & k_5 & k_9 & k_{13} \\ k_2 & k_6 & k_{10} & k_{14} \\ k_3 & k_7 & k_{11} & k_{15} \end{bmatrix}$$

↓

$$w_0 \quad w_1 \quad w_2 \quad w_3$$

A chave forma 4 palavras denominadas de w_0 , w_1 , w_2 e w_3 .

Expansão de chave

Exemplo

Exemplo: supor que a chave seja "ABCDEF~~G~~HIJKLMN~~O~~P".

Sua representação seria:

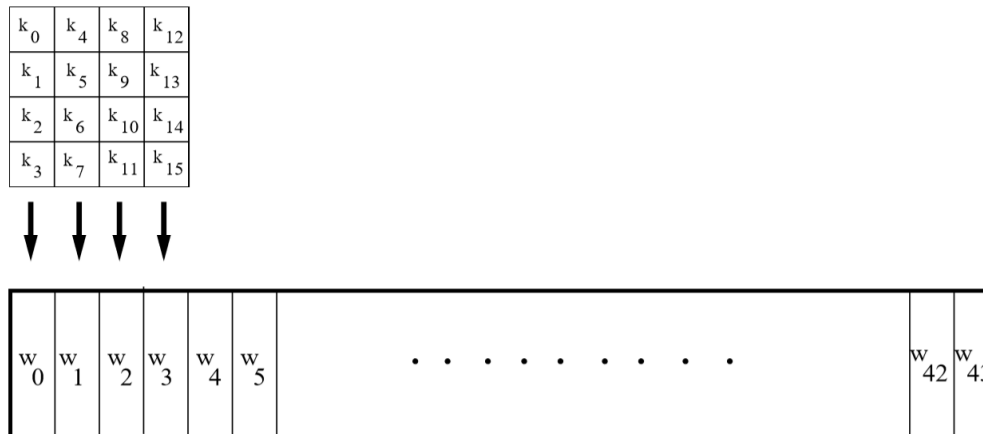
$$\begin{bmatrix} A & E & I & M \\ B & F & J & N \\ C & G & K & O \\ D & H & L & P \end{bmatrix}$$

Ou, em bytes:

$$\begin{bmatrix} 0x41 & 0x45 & 0x49 & 0x4d \\ 0x42 & 0x46 & 0x4a & 0x4e \\ 0x43 & 0x47 & 0x4b & 0x4f \\ 0x44 & 0x48 & 0x4c & 0x50 \end{bmatrix}$$

Expansão de chave

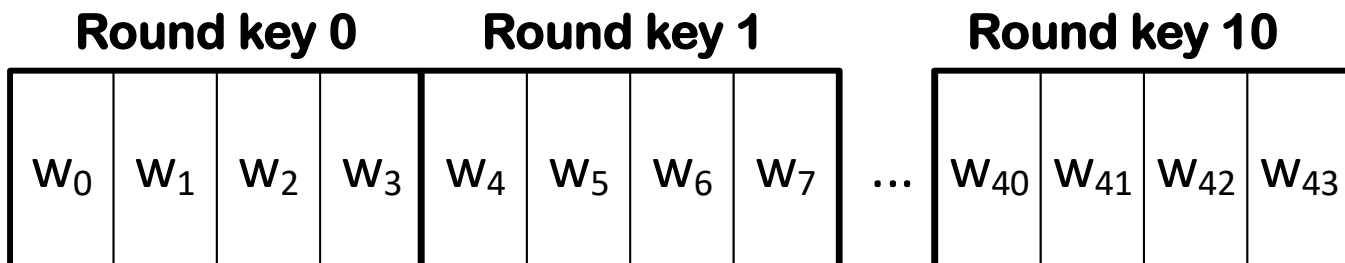
- O algoritmo expande as palavras w_0 , w_1 , w_2 e w_3 , gerando 10 novas chaves. Cada chave é chamada de **Round key**.
- As **round keys** são distribuídas numa tabela denominada de **key schedule**. Esta tabela contém 11 chaves (a chave original mais as 10 chaves derivadas)



- As palavras w_0 , w_1 , w_2 , w_3 constituem a round key 0 (chave original)
- As palavras w_4 , w_5 , w_6 , w_7 constituem a round key 1
- As palavras w_8 , w_9 , w_{10} , w_{11} constituem a round key 2
- e assim por diante.

Geração de chaves (round key)

A geração de *round key* consiste essencialmente em operações XOR com a palavra imediatamente anterior e a palavra de posição equivalente na *round key* anterior.



$$w_5 \leftarrow w_1 \oplus w_4$$

$$w_6 \leftarrow w_2 \oplus w_5$$

$$w_7 \leftarrow w_3 \oplus w_6$$

$$w_{41} \leftarrow w_{37} \oplus w_{40}$$

$$w_{42} \leftarrow w_{38} \oplus w_{41}$$

$$w_{43} \leftarrow w_{39} \oplus w_{42}$$

\oplus Operação XOR

A primeira palavra das Roundkeys 1..10

A primeira palavra das roundKeys de número 1 à 10 requer realizar as seguintes operações:

- 1) Fazer uma cópia da última palavra da roundkey anterior
- 2) Rotacionar os bytes desta palavra (RotWord)
- 3) Substituir os bytes da palavra (SubWord)
- 4) Gerar uma nova palavra, denominada de RoundConstant
- 5) Fazer um xor de (3) com (4).
- 6) Fazer um xor da primeira palavra da roundkey anterior com o resultado de (5)

Geração da primeira palavra da *roundKey*

2 – rotacionar os bytes

- Depois de copiada a última palavra da *round key* imediatamente anterior, deve-se rotacionar os bytes desta palavra

| | | |
|----------|---------------|----------|
| $byte_0$ | | $byte_1$ |
| $byte_1$ | \Rightarrow | $byte_2$ |
| $byte_2$ | | $byte_3$ |
| $byte_3$ | | $byte_0$ |

- Esta etapa também é conhecida como *Rot-word*

Geração da primeira palavra da roundKey

2 – rotacionar os bytes (exemplo)

- Exemplo:

| | | | | | | | |
|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| 0x41 | 0x45 | 0x49 | 0x4D | | | | |
| 0x42 | 0x46 | 0x4A | 0x4E | | | | |
| 0x43 | 0x47 | 0x4B | 0x4F | | | | |
| 0x44 | 0x48 | 0x4C | 0x50 | | | | |
| w ₀ | w ₁ | w ₂ | w ₃ | w ₄ | w ₅ | w ₆ | w ₇ |

- Depois de copiada a palavra w₃, rotaciona-se os bytes

| |
|------|
| 0x4E |
| 0x4F |
| 0x50 |
| 0x4D |

Geração da primeira palavra da *roundKey*

3 – substituição de palavra

- A partir da palavra obtida com o passo (2), deve-se utilizar a tabela S-Box para substituir os bytes da palavra.

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | a | b | c | d | e | f |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 63 | 7c | 77 | 7b | f2 | 6b | 6f | c5 | 30 | 01 | 67 | 2b | fe | d7 | ab | 76 |
| 1 | ca | 82 | c9 | 7d | fa | 59 | 47 | f0 | ad | d4 | a2 | af | 9c | a4 | 72 | c0 |
| 2 | b7 | fd | 93 | 26 | 36 | 3f | f7 | cc | 34 | a5 | e5 | f1 | 71 | d8 | 31 | 15 |
| 3 | 04 | c7 | 23 | c3 | 18 | 96 | 05 | 9a | 07 | 12 | 80 | e2 | eb | 27 | b2 | 75 |
| 4 | 09 | 83 | 2c | 1a | 1b | 6e | 5a | a0 | 52 | 3b | d6 | b3 | 29 | e3 | 2f | 84 |
| 5 | 53 | d1 | 00 | ed | 20 | fc | b1 | 5b | 6a | cb | be | 39 | 4a | 4c | 58 | cf |
| 6 | d0 | ef | aa | fb | 43 | 4d | 33 | 85 | 45 | f9 | 02 | 7f | 50 | 3c | 9f | a8 |
| 7 | 51 | a3 | 40 | 8f | 92 | 9d | 38 | f5 | bc | b6 | da | 21 | 10 | ff | f3 | d2 |
| 8 | cd | 0c | 13 | ec | 5f | 97 | 44 | 17 | c4 | a7 | 7e | 3d | 64 | 5d | 19 | 73 |
| 9 | 60 | 81 | 4f | dc | 22 | 2a | 90 | 88 | 46 | ee | b8 | 14 | de | 5e | 0b | db |
| A | e0 | 32 | 3a | 0a | 49 | 06 | 24 | 5c | c2 | d3 | ac | 62 | 91 | 95 | e4 | 79 |
| B | e7 | c8 | 37 | 6d | 8d | d5 | 4e | a9 | 6c | 56 | f4 | ea | 65 | 7a | ae | 08 |
| C | ba | 78 | 25 | 2e | 1c | a6 | b4 | c6 | e8 | dd | 74 | 1f | 4b | bd | 8b | 8a |
| D | 70 | 3e | b5 | 66 | 48 | 03 | f6 | 0e | 61 | 35 | 57 | b9 | 86 | c1 | 1d | 9e |
| E | e1 | f8 | 98 | 11 | 69 | d9 | 8e | 94 | 9b | 1e | 87 | e9 | ce | 55 | 28 | df |
| F | 8c | a1 | 89 | 0d | bf | e6 | 42 | 68 | 41 | 99 | 2d | 0f | b0 | 54 | bb | 16 |

- Para cada byte da palavra, considerar que:
 - Os 4 bits mais significativos representam a linha da S-Box
 - Os 4 bits menos significativos representam a coluna da S-Box

Geração da primeira palavra da *roundKey*

3 – substituição de palavra

Exemplo. Supor que o resultado do passo 2 seja:

0x4E

0x4F

0x50

0x4D

O byte “0x4E” será substituído pelo byte que estiver na linha 4/Coluna E

Ou seja: byte: 0x2F

Logo, o novo valor da palavra será:

0x2F

0x84

0x53

0xE3

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | a | b | c | d | e | f |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 63 | 7c | 77 | 7b | f2 | 6b | 6f | c5 | 30 | 01 | 67 | 2b | fe | d7 | ab | 76 |
| 1 | ca | 82 | c9 | 7d | fa | 59 | 47 | f0 | ad | d4 | a2 | af | 9c | a4 | 72 | c0 |
| 2 | b7 | fd | 93 | 26 | 36 | 3f | f7 | cc | 34 | a5 | e5 | f1 | 71 | d8 | 31 | 15 |
| 3 | 04 | c7 | 23 | c3 | 18 | 96 | 05 | 9a | 07 | 12 | 80 | e2 | eb | 27 | b2 | 75 |
| 4 | 09 | 83 | 2c | 1a | 1b | 6e | 5a | a0 | 52 | 3b | d6 | b3 | 29 | e3 | 2f | 84 |
| 5 | 53 | d1 | 00 | ed | 20 | fc | b1 | 5b | 6a | cb | be | 39 | 4a | 4c | 58 | cf |
| 6 | d0 | ef | aa | fb | 43 | 4d | 33 | 85 | 45 | f9 | 02 | 7f | 50 | 3c | 9f | a8 |
| 7 | 51 | a3 | 40 | 8f | 92 | 9d | 38 | f5 | bc | b6 | da | 21 | 10 | ff | f3 | d2 |
| 8 | cd | 0c | 13 | ec | 5f | 97 | 44 | 17 | c4 | a7 | 7e | 3d | 64 | 5d | 19 | 73 |
| 9 | 60 | 81 | 4f | dc | 22 | 2a | 90 | 88 | 46 | ee | b8 | 14 | de | 5e | 0b | db |
| A | e0 | 32 | 3a | 0a | 49 | 06 | 24 | 5c | c2 | d3 | ac | 62 | 91 | 95 | e4 | 79 |
| B | e7 | c8 | 37 | 6d | 8d | d5 | 4e | a9 | 6c | 56 | f4 | ea | 65 | 7a | ae | 08 |
| C | ba | 78 | 25 | 2e | 1c | a6 | b4 | c6 | e8 | dd | 74 | 1f | 4b | bd | 8b | 8a |
| D | 70 | 3e | b5 | 66 | 48 | 03 | f6 | 0e | 61 | 35 | 57 | b9 | 86 | c1 | 1d | 9e |
| E | e1 | f8 | 98 | 11 | 69 | d9 | 8e | 94 | 9b | 1e | 87 | e9 | ce | 55 | 28 | df |
| F | 8c | a1 | 89 | 0d | bf | e6 | 42 | 68 | 41 | 99 | 2d | 0f | b0 | 54 | bb | 16 |

Geração da primeira palavra da *roundKey*

4 – Geração da RoundConstant

- A **RoundConstant** é uma palavra gerada
 - Seus bytes 1, 2 e 3 são 0
 - O primeiro byte é relativo ao número da *roundKey*:
Sendo i o número da *roundKey*, o valor do 1º byte será:

| i | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|-------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| valor | 0x01 | 0x02 | 0x04 | 0x08 | 0x10 | 0x20 | 0x40 | 0x80 | 0x1B | 0x36 |

- Exemplo: durante o processamento da roundkey 6, a RoundConstant será:

0x20

0

0

0

Geração da primeira palavra da *roundKey*

5 – XOR com a RoundConstant

- Nesta etapa, é feita uma operação XOR da palavra da etapa 3 (isto é, após aplicada a substituição com a S-Box) com a palavra da etapa 4

- Exemplo:

- Considerar que o resultado da etapa 3 seja:
0x2F
0x84
0x53
0xE3
- Considerar que o resultado da etapa 4 seja:
0x01
0
0
0

$$\begin{array}{ccc} 0x2F & 0x01 & 0x2E \\ 0x84 & 0 & 0x84 \\ 0x53 & 0 & 0x53 \\ 0xE3 & 0 & 0xE3 \end{array} \oplus =$$

Geração da primeira palavra da *roundKey*

6 – Obtenção da primeira palavra

- Nesta última etapa, faz-se um XOR da primeira palavra da *roundKey* anterior com a palavra obtida na etapa 5

- Exemplo:

- Considerar que a primeira palavra da *roundKey* anterior seja:

0x41
0x42
0x43
0x44

- Considerar que a palavra obtida na etapa 5 seja:

0x2E
0x84
0x53
0xE3

- Sendo assim:

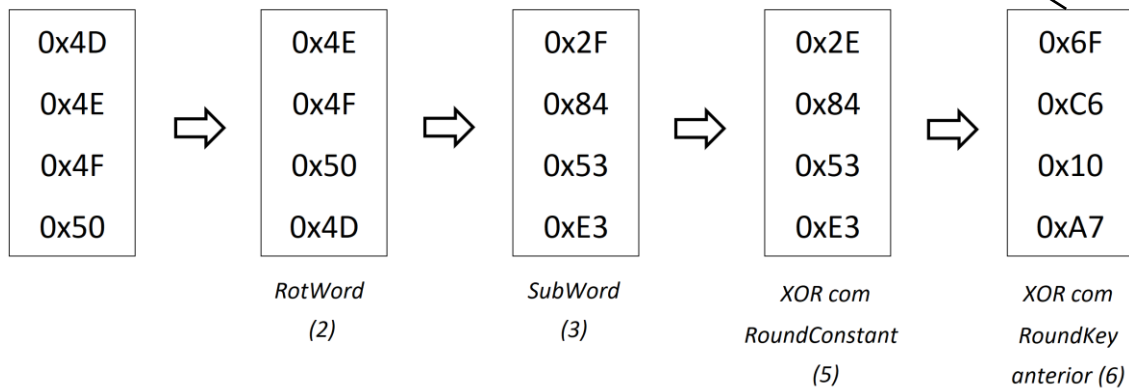
| | | |
|------|----------|------|
| 0x41 | | 0x2E |
| 0x42 | \oplus | 0x84 |
| 0x43 | | 0x53 |
| 0x44 | | 0xE3 |

- Portanto:

0x6F
0xC6
0x10
0xA7

Exemplo

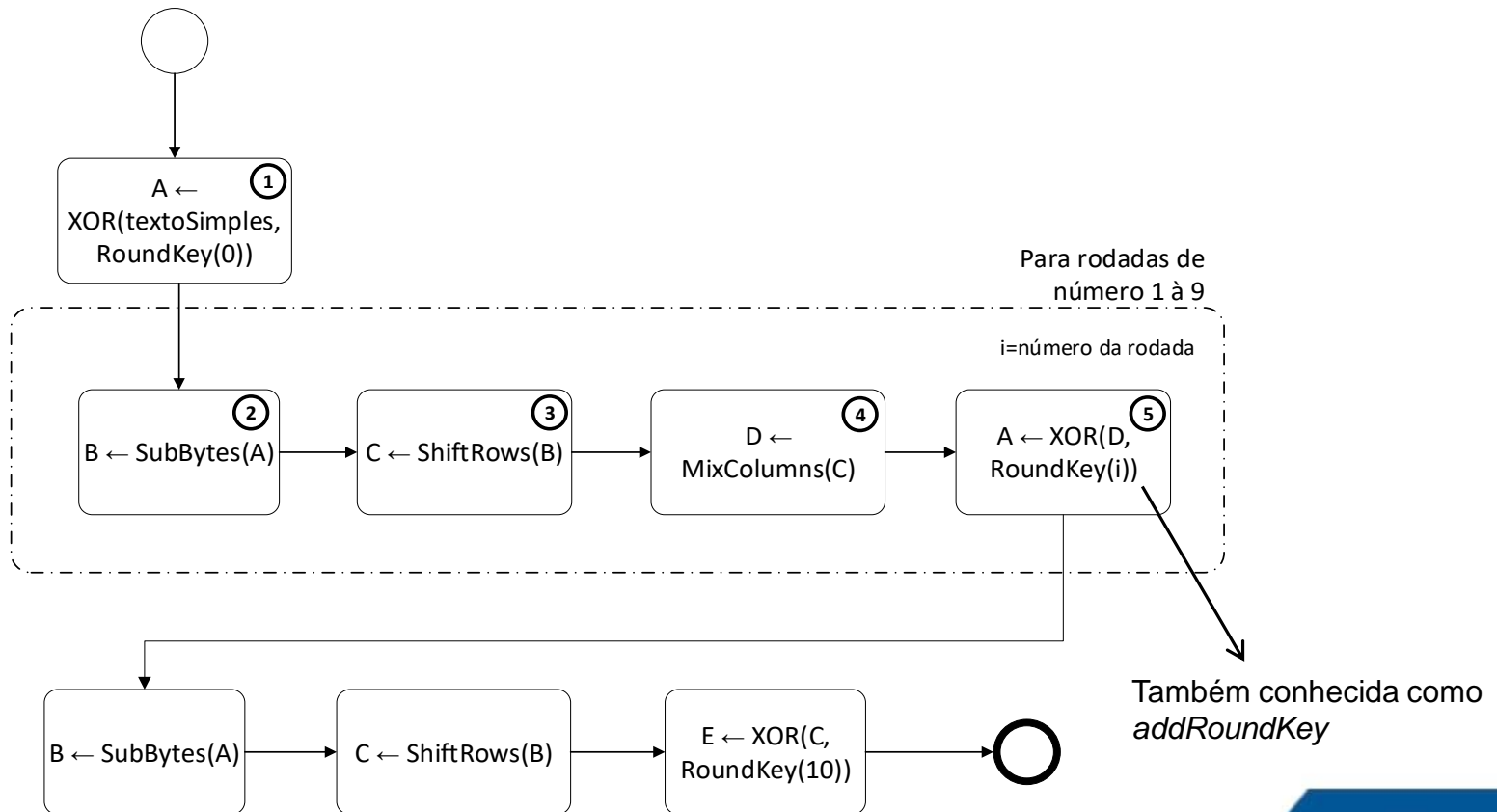
| | | | | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0x41 | 0x45 | 0x49 | 0x4D | 0x6F | | | |
| 0x42 | 0x46 | 0x4A | 0x4E | 0xC6 | | | |
| 0x43 | 0x47 | 0x4B | 0x4F | 0x10 | | | |
| 0x44 | 0x48 | 0x4C | 0x50 | 0xA7 | | | |
| w_0 | w_1 | w_2 | w_3 | w_4 | w_5 | w_6 | w_7 |



Cifragem de um bloco de 128 bits

Visão geral

- A criptografia consiste na execução de 10 rodadas



Visão geral

- O algoritmo é organizado em rodadas, onde o texto simples é subordinado à múltiplas rodadas de processamento.
 - Para cada rodada há uma **matriz de estado de entrada** e se produz uma **matriz de estado de saída**
- A matriz de estado de saída produzida na última rodada é organizada num bloco de saída (cifrado) de 128 bits.

Visão geral

- Os dados do texto simples são armazenados numa matriz de estado. Os primeiros quatro bytes ocupam a primeira coluna. Os próximos 4 bytes ocupam a segunda coluna, e assim por diante:
- Exemplo: Texto simples: “DESENVOLVIMENTO!”
- Representação em formato hexadecimal:
0x44 0x45 0x53 0x45 0x4e 0x56 0x4f 0x4c 0x56 0x49 0x4d 0x45 0x4e 0x54 0x4f 0x21

$$\begin{bmatrix} 0x44 & 0x4e & 0x56 & 0x4e \\ 0x45 & 0x56 & 0x49 & 0x54 \\ 0x53 & 0x4f & 0x4d & 0x4f \\ 0x45 & 0x4c & 0x45 & 0x21 \end{bmatrix}$$

Etapa 1 – XOR(textoSimples, RoundKey(0))

- Uma matriz de estado é construída a partir da aplicação do operador XOR dos elementos da matriz de estado que contém o texto simples e da roundKey inicial (roundKey 0).
 - *RoundKey 0 contém a chave original*
- Exemplo:

| | | | |
|------|------|------|------|
| 0x44 | 0x4e | 0x56 | 0x4e |
| 0x45 | 0x56 | 0x49 | 0x54 |
| 0x53 | 0x4f | 0x4d | 0x4f |
| 0x45 | 0x4c | 0x45 | 0x21 |

Texto simples

 \oplus

| | | | |
|------|------|------|------|
| 0x41 | 0x45 | 0x49 | 0x4d |
| 0x42 | 0x46 | 0x4a | 0x4e |
| 0x43 | 0x47 | 0x4b | 0x4f |
| 0x44 | 0x48 | 0x4c | 0x50 |

Chave / RoundKey(0)

 $=$

| | | | |
|------|------|------|------|
| 0x05 | 0x0b | 0x1f | 0x03 |
| 0x07 | 0x10 | 0x03 | 0x1a |
| 0x10 | 0x08 | 0x06 | 0x00 |
| 0x01 | 0x04 | 0x09 | 0x71 |

Etapa 2 - SubBytes

- Nesta etapa, uma nova matriz de estado é construída. Seu conteúdo é originado do resultado da etapa 1 e utiliza-se a S-Box para substituir cada byte desta matriz.
- Exemplo:

| | | | |
|------|------|------|------|
| 0x05 | 0x0b | 0x1f | 0x03 |
| 0x07 | 0x10 | 0x03 | 0x1a |
| 0x10 | 0x08 | 0x06 | 0x00 |
| 0x01 | 0x04 | 0x09 | 0x71 |

Resultado da etapa 1



| | | | |
|------|------|------|------|
| 0x6b | 0x2b | 0xc0 | 0x7b |
| 0xc5 | 0xca | 0x7b | 0xa2 |
| 0xca | 0x30 | 0x6f | 0x63 |
| 0x7c | 0xf2 | 0x01 | 0xa3 |

Matriz de estado resultante

Etapa 3 - ShiftRows

- Uma matriz de estado é construída partindo do resultado da etapa 2 mas embaralhando os bytes da seguinte forma:

$$\begin{bmatrix} b_{0,0} & b_{0,1} & b_{0,2} & b_{0,3} \\ b_{1,0} & b_{1,1} & b_{1,2} & b_{1,3} \\ b_{2,0} & b_{2,1} & b_{2,2} & b_{2,3} \\ b_{3,0} & b_{3,1} & b_{3,2} & b_{3,3} \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} b_{0,0} & b_{0,1} & b_{0,2} & b_{0,3} \\ b_{1,1} & b_{1,2} & b_{1,3} & b_{1,0} \\ b_{2,2} & b_{2,3} & b_{2,0} & b_{2,1} \\ b_{3,3} & b_{3,0} & b_{3,1} & b_{3,2} \end{bmatrix}$$

- Exemplo:

| | | | |
|------|------|------|------|
| 0x6b | 0x2b | 0xc0 | 0x7b |
| 0xc5 | 0xca | 0x7b | 0xa2 |
| 0xca | 0x30 | 0x6f | 0x63 |
| 0x7c | 0xf2 | 0x01 | 0xa3 |

 \Rightarrow

| | | | |
|------|------|------|------|
| 0x6b | 0x2b | 0xc0 | 0x7b |
| 0xca | 0x7b | 0xa2 | 0xc5 |
| 0x6f | 0x63 | 0xca | 0x30 |
| 0xa3 | 0x7c | 0xf2 | 0x01 |

Etapa 4 - MixColumns

- Uma nova matriz de estado é construída.

$$\begin{bmatrix} b_1 & b_5 & b_9 & b_{13} \\ b_2 & b_6 & b_{10} & b_{14} \\ b_3 & b_7 & b_{11} & b_{15} \\ b_4 & b_8 & b_{12} & b_{16} \end{bmatrix}$$

- Seu novo conteúdo depende de uma *matriz de multiplicação*, cujo conteúdo é:

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Etapa 4 - MixColumns

- Temos três matrizes:

$$\begin{bmatrix} b_1 & b_5 & b_9 & b_{13} \\ b_2 & b_6 & b_{10} & b_{14} \\ b_3 & b_7 & b_{11} & b_{15} \\ b_4 & b_8 & b_{12} & b_{16} \end{bmatrix}$$

**Matriz resultante da
4ª etapa**

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

**Matriz de
multiplicação**

$$\begin{bmatrix} r_1 & r_5 & r_9 & r_{13} \\ r_2 & r_6 & r_{10} & r_{14} \\ r_3 & r_7 & r_{11} & r_{15} \\ r_4 & r_8 & r_{12} & r_{16} \end{bmatrix}$$

**Matriz resultante da
3ª etapa (ShiftRows)**

- O valor de b_1 é calculado utilizando-se a primeira palavra (horizontal) da matriz de multiplicação, através da seguinte fórmula:

$$b_1 = (r_1 * 2) \text{ xor } (r_2 * 3) \text{ xor } (r_3 * 1) \text{ xor } (r_4 * 1)$$

$$b_2 = (r_1 * 1) \text{ xor } (r_2 * 2) \text{ xor } (r_3 * 3) \text{ xor } (r_4 * 1)$$

$$b_3 = (r_1 * 1) \text{ xor } (r_2 * 1) \text{ xor } (r_3 * 2) \text{ xor } (r_4 * 3)$$

$$b_4 = (r_1 * 3) \text{ xor } (r_2 * 1) \text{ xor } (r_3 * 1) \text{ xor } (r_4 * 2)$$

$$b_5 = (r_5 * 2) \text{ xor } (r_6 * 3) \text{ xor } (r_7 * 1) \text{ xor } (r_8 * 1)$$

$$b_6 = (r_5 * 1) \text{ xor } (r_6 * 2) \text{ xor } (r_7 * 3) \text{ xor } (r_8 * 1)$$

Etapa 4 - MixColumns

- A operação de multiplicação na etapa MixColumns é uma multiplicação *no Campo de Galois*. Não é uma operação de multiplicação tradicional.

$$b_1 = (r_1 * 2) \text{ xor } (r_2 * 3) \text{ xor } (r_3 * 1) \text{ xor } (r_4 * 1)$$

Multiplicação no *campo de Galois* com os termos r_1 e 2

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 00 | 00 | 19 | 01 | 32 | 02 | 1a | c6 | 4b | c7 | 1b | 68 | 33 | ee | df | 03 |
| 1 | 64 | 04 | e0 | 0e | 34 | 8d | 81 | ef | 4c | 71 | 08 | c8 | f8 | 69 | 1c | c1 |
| 2 | 7d | c2 | 1d | b5 | f9 | b9 | 27 | 6a | 4d | e4 | a6 | 72 | 9a | c9 | 09 | 78 |
| 3 | 65 | 2f | 8a | 05 | 21 | 0f | e1 | 24 | 12 | f0 | 82 | 45 | 35 | 93 | da | 8e |
| 4 | 96 | 8f | db | bd | 36 | d0 | ce | 94 | 13 | 5c | d2 | f1 | 40 | 46 | 83 | 38 |
| 5 | 66 | dd | fd | 30 | bf | 06 | 8b | 62 | b3 | 25 | e2 | 98 | 22 | 88 | 91 | 10 |
| 6 | 7e | 6e | 48 | c3 | a3 | b6 | 1e | 42 | 3a | 6b | 28 | 54 | fa | 85 | 3d | ba |
| 7 | 2b | 79 | 0a | 15 | 9b | 9f | 5e | ca | 4e | d4 | ac | e5 | f3 | 73 | a7 | 57 |
| 8 | af | 58 | a8 | 50 | f4 | ea | d6 | 74 | 4f | ae | e9 | d5 | e7 | e6 | ad | e8 |
| 9 | 2c | d7 | 75 | 7a | eb | 16 | 0b | f5 | 59 | cb | 5f | b0 | 9c | a9 | 51 | a0 |
| A | 7f | 0c | f6 | 6f | 17 | c4 | 49 | ec | d8 | 43 | 1f | 2d | a4 | 76 | 7b | b7 |
| B | cc | bb | 3e | 5a | fb | 60 | b1 | 86 | 3b | 52 | a1 | 6c | aa | 55 | 29 | 9d |
| C | 97 | b2 | 87 | 90 | 61 | be | dc | fc | bc | 95 | cf | cd | 37 | 3f | 5b | d1 |
| D | 53 | 39 | 84 | 3c | 41 | a2 | 6d | 47 | 14 | 2a | 9e | 5d | 56 | f2 | d3 | ab |
| E | 44 | 11 | 92 | d9 | 23 | 20 | 2e | 89 | b4 | 7c | b8 | 26 | 77 | 99 | e3 | a5 |
| F | 67 | 4a | ed | de | c5 | 31 | fe | 18 | 0d | 63 | 8c | 80 | c0 | f7 | 70 | 07 |

Tabela L

Cada termo da multiplicação indica uma coordenada numa tabela denominada de *tabela L*:

- Os 4 bits mais significativos representam a linha desta tabela
- Os 4 bits menos significativos representam a coluna desta tabela

Etapa 4 - MixColumns

- Exemplo: $b_1 = (r_1 * 2) \text{ xor } (r_2 * 3) \text{ xor } (r_3 * 1) \text{ xor } (r_4 * 1)$
- Sendo $r_1 = 6B$, obtém-se: $0x54$
- O mesmo se faz para o segundo termo (02), onde se obtém: $0x19$
- Em seguida, somam-se os dois valores. Neste caso: $0x54 + 0x19 = 0x6D$

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 00 | 00 | 19 | 01 | 32 | 02 | 1a | c6 | 4b | c7 | 1b | 68 | 33 | ee | df | 03 |
| 1 | 64 | 04 | e0 | 0e | 34 | 8d | 81 | ef | 4c | 71 | 08 | c8 | f8 | 69 | 1c | c1 |
| 2 | 7d | c2 | 1d | b5 | f9 | b9 | 27 | 6a | 4d | e4 | a6 | 72 | 9a | c9 | 09 | 78 |
| 3 | 65 | 2f | 8a | 05 | 21 | 0f | e1 | 24 | 12 | f0 | 82 | 45 | 35 | 93 | da | 8e |
| 4 | 96 | 8f | db | bd | 36 | d0 | ce | 94 | 13 | 5c | d2 | f1 | 40 | 46 | 83 | 38 |
| 5 | 66 | dd | fd | 30 | bf | 06 | 8b | 62 | b3 | 25 | e2 | 98 | 22 | 88 | 91 | 10 |
| 6 | 7e | 6e | 48 | c3 | a3 | b6 | 1e | 42 | 3a | 6b | 28 | 54 | fa | 85 | 3d | ba |
| 7 | 2b | 79 | 0a | 15 | 9b | 9f | 5e | ca | 4e | d4 | ac | e5 | f3 | 73 | a7 | 57 |
| 8 | af | 58 | a8 | 50 | f4 | ea | d6 | 74 | 4f | ae | e9 | d5 | e7 | e6 | ad | e8 |
| 9 | 2c | d7 | 75 | 7a | eb | 16 | 0b | f5 | 59 | cb | 5f | b0 | 9c | a9 | 51 | a0 |
| A | 7f | 0c | f6 | 6f | 17 | c4 | 49 | ec | d8 | 43 | 1f | 2d | a4 | 76 | 7b | b7 |
| B | cc | bb | 3e | 5a | fb | 60 | b1 | 86 | 3b | 52 | a1 | 6c | aa | 55 | 29 | 9d |
| C | 97 | b2 | 87 | 90 | 61 | be | dc | fc | bc | 95 | cf | cd | 37 | 3f | 5b | d1 |
| D | 53 | 39 | 84 | 3c | 41 | a2 | 6d | 47 | 14 | 2a | 9e | 5d | 56 | f2 | d3 | ab |
| E | 44 | 11 | 92 | d9 | 23 | 20 | 2e | 89 | b4 | 7c | b8 | 26 | 77 | 99 | e3 | a5 |
| F | 67 | 4a | ed | de | c5 | 31 | fe | 18 | 0d | 63 | 8c | 80 | c0 | f7 | 70 | 07 |

Observação: se o resultado da soma ultrapassar $0xFF$, faz-se ajuste:
 $resultado - 0xFF$

Etapa 4 - MixColumns

- O valor resultante do cálculo anterior permite obter o valor a partir de uma outra tabela (tabela E)
 - Os 4 bits mais significativos representam a linha desta tabela
 - Os 4 bits menos significativos representam a coluna desta tabela

Exemplo: para o valor 0x6D, mapeia-se: 0xD6. Este é o valor da multiplicação no campo de Galois.

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 01 | 03 | 05 | 0f | 11 | 33 | 55 | ff | 1a | 2e | 72 | 96 | a1 | f8 | 13 | 35 |
| 1 | 5f | e1 | 38 | 48 | d8 | 73 | 95 | a4 | f7 | 02 | 06 | 0a | 1e | 22 | 66 | aa |
| 2 | e5 | 34 | 5c | e4 | 37 | 59 | eb | 26 | 6a | be | d9 | 70 | 90 | ab | e6 | 31 |
| 3 | 53 | f5 | 04 | 0c | 14 | 3c | 44 | cc | 4f | d1 | 68 | b8 | d3 | 6e | b2 | cd |
| 4 | 4c | d4 | 67 | a9 | e0 | 3b | 4d | d7 | 62 | a6 | f1 | 08 | 18 | 28 | 78 | 88 |
| 5 | 83 | 9e | b9 | d0 | 6b | bd | dc | 7f | 81 | 98 | b3 | ce | 49 | db | 76 | 9a |
| 6 | b5 | c4 | 57 | f9 | 10 | 30 | 50 | f0 | 0b | 1d | 27 | 69 | bb | d6 | 61 | a3 |
| 7 | fe | 19 | 2b | 7d | 87 | 92 | ad | ec | 2f | 71 | 93 | ae | e9 | 20 | 60 | a0 |
| 8 | fb | 16 | 3a | 4e | d2 | 6d | b7 | c2 | 5d | e7 | 32 | 56 | fa | 15 | 3f | 41 |
| 9 | c3 | 5e | e2 | 3d | 47 | c9 | 40 | c0 | 5b | ed | 2c | 74 | 9c | bf | da | 75 |
| A | 9f | ba | d5 | 64 | ac | ef | 2a | 7e | 82 | 9d | bc | df | 7a | 8e | 89 | 80 |
| B | 9b | b6 | c1 | 58 | e8 | 23 | 65 | af | ea | 25 | 6f | b1 | c8 | 43 | c5 | 54 |
| C | fc | 1f | 21 | 63 | a5 | f4 | 07 | 09 | 1b | 2d | 77 | 99 | b0 | cb | 46 | ca |
| D | 45 | cf | 4a | de | 79 | 8b | 86 | 91 | a8 | e3 | 3e | 42 | c6 | 51 | f3 | 0e |
| E | 12 | 36 | 5a | ee | 29 | 7b | 8d | 8c | 8f | 8a | 85 | 94 | a7 | f2 | 0d | 17 |
| F | 39 | 4b | dd | 7c | 84 | 97 | a2 | fd | 1c | 24 | 6c | b4 | c7 | 52 | f6 | 01 |

Tabela E

Etapa 4 - MixColumns

- Existem duas exceções na *multiplicação de Galois* a se considerar:
 - Se um dos termos for 0, o resultado da multiplicação é 0.
 - Se um dos termos for 1, o resultado da multiplicação é igual ao outro termo

Etapa 5 - AddRoundKey

- Nesta etapa, o resultado da etapa 4 (*mixColumns*) é combinado através do operador XOR com a RoundKey da rodada corrente.