

## Capítulo 10 - Maps, Hash tables e Skip Lists

### Exercícios

R-10.1) Pior caso de tempo de execução para inserir  $n$  pares chave-valor em um Map  $m$  implementado com a classe `UnsortedTableMap`.

A inserção em um Map levaria tempo constante  $O(1)$ , mas devido a implementação utilizando `UnsortedTableMap`, cada um dos métodos fundamentais leva  $O(n)$  devido a necessidade de verificar toda a lista ao procurar uma entrada existente.

R-10.3) Implementação método `containsKey()` para a classe `UnsortedTableMap`;

```
public boolean containsKey(K key) {  
    Iterator<Entry<K,V>> i = entrySet.iterator();  
    if (key == null) {  
        while (i.hasNext()) {  
            Entry<K,V> e = i.next();  
            if (e.getKey() == null)  
                return true;  
        }  
    } else {  
        while (i.hasNext()) {  
            Entry<K,V> e = i.next();  
            if (key.equals(e.getKey()))  
                return true;  
        }  
    }  
    return false;  
}
```



R-10.5 - Bom código Hash para número de identificação com uma sequência de números e letras  $9X9XX99X9XX99999$ , onde '9' representa um dígito e 'X' uma letra.

Os códigos de hash polinomial ou os códigos de mudança cíclica seriam bons.

R-10.6 - Desenhe a tabela Hash de 11 entradas que resulta na utilização da função hash,  $h(x) = (31 + 5) \bmod 11$ , para as seguintes entradas: 12, 94, 13, 88, 23, 99, 11, 39, 20, 16, 5

Chaining	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
colunas											
tratadas	13	94				44			12	16	20
por		39				88			23	5	
encadeamento						11					

R-10.7 - Implementação recursiva anterior utilizando linear probing para tratamento de colisões.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
13	94	39	16	5	44	88	11	12	23	20

R-10.8 - Implementação utilizando quadratic

probing:  $A[h(K) + f(i)] \bmod N$  onde,  $f(i) = i^2$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
					44	13		12								

O método quadratic probing falha em relação ao linear probing para o número 13, que inicialmente estava na posição 0 e agora está na posição 6.



S T Q Q S S D

STQ Q S D      12, 99, 13, 88, 23, 99, 11, 39, 10, 16, 5      DATA      /      /

DATA

R-10.9 Exercício 6, colisão tratada por  
hash duplo usando a função secundária  
 $h'(K) = 7 - (K \bmod 7)$ .

$$h'(K) = 7 - (K \bmod 7)?$$

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

13	94	23	88	39	44	11	5	12	16	20
----	----	----	----	----	----	----	---	----	----	----

hash (3.1 + 5), se houver colisão utilizo hash secundária.

R-10.10) Qual é o pior caso para colocar as entradas em uma Tabela Hash inicialmente vazia, com colições resolvidas por encadeamento? Qual é o melhor caso?

Seja  $O(n)$  se todas as entradas forem na mesma cadeia, o melhor caso seria  $O(1)$ , o mesmo que um hash normal.

R-10.11) Tabela Hash Figura 10.6 com tamanho 19 e função Hash  $h(K) = 3K \bmod 17$ .

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18

entrada

12

18 |

791.

36

25

154

13.8

10

19

02

54

281

91-

18 ✓

101

361

251

18

12.

90

R-10.13 Alteração método bucketRemove da classe ChainHashMap: Qual o comportamento?

mit oldies - beacht. mgl.

Vanshri = bucket remove (K);

$$(u = \text{coldrig} - \text{benzet} - \text{rig}(1));$$

7

✓ answer = bucket.remove(k)

$\chi(\text{ans}) = \text{null}$

4 - - -



O comportamento do método `size` será afetado pois com a alteração o `size` será decrementado apenas se `answer` for diferente de `null`. Na versão anterior o `size` é sempre decrementado pelo `size`.

R-10.17) Explique porque uma Hash table não é indicado para implementar um mapa ordenado.

Uma tabela hash usa uma função hash para definir em qual posição um elemento deve ser armazenado, tal função faz com que os elementos sejam armazenados de forma desordenada e também pode causar colisão, ou seja, um elemento pode ser armazenado na mesma posição de outro, o que requer funções específicas para tratamento de colisões.

R-10.18 - Pior caso de execução para deletar `n` entradas de um Sorted Table Map que contém `2n` entradas.

O pior caso de execução é  $O(n)$ , pois a remoção percorre o Map inteiro.

R-10.19 - Semelhante ao R-10.3

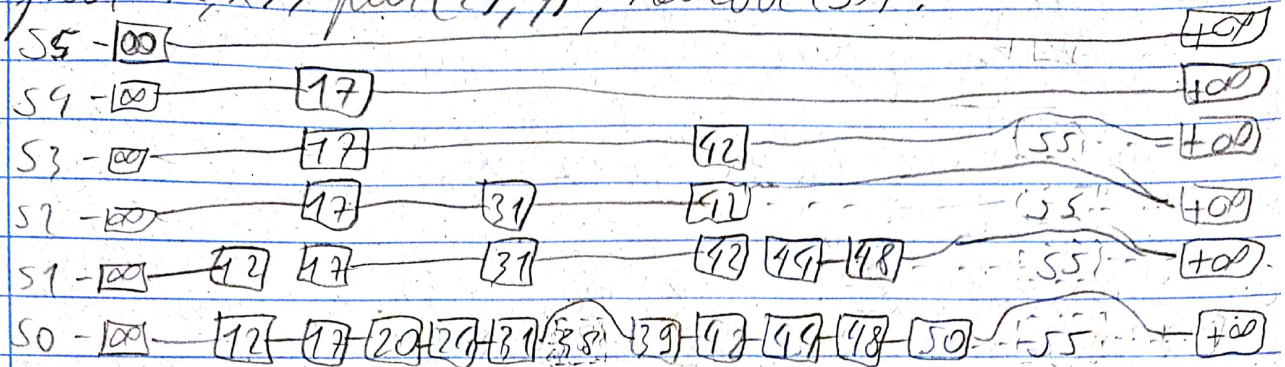
R-10.21 - O método finalizado proposto pelo exercício não trará os resultados do método original e trará os resultados como `null`, pois não tem uma variável que salva o valor de comparação do índice.



STOQSSD

DATA / /

R-10.23 - Operações SkipList: remove(38),  
put(48, x), put(29, y), remove(55).



R-10.24 - Remoção de Map em SkipList

Algoritmo SkipRemove(K)

Entrada: uma chave K,

Ajuda: o elemento p que contém a chave.

$p \leftarrow \text{SkipSearch}(K)$

Se  $p.\text{key} \neq K$

retorna null

enquanto  $p \neq \text{null}$

$p.\text{left}.\text{right} \leftarrow p.\text{right};$

$p.\text{right}.\text{left} \leftarrow p.\text{left};$