

Ekonometria

Dokumentacja projektu

Gabriel Lichacz

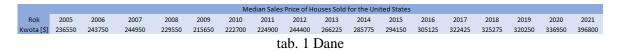
Rzeszów, 2022

Spis treści

1.	Wst	ępq		3				
2.	Odrzucenie danych							
	2.1.	Wstępi	ne odrzucenie	3				
	2.2.	5						
3.	Bud	owa mo	deludelu	6				
	3.1.	Wskaź	Wskaźniki w podsumowaniu modelu					
		3.1.1.	Residuals	6				
		3.1.2.	Coefficients	6				
		3.1.3.	Performance Measures	6				
	3.2. Zestawy zmiennych							
		3.2.1.	Zestaw nr 1	7				
		3.2.2.	Zestaw nr 2	7				
		3.2.3.	Zestaw nr 3	8				
	3.3.	Wybra	ny model	9				
4.	Test	modelu	l	10				
		4.1.1.	Zbiór uczący to 70% danych oryginalnych	10				
		4.1.2.	Zbiór uczący to 60% danych oryginalnych	11				
		4.1.3.	Zbiór uczący to 40% danych oryginalnych	12				
5.	Spis	ilustrac	ji	13				
6.	Spis	tabel		13				
7.	Źród	lła		13				

1. Wstęp

Dane zostały pobrane z portalu Federal Reserve Economic Data. Jako wartość y do modelu przyjmuję medianę cen sprzedaży domów w Stanach Zjednoczonych.



Jako zmienne objaśniające wybieram:

- Business Applications: Retail Trade in the United States
- Total Business Inventories
- Natural Gas Consumption
- Rail Passenger Miles
- Homeownership Rate in the United States
- Homeowner Vacancy Rate in the United States
- Total Business Sales
- Passenger Transportation Services Index
- Total Construction Spending: Total Construction in the United States
- Homeownership Rate for the United States
- All-Transactions House Price Index for the United States
- Consumer Price Index for All Urban Consumers: All Items in U.S. City Average
- University of Michigan: Inflation Expectation
- Producer Price Index by Industry: Concrete Block and Brick Manufacturing: Concrete Brick
- Producer Price Index by Industry: Cement and Concrete Product Manufacturing

2. Odrzucenie danych

2.1. Wstępne odrzucenie

Na początku obliczam współczynnik zmienności i współczynnik korelacji Pearsona. Przyjmuję jako wartość krytyczną współczynnika zmienności 10%, a współczynnika korelacji Pearsona 70%.

```
fs_table <- data.frame(c(), c())
for (i in 1:ncol(dane_x)) {
   fs_table[1,i] <- sd(dane_x[,i])/mean(dane_x[,i])
   fs_table[2,i] <- cor(dane_x[,i], dane_y, method = "pearson")
}
row.names(fs_table) <- c("wsp_zmienn", "pearson_korr")
colnames(fs_table) <- colnames(dane_x)</pre>
```

W ten sposób odrzucam zmienne objaśniające, które nie spełniają powyższych kryteriów:

- Rail Passenger Miles zbyt mała korelacja
- Homeownership Rate in the United States zbyt mała korelacja i zmienność
- Passenger Transportation Services Index zbyt mała korelacja
- Homeownership Rate for the United States zbyt mała korelacja i zmienność
- Consumer Price Index for All Urban Consumers: All Items in U.S. City Average za mały współczynnik zmienności
- University of Michigan: Inflation Expectation zbyt mała korelacja

Wybieram do dalszej analizy:

- Retail Trade in the United States
- Total Business Inventories
- Natural Gas Consumption
- Homeowner Vacancy Rate in the United States
- Total Business Sales
- Total Construction Spending: Total Construction in the United States
- All-Transactions House Price Index for the United States
- Producer Price Index by Industry: Concrete Block and Brick Manufacturing: Concrete Brick
- Producer Price Index by Industry: Cement and Concrete Product Manufacturing

Skrypt odrzucający zmienne:

```
dane_w <- data.frame(c(1:17))
licznik <- 1
for (i in 1:ncol(fs_table)) {
   if (abs(fs_table[1,i]) > 0.10 && abs(fs_table[2,i]) > 0.70) {
     dane_w[,licznik] <- dane_x[,i]
     colnames(dane_w)[licznik] <- colnames(dane_x)[i]
     licznik <- licznik + 1
   } else {
     cat("odrzucam", colnames(dane_x)[i], "\n")
   }
}</pre>
```

2.2. Metoda Hellwiga

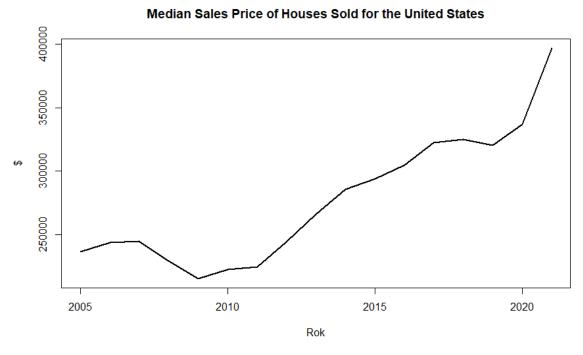
Stosuję metodę Hellwiga do dalszego odrzucenia zbędnych zmiennych. Skrypt zwraca 15 najlepszych kombinacji zmiennych do wybrania. Sprawdzam trzy pierwsze.

•	Retail Trade in the United States	‡ Total Business Inventories	÷ Natural Gas Consumption	÷ Homeowner Vacancy Rate in the United States	† Total Business Sales	Total \$\frac{\frac{1}{2}}{2}\$ Construction Spending: Total Construction in the United States	All- Transactions House Price Index for the United States	Producer Price Index by Industry: Concrete Block and Brick Manufacturing: Concrete Brick	Producer Price Index by Industry: Cement and Concrete Product Manufacturing	‡ hellwigP
1	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.2439407	0.2484068	0.2352260	0.0000000	0.0000000	0.2443388	0.9719123
2	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.3214631	0.3385701	0.3093474	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.9693806
3	0.0000000	0.2020721	0.0000000	0.1987945	0.2029966	0.1834073	0.1818076	0.0000000	0.0000000	0.9690780
4	0.0000000	0.2428342	0.0000000	0.2424792	0.2445905	0.2389792	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.9688832
5	0.0000000	0.1648729	0.0000000	0.1661433	0.1667153	0.1545364	0.1518039	0.0000000	0.1622101	0.9662819
6	0.0000000	0.2434089	0.0000000	0.2437315	0.2417632	0.0000000	0.2366473	0.0000000	0.0000000	0.9655508
7	0.0000000	0.1910371	0.0000000	0.1955935	0.1937788	0.1921937	0.0000000	0.0000000	0.1919503	0.9645535
8	0.1752095	0.2010044	0.0000000	0.1961293	0.1996736	0.1919188	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.9639356
9	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.1997757	0.2056183	0.1811885	0.1772546	0.0000000	0.1981044	0.9619415
10	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.3236676	0.3331767	0.0000000	0.3048913	0.0000000	0.0000000	0.9617357
11	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.2452081	0.2454911	0.0000000	0.2289910	0.0000000	0.2410734	0.9607636
12	0.0000000	0.1643342	0.1519484	0.1650457	0.1662255	0.1574910	0.1555830	0.0000000	0.0000000	0.9606279
13	0.0000000	0.0000000	0.0000000	0.2445489	0.2490814	0.2392648	0.0000000	0.2275328	0.0000000	0.9604279
14	0.1452819	0.1641614	0.0000000	0.1642776	0.1644675	0.1605354	0.0000000	0.0000000	0.1613685	0.9600922
15	0.0000000	0.1657455	0.0000000	0.1664252	0.1670189	0.1562694	0.1524670	0.1514177	0.0000000	0.9593438

tab. 2 Wyniki analizy metodą Hellwiga

```
func_hellwig <- function(dane) {</pre>
 N <- length(dane) # oblicza liczbe zmiennych objasniajacych
 M <- 2^N-1 # oblicza ilosc kombinacji 0-1
 zm_obj <- dane[,1:N] # macierz zmiennych objasniajacych</pre>
  r <- cor(zm_obj) # macierz korelacji miedzy zmiennymi
  r <- as.matrix(abs(r)) # wartosci bezwzgledne i macierz</pre>
  R <- cor(zm_obj, dane_y) # wektor korelacji Y z kazda ze zmiennych
 R <- as.vector(R)</pre>
 tab <- as.matrix(expand.grid(rep(list(0:1), N)))[-1,] # macierz 0-1 kombinacji
  colnames(tab) <- colnames(dane_w)[1:N]</pre>
 wyniki <- matrix(0,M,N) # macierz 0 na wyniki czastkowe pojemnosci
  colnames(wyniki) <- colnames(dane_w)[1:N]</pre>
 for (i in 1:M) {
    for (j in 1:N) {
      if (tab[i,j] != 0) {
        wyniki[i,j] <- (R[j]^2)/(tab[i,]%*%(as.vector(r[,j])))}}}</pre>
 maks <- which.max(rowSums(wyniki))</pre>
 wynikiS <- cbind(wyniki,0)</pre>
 wynikiS[,(N+1)] <- rowSums(wyniki)</pre>
  nazwy <- colnames(as.data.frame(wyniki))</pre>
  colnames(wynikiS) <- c(nazwy, "hellwigP")</pre>
  ind <- order(wynikiS[,(N+1)], decreasing = TRUE)[1:15] # zwroci 15 najlepszych</pre>
  najlepsze15 <- wynikiS[ind,]</pre>
  return(as.data.frame(najlepsze15))
hellwig_wynik <- func_hellwig(dane_w)
```

3. Budowa modelu



rys. 3-1 Szereg czasowy – zmienna y

Sprawdzam 3 scenariusze doboru zmiennych otrzymanych metodą Hellwiga.

3.1. Wskaźniki w podsumowaniu modelu

3.1.1. Residuals

Wartości residuals powinny być niewielkie – to reszty między wartościami modelu a wartościami rzeczywistymi.

3.1.2. Coefficients

Estimate – wagi dla poszczególnych zmiennych.

PR(>|t|) – wartość p (im mniejsza tym lepiej), np. p-value=0.65, tzn. 65% szans, że dana wartość modelu jest błędna.

 R^2 – żeby model był dopasowany dobrze, wartość ta powinna być bliska liczbie 1.

3.1.3. Performance Measures

Residual standard error – odchylenie standardowe reszt, im jest mniejsze tym model lepiej oddaje zjawisko opisywane.

Multiple R-squared – R^2 powinno być bliskie liczbie 1.

F-statistic – test czy choć jedna ze zmiennych jest zmienną znaczącą. Wartość p powinna być mniejsza od 0.05.

3.2. Zestawy zmiennych

3.2.1. Zestaw nr 1

Zmienne użyte w modelu:

- Homeowner Vacancy Rate in the United States
- Total Business Sales
- Total Construction Spending: Total Construction in the United States
- Producer Price Index by Industry: Cement and Concrete Product Manufacturing

```
Residuals:
   Min
              1Q Median
                               3Q
-16184 -7370
                             5773 10707
                   2216
Coefficients:
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                4.019e+04 4.820e+04
                                             0.834 0.42061
(Intercept)
dane_h1[, 1] -2.010e+04 8.164e+03 -2.462 0.02994 * dane_h1[, 2] 1.197e-01 3.326e-02 3.601 0.00364 **
dane_h1[, 3] 7.391e-02 1.723e-02 dane_h1[, 4] 2.835e+02 3.110e+02
                                              4.290 0.00105 **
0.911 0.38008
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '. 0.1 ' 1
Residual standard error: 9195 on 12 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9758, Adjusted R-squared: 0
F-statistic: 121.2 on 4 and 12 DF, p-value: 1.364e-09
                                      Adjusted R-squared: 0.9678
```

rys. 3-2 Scenariusz nr 1

Wartość p dla zmiennej *Producer Price Index by Industry: Cement and Concrete Product Manufacturing* wynosi aż 0.38. Jest to powyżej normy i zaburza dokładność modelu. Optymalnym krokiem byłoby zbudowanie modelu bez tej zmiennej.

3.2.2. Zestaw nr 2

Zmienne użyte w modelu:

- Homeowner Vacancy Rate in the United States
- Total Business Sales
- Total Construction Spending: Total Construction in the United States

```
Residuals:
             10 Median
   Min
                              3Q
                                     Max
-14926 -7016
                  701
                           7982 11350
Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                4.867e+04 4.698e+04 1.036 0.319140
(Intercept)
dane_h2[, 1] -2.077e+04 8.078e+03 -2.571 0.023263 * dane_h2[, 2] 1.415e-01 2.301e-02 6.148 3.5e-05 ***
dane_h2[, 3] 8.062e-02 1.548e-02 5.210 0.000168 ***
Signif. codes: 0 (***, 0.001 (**, 0.01 (*, 0.05 (., 0.1 (, 1
Residual standard error: 9135 on 13 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9742, Adjusted R-squared: 0.9682 F-statistic: 163.4 on 3 and 13 DF, p-value: 1.435e-10
```

rys. 3-3 Scenariusz nr 2

Model ten to w zasadzie model nr 1 z odrzuconą czwartą zmienną. Wszystkie wskaźniki są w porządku. Reszty są mniejsze niż w przypadku pozostałych modeli, wartości p są bardzo małe, R² bliskie 1, a współczynnik F wskazuje, że co najmniej jedna zmienna jest znacząca. Zmienną o najwyższej wadze jest *Total Business*, drugą *Sales Total Construction Spending: Total Construction in the United State*, a *Homeowner Vacancy Rate in the United States* jest zmienną o najniższej wadze. Model został wybrany do dalszej analizy.

3.2.3. Zestaw nr 3

Zmienne użyte w modelu:

- Total Business Inventories
- Homeowner Vacancy Rate in the United States
- Total Business Sales
- Total Construction Spending: Total Construction in the United States
- All-Transactions House Price Index for the United States

```
Residuals:
    Min
                   Median
-15861.2
         -7278.5
                    933.4
                             7591.4
                                    10929.1
Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
             4.695e+04 5.186e+04
                                    0.905
                                            0.3846
                                    0.256
dane_h3[, 1]
            9.936e-03
                        3.875e-02
                                            0.8023
dane_h3[, 2] -2.028e+04
                                   -2.260
                       8.976e+03
                                            0.0451 *
dane_h3[, 3]
             1.292e-01
                        5.733e-02
                                    2.254
                                            0.0455 *
dane_h3[, 4]
             7.807e-02 4.462e-02
                                    1.750
                                            0.1080
dane_h3[, 5] 6.367e+00
                        1.755e+02
                                    0.036
                                            0.9717
Signif. codes: 0 (***, 0.001 (**, 0.05 (., 0.1 (, 1
Residual standard error: 9898 on 11 degrees of freedom
                               Adjusted R-squared:
Multiple R-squared: 0.9743,
F-statistic: 83.53 on 5 and 11 DF, p-value: 2.272e-08
```

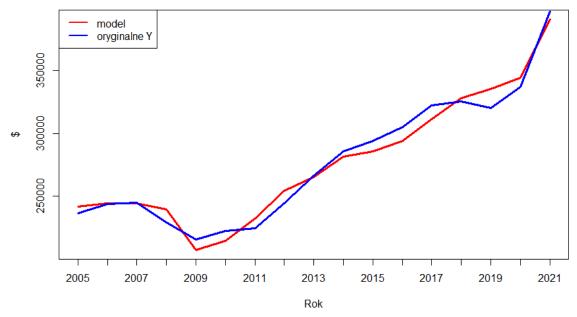
rys. 3-4 Scenariusz nr 3

Model zwraca niskie reszty, przynajmniej jedna zmienna jest znacząca. Wartości p dla poszczególnych zmiennych jednak są zbyt wysokie co mówi o małym znaczeniu niektórych z nich. Model orzucam.

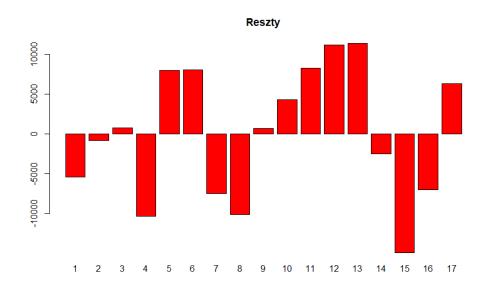
3.3. Wybrany model

Model dość dobrze oddaje kształt krzywej zmiennej badanej. W kilku miejscach następuje przeszacowanie lub niedoszacowanie, lecz nie jest ono wielkie.

Median Sales Price of Houses Sold for the United States Porównanie modelu z wartościami oryginalnymi



rys. 3-5 Porównanie modelu ze zmienną y



rys. 3-6 Reszty modelu dla poszczególnych lat

4. Test modelu

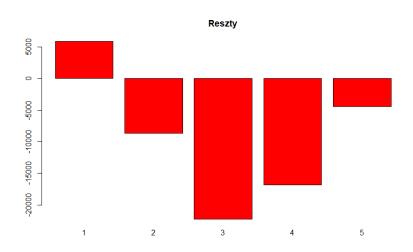
Zbiór danych wyjściowych oraz wejściowych zostaje podzielony na zbiory testowe i uczące. Następnie dla zbiorów uczących zostaje stworzony wybrany wyżej model. Test napisany jest jako funkcja przyjmująca długości zbioru uczącego i testowego. Dzięki temu można zaobserwować zmianę dokładności modelu w zależności od tego ile danych przyjmie.

4.1.1. Zbiór uczący to 70% danych oryginalnych

Model całkiem dobrze oddał kształt badanego szeregu czasowego, nie licząc spadku cen w latach 2018-2020. W tym miejscu nastąpiło przeszacowanie – widać niewielki spadek, lecz jest on zbyt mały. Końcowy wzrost jest zobrazowany bardzo dobrze co widać po wielkości reszt.

Median Sales Price of Houses Sold for the United States Porównanie modelu z wartościami oryginalnymi 400000 model oryginalne Y 350000 300000 250000 2005 2007 2009 2011 2013 2015 2017 2019 2021 Rok

rys. 4-1 Model dla 70% danych uczących

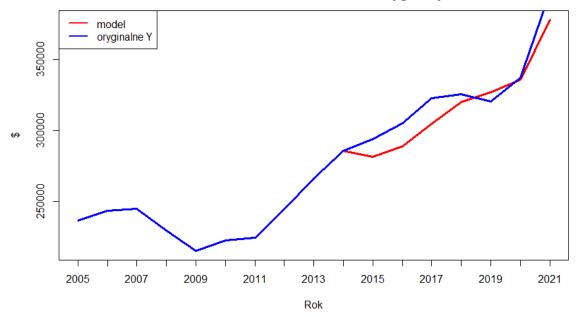


rys. 4-2 Reszty modelu dla 70% danych uczących

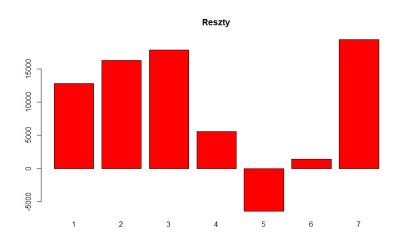
4.1.2. Zbiór uczący to 60% danych oryginalnych

Model nie poradził sobie źle – ceny w latach 2018-2020 przewidziane zostały zadowalająco. Nie udało się uchwycić dość stałego wzrostu w latach 2014-2018 – wartości modelu od początku dość gwałtownie spadły. Również w roku 2021 nastąpiło niedoszacowanie.

Median Sales Price of Houses Sold for the United States Porównanie modelu z wartościami oryginalnymi



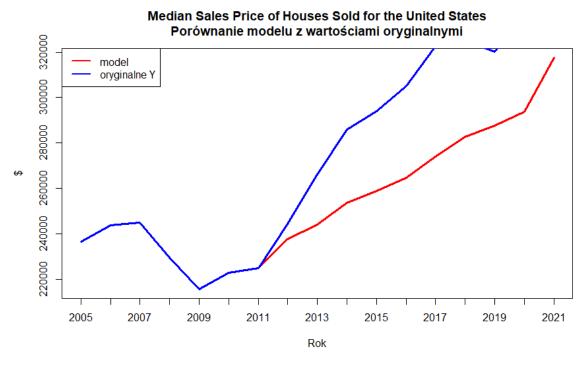
rys. 4-3 Model dla 60% danych uczących



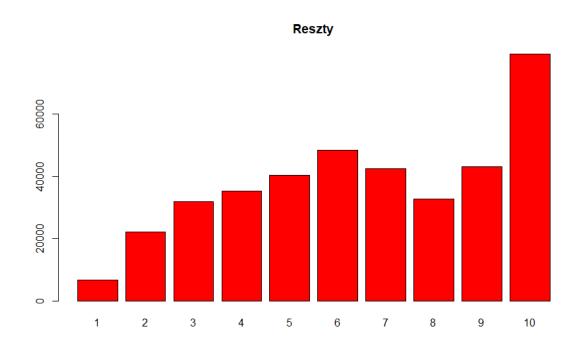
rys. 4-4 Reszty modelu dla 60% danych uczących

4.1.3. Zbiór uczący to 40% danych oryginalnych

Jak widać 40% danych to zbyt mało żeby stworzony model był w stanie odpowiednio przewidzieć zmianę cen w kolejnych latach. W każdym miejscu modelu nastąpiło niedoszacowanie, a reszty są bardzo duże.



rys. 4-5 Model dla 40% danych uczących



rys. 4-6 Reszty modelu dla 40% danych uczących

5. Spis ilustracji

rys. 3-1 Szereg czasowy – zmienna y	6
rys. 3-2 Scenariusz nr 1	7
rys. 3-3 Scenariusz nr 2	7
rys. 3-4 Scenariusz nr 3	8
rys. 3-5 Porównanie modelu ze zmienną y	9
rys. 3-6 Reszty modelu dla poszczególnych lat	9
rys. 4-1 Model dla 70% danych uczących	10
rys. 4-2 Reszty modelu dla 70% danych uczących	10
rys. 4-3 Model dla 60% danych uczących	11
rys. 4-4 Reszty modelu dla 60% danych uczących	11
rys. 4-5 Model dla 40% danych uczących	12
rys. 4-6 Reszty modelu dla 40% danych uczących	12
6. Spis tabel	
tab. 1 Dane	3
tab. 2 Wyniki analizy metoda Hellwiga	5

7. Źródła

[1] https://fred.stlouisfed.org/ dostęp 20.05.2022