

Lista 1

Comunicações Sem Fio

Gabriel Luiz Espindola Pedro

14 de Outubro de 2024

Sumário

1 Questões 3

1 Questões

- 1) Em uma área rural, duas estações rádio base (ERB1 e ERB2) cobrem um segmento reto de uma rodovia. Um terminal móvel se desloca sobre a rodovia, no segmento que liga a ERB1 à ERB2, com velocidade uniforme de $90~\rm km/h$, enquanto mantém uma chamada servida pela ERB1. A direção de movimento é tal que o móvel se afasta de ERB1 enquanto se aproxima de ERB2. As duas ERBs estão distantes $2~\rm km$. Quando o móvel está a $500\rm m$ da ERB1, a intensidade de sinal é de $-100~\rm dBm$. O nível mínimo de sinal necessário para manter a chamada é $-120~\rm dBm$. Perguntas:
 - a) em qual distância máxima d sobre o segmento da rodovia deve ocorrer um *han-doff* da chamada de ERB1 para ERB2 (considere a ERB1 posicionada em d = 0).

Conhecendo o valor mínimo de sinal necessário para manter a chamada e possuindo uma leitura de referência podemos calcular a distância máxima ($d_{\rm max}$) que o móvel pode se afastar da ERB1 antes de perder a chamada. Para isso, podemos utilizar a fórmula de perda de percurso:

$$P_r = P_0 - 10n \log \left(\frac{d}{d_0}\right) \tag{1}$$

Onde P_r é o valor recebido no receptor, neste caso o valor mínimo do sinal necessário para manter a chamada, P_0 é o valor de referência, n é o expoente de perda de percurso, d é a distância entre o transmissor e o receptor e d_0 é a distância de referência. Substituindo os valores conhecidos, temos:

$$\begin{split} P_{r,\text{min}} &= P_0 - 10n \log \left(\frac{d_{\text{max}}}{d_0} \right) \\ -120 &= -100 - 10 \cdot 4 \log \left(\frac{d_{\text{max}}}{500} \right) \\ d_{\text{max}} &\approx 1581.14 \text{ [m]} \end{split} \tag{2}$$

Com isso descobrimos que a distância máxima que o móvel pode se afastar da ERB1 antes de perder a chamada é de aproximadamente 1581.14 metros.

b) considerando que o sistema celular leva 5 segundos para processar todas as informações e efetuar o *handoff*, sugira o valor mínimo de um limiar de iniciação do processo de *handoff* (em dBm) para evitar a queda da chamada. Considere que neste ambiente de propagação o expoente de perda de percurso vale n=4, podendo-se utilizar um modelo simplificado de perda de percurso.

Sabendo a velocidade do carro e o tempo que o sistema leva para realizar o *handoff*, conseguimos calcular a distância que o móvel percorre durante o tempo de *handoff*, subtraíndo essa distância de *handoff* $(d_{\rm HO})$ da distância má-

xima (d_{\max}) obtemos a distância em que o móvel deve iniciar o processo e com isso descobrimos o limiar para realizar o *handoff* (γ_{HO}) . Para

$$d_{\rm HO} = v \cdot t; \quad v = 90 \text{ km/h} = 25 \text{ m/s}; \quad t = 5s$$

= 125m

$$\begin{split} \gamma_{\mathrm{HO}} &= P_0 - 10 n \log \biggl(\frac{d_{\mathrm{max}} - d_{\mathrm{HO}}}{d_0} \biggr) \\ &\approx -118,57 \mathrm{~dBm} \end{split} \tag{4}$$

Com isso descobrimos que o limiar para realizar o handoff é de aproximadamente $-118,57~\mathrm{dBm}.$

- 2) Em um sistema de telefonia móvel a relação sinal-ruído (SNR) mínima para recepção com boa qualidade é de 10 dB. Foi medido que a potência de ruído térmico no telefone móvel é de -120 dBm. Considere ainda os seguintes parâmetros: (a) ganhos das antenas transmissora e receptora: 3 dBi; (b) frequência de operação: 800 MHz; (c) altura da antena da estação base: 20m; (d) altura da antena da estação móvel: 1,5 m; (e) potência de alimentação na antena da base: 1 W. Calcule o alcance de um sinal de rádio realizado nestas condições utilizando:
 - a) o modelo de propagação do espaço-livre

$$P_{\rm r, dBm} = P_{\rm t, dBm} + G_{\rm t, dBi} + G_{\rm r, dBi} + 20 \log \left(\frac{\lambda}{4\pi d}\right)$$
 (5)

Isolando a distância d temos:

$$20\log(d) = P_{\rm t, dBm} + G_{\rm t, dBi} + G_{\rm r, dBi} + 20\log\left(\frac{\lambda}{4\pi}\right) - P_{\rm r, dBm}$$
 (6)

Substituindo os valores conhecidos, temos:

$$\begin{split} \lambda &= \frac{c}{f} = 0.375m \\ P_{\rm r, \ dBm} &= {\rm SNR} + P_{\rm n, \ dBm} = -110 \ {\rm dBm} \\ 20 \log(d) &= 30 + 3 + 3 + 20 \log \left(\frac{0.375}{4\pi}\right) - (-110) \\ 20 \log(d) &= 115.49 \\ d &= 10^{115.49/20} \\ d &\approx 595 \ [{\rm km}] \end{split} \label{eq:lambda} \tag{7}$$

b) o modelo de propagação de 2 raios

Segundo o modelo de propagação de 2 raios, a perda de percurso é dada por:

$$PL_{dB} = 40\log(d) - (G_t + G_r + 20\log(h_t) + 20\log(h_r))$$
(8)

Isolando a distância d temos:

$$40\log(d) = PL_{dB} + G_t + G_r + 20\log(h_t) + 20\log(h_r)$$
(9)

Substituindo os valores conhecidos, temos:

$$\begin{split} \text{PL}_{\text{dB}} &= P_t - P_r = 140 \text{ dBm} \\ 40 \log(d) &= -140 + 3 + 3 + 20 \log(20) + 20 \log(1.5) \\ 40 \log(d) &= 175.54 \\ d &= 10^{175.54/40} \\ d &\approx 24.462 \text{ [km]} \end{split} \tag{10}$$

c) o modelo COST231-Hata para cidade grande.

A antena transmissora não se adequa aos requisitos para o modelo COST231-Hata, pois a altura da antena da estação base é de 20m, enquanto o modelo exige que a altura da antena da estação base seja de 30m a 200m.

$$\begin{split} a(h_r) &= 3.2 (\log(11.75 \cdot h_r))^2 - 4.97 \\ L_{50 (\text{urbano}), \text{ dB}} &= 69.55 + 26.16 \log(f) - 13.82 \log(h_t) \\ &- a(h_r) + (44.9 - 6.55 \log(h_t)) \log(d) \end{split} \tag{11}$$

Isolando a distância d temos:

$$\log(d) = \frac{69.55 + 26.16\log(f) - 13.82\log(h_t) - a(h_r) - L_{50(\text{urbano}), \text{ dB}}}{44.9 - 6.55\log(h_t)} \quad (12)$$

Substituindo os valores conhecidos, temos:

$$\begin{split} a(h_r) &\approx 0 \\ L_{50(\text{urbano}), \text{ dB}} &= P_t + G_t + G_r - P_r = 146 \text{ dBm} \\ &\log(d) = \frac{146 - 69.55 - 26.16 \log(800) + 13.82 \log(20)}{44.9 - 6.55 \log(20)} \\ &\log(d) \approx 0.51 \\ &d \approx 10^{0.51} \\ &d \approx 3.24 \text{ [km]} \end{split} \label{eq:L50}$$

5) Sejam dados: $P_a=15$ W, $G_t=12$ dBi, $G_r=3$ dBi. Seja a potência de ruído térmico no receptor -120 dBm. Qual o máximo raio de célula para o qual uma relação sinalruído (SNR) de 20 dB pode ser garantida em 95% do perímetro da borda da célula? Assuma n=4, $\sigma=8$ dB, f=900 MHz. Calcule uma perda de percurso de referência média em $d_0=1$ km utilizando o modelo de perda de percurso COST231-Hata

sabendo-se que a altura da antena da ERB é de 20 m e a altura da antena do terminal móvel é de 1,8 m. O ambiente em questão é de área suburbana de uma cidade.

Calculando a perda $L_{0, {
m urbano}}$ a partir da distância de referência d_0 para o modelo COST231-HATA:

$$a(h_r) = (1.1\log(f) - 0.7)h_r - (1.56\log(f) - 0.8) \; \mathrm{dB}$$

$$C_M = \begin{cases} 0 \mathrm{dB} & \mathrm{para\ cidades\ de\ tamanho\ m\'edio} \\ & \mathrm{e\ \acute{a}reas\ suburbanas} \\ 3 \mathrm{dB} & \mathrm{para\ centros\ metropolitanos} \end{cases} \tag{14}$$

$$L_{0,\mathrm{urbano}} = 46.3 + 33.9\log(f) - 13.82\log(h_t)$$

$$-a(h_r) + (44.9 - 6.55\log(h_t))\log(d_0) + C_M$$

Substituindo os valores obtemos:

$$\begin{split} a(h_r) &= (1.1\log(900) - 0.7)1.8 - (1.56\log(900) - 0.8) \text{ dB} \\ &= 0.7808 \text{ dB} \\ C_M &= 0 \text{ dB} \\ L_{0,\text{urbano}} &= 46.3 + 33.9\log(900) - 13.82\log(20) \\ &- 0.7808 + (44.9 - 6.55\log(20))\log(1) + 0 \\ &= 46.3 + 33.9\log(900) - 13.82\log(20) - 0.7808 \\ &= 127.69 \text{ dB} \end{split} \tag{15}$$

Sabendo que trata-se de uma área suburbana devemos utilziar a fórmula de correção:

$$L_0 = L_{0,\text{urbano}} - 2 \left[\log \left(\frac{f}{28} \right) \right]^2 - 5.4$$

$$= 127.69 - 2 \left[\log \left(\frac{900}{28} \right) \right]^2 - 5.4$$

$$= 117.75 \text{ dB}$$
(16)

Com a perda no percurso podemos calcular a potência recebia da distância de referência:

$$\begin{split} P_t &= 15W = 41.76 \text{ dBm} \\ P_r(d_0) &= 41.76 + 12 + 3 - 117.75 \\ &= -60.99 \text{ dBm} \end{split} \tag{17}$$

Calculando a sensibilidade do receptor:

$$\gamma = \text{SNR} + N = -120 - (20) = -100 \tag{18}$$

Para então poder calcular a potência média para 95% do perímetro:

$$\Pr[P_r(d) > -100] = 0.95$$

$$Q\left(\frac{-100 - P_r(d)}{8}\right) = 0.95$$

$$\frac{-100 - P_r(d)}{8} = Q^{-1}(0.95)$$

$$\frac{-100 - P_r(d)}{8} = -1.6449$$

$$-P_r(d) = -1.6449 \cdot 8 + 100$$

$$P_r(d) = -86.841 \text{ dBm}$$
(19)

Então descobrimos o raio máximo da célula:

$$\begin{split} P_r(d_{\text{max}}) &= P_r(d_0) - 10n \log \left(\frac{d_{\text{max}}}{d_0}\right) \\ -86.841 &= -60.99 - 10 \cdot 4 \log \left(\frac{d_{\text{max}}}{1}\right) \\ \log(d_{\text{max}}) &= \frac{-86.841 + 60.99}{-40} \\ &= 0.6463 \\ d_{\text{max}} &= 10^{0.6463} \\ &= 4.4287 \text{ km} \end{split}$$

8) Uma operadora de telefonia celular pretende cobrir uma grande cidade com área de $2500 {
m km^2}$ usando ERBs com $P_a=20~{
m W}$ e $G_t=3~{
m dBi}$. Os terminais móveis têm $G_r=0~{
m dBi}$. Determinar o número de ERBs omnidirecionais necessárias para cobrir a cidade quando é esperado que 90% da periferia das células experimente cobertura de sinal a $-90~{
m dBm}$. Assuma $\sigma=8~{
m dB}$ e f=900 MHz. O modelo de COST231-Hata é válido neste ambiente. Você pode calcular uma potência média de referência em $d_0=1~{
m km}$ usando os seguintes parâmetros: $h_t=20~{
m m}, h_r=1.8~{
m m}.$

O modelo COST231-HATA é dado por

$$a(h_r) = (1.1\log(f) - 0.7)h_r - (1.56\log(f) - 0.8) \text{ dB}$$

$$C_M = \begin{cases} 0\text{dB} & \text{para cidades de tamanho médio} \\ & \text{e áreas suburbanas} \\ 3\text{dB} & \text{para centros metropolitanos} \end{cases} \tag{21}$$

$$L_{\text{urbano}} = 46.3 + 33.9\log(f) - 13.82\log(h_t) \\ -a(h_r) + (44.9 - 6.55\log(h_t))\log(d_0) + C_M \end{cases}$$

Aplicando à situação:

$$\begin{split} a(h_r) &= (1.1\log(900) - 0.7)1.8 - (1.56\log(900) - 0.8) \text{ dB} \\ &= 0.7808 \text{ dB} \\ C_M &= 3 \text{ dB} \\ L_{\text{urbano}} &= 46.3 + 33.9\log(900) - 13.82\log(20) \\ &- 0.7808 + (44.9 - 6.55\log(20))\log(1) + 3 \\ &= 130.69 \text{ dB} \end{split} \tag{22}$$

Então descobrimos a potência recebida a distância de referência

$$\begin{split} P_t &= 20W = 43.01 \text{ dBm} \\ P_r(d_0) &= P_t + G_t + G_r - L_{\text{urbano}} \\ &= 43.01 + 3 + 0 - 130.69 \\ &= -84.68 \text{ dBm} \end{split} \tag{23}$$

Sabendo que eu preciso ter uma 90% de probabilidade de ter uma potência recebida de –90 dBm:

$$\begin{split} \Pr[P_r(d) > -90] &= 0.9 \\ Q\bigg(\frac{-90 - P_r(d)}{8}\bigg) = 0.9 \\ \frac{-90 - P_r(d)}{8} &= Q^{-1}(0.9) \\ \frac{-90 - P_r(d)}{8} &= -1.2816 \\ -P_r(d) &= -1.2816 * 8 + 90 \\ P_r(d) &= -79.747 \text{ dBm} \end{split}$$

Então descobrimos o raio máximo de cobertura:

$$\begin{split} P_r(d) &= P_r(d_0) - 10n \log \left(\frac{d}{d_0}\right) \\ -79.747 &= -87.68 - 10 \cdot 3.5 \log \left(\frac{d}{1}\right) \\ \log(d) &= \frac{79.747 - 84.68}{35} \\ &= -0.1409 \\ d &= 0.7229 \text{ km} \end{split} \tag{25}$$

Com a distância podemos descobrir a área de cobertura de cada ERB:

$$\begin{split} A_{\text{cobertura}} &= \pi d^2 \\ &= \pi \cdot 0.7229^2 \\ &= 1.6417 \text{km}^2 \end{split} \tag{26}$$

Então é possível obter a quantidade de ERBs necessárias para cobrir a cidade

$$N_{\text{ERB}} = \left\lceil \frac{A_{\text{cidade}}}{A_{\text{cobertura}}} \right\rceil = \left\lceil \frac{2500}{1.6417} \right\rceil = 1523 \tag{27}$$

10) O provimento de cobertura celular em áreas rurais e remotas é um desafio para países como o Brasil, de grande extensão territorial. Considere uma situação em que um assinante de serviço de comunicação móvel encontra-se a $10~\rm km$ da ERB. Faça uma análise dos enlaces de descida e de subida considerando os seguintes parâmetros: potências EIRP: $37~\rm dBm$ na ERB; $27~\rm dBm$ no TM; despreze demais ganhos e perdas no transmissor e no receptor; a potência do ruído térmico vale $P_n = -120~\rm dBm$; perda de percurso pode ser modelada como $L(d) = 120 + 30 \log(d)$, sendo da distância ERB-TM em [km]; a razão sinal ruído mínima para estabelecer o enlace é $5~\rm dB$. Analise o equilíbrio de desempenho entre os enlaces de subida e de descida. A operadora pode instalar, quando necessário, um repetidor (relay) que regenera o sinal da ERB ou do TM, transmitindo-o novamente em posição mais favorável. Suponha que o relay opera com mesma potência EIRP do TM. Nessas condições avalie a necessidade de instalar um relay para atuar em um dos enlaces. Além disso, determine uma distância ou faixa de distâncias para a instalação do relay de forma a beneficiar a comunicação rural em questão.

Calculando a potência limiar de potência no receptor:

$$\gamma = \text{SNR} + N = 5 - 120 = 115 \text{ dBm}$$
 (28)

Calculando a perda na distância de 10 km:

$$L(d) = 120 + 30 \log(d)$$

$$L(10) = 120 + 30 \log(10)$$

$$= 150 \text{ dB}$$
(29)

Verificando os limites para ERB e TM:

$$\begin{split} P_t &= 37 - L(10) = -113 \text{ dBm } > -115 \text{ dBm} : \text{OK} \\ P_r &= 27 - L(10) = -123 \text{ dBm } < -115 \text{ dBm} : \text{Precisa de relay} \end{split} \tag{30}$$

Calculando a perda máxima:

$$\begin{split} \gamma &= P_r - L_{\text{max}} \\ L_{\text{max}} &= P_r - \gamma \\ &= 27 - (-115) \\ &= 142 \text{ dB} \end{split} \tag{31}$$

Descobrindo a distância máxima:

$$\begin{split} L(d_{\text{max}}) &= 120 + 30 \log(d_{\text{max}}) \\ \log(d_{\text{max}}) &= \frac{L(d_{\text{max}}) - 120}{30} \\ &= \frac{142 - 120}{30} \\ &= 0.73 \\ d_{\text{max}} &= 10^{0.73} \\ &= 5.37 \end{split} \tag{32}$$

13) Um sistema móvel celular é montado em uma pequena cidade com o intuito de prover serviço de acesso à internet por banda larga móvel. Vislumbra-se o uso em terminais estacionários como computadores portáteis e do tipo tablet. Uma única célula foi instalada visando cobrir toda a área do município. O sistema provê degraus de taxa no enlace de descida de acordo com um esquema de modulação e codificação adaptativa. Uma aproximação razoável da taxa bruta de download desse sistema é dada pela função $R({\rm SNR})={{\rm SNR}\over 5}$ [Mbps], sendo ${\rm SNR}>0$ [dB] a razão sinal ruído. A transmissão é interrompida se $\mathrm{SNR} \leq 0$. A taxa máxima do sistema satura em 10 Mbps. A operadora do serviço precisa dimensionar o raio de célula para fins de informação oficial à agência reguladora. Esta por sua vez requer que a taxa mínima oferecida para que se considere o serviço como de banda larga seja de 600 kbps. Esta vazão precisa ser observada em pelo menos 98% do perímetro definido como sendo a borda da célula. Considerando que o ambiente de propagação é caracterizado por uma perda de percurso que segue o modelo simplificado com n=3.5 e o desvio padrão do desvanecimento de larga escala na região é assumido em $\sigma = 8$ dB, dimensione o raio da célula a ser informado. Outras informações do projeto: potência do amplificador da antena transmissora: 20 W; ganho da antena transmissora: 10 dBi; ganho da antena receptora e demais perdas e ganhos de transmissão e recepção: 0 dB; potência de referência medida a uma distância de 100 m da antena transmissora: Pr(100m) = -45 dBm; potência do ruído térmico no receptor: -110 dBm.

Qual SNR me dá a taxa de 600 kbps:

$$\frac{\text{SNR}}{5} = 0.6 \text{ Mbps}$$

$$\text{SNR} = 0.6 \cdot 5 \text{ Mbps}$$

$$= 3 \text{ dB}$$
(33)

Potência recebida mínima

$$\begin{split} P_{r,\mathrm{min}} &= -110 + 3 \\ P_{r,\mathrm{min}} &= -107 \end{split} \tag{34} \label{eq:34}$$

A probabilidade da potencia recebida ser maior do que 98% é

$$\Pr[P_r(d) > -107] = 0.98$$

$$Q\left(\frac{-107 - P_r(d)}{8}\right) = 0.98$$

$$\frac{-107 - P_r(d)}{8} = Q^{-1}(0.98)$$

$$\frac{-107 - P_r(d)}{8} = -2.07$$

$$P_r(d) = -90.57$$
(35)

Descobrindo a distância máxima

$$\begin{split} P_r(d) &= P_r(d_0) - 10n \log \left(\frac{d}{100}\right) \\ \log \left(\frac{d}{100}\right) &= \frac{P_r(d_0) - P_r(d)}{10n} \\ &= \frac{-45 - (-90.57)}{10 \cdot 3.5} \\ &= 1.302 \\ d &= 10^{1.302} \cdot 100 \\ &= 2004.5m \end{split} \tag{36}$$

17) Você foi designado para projetar um sistema de transmissão sem fio de 4º geração. Trata-se de um sistema voltado exclusivamente para transmissão de dados sem fio. A taxa de transmissão em uma ERB no enlace de descida deste sistema é função da razão sinal-ruído (SNR, em dB) e pode ser aproximada pela seguinte expressão:

$$R(\text{SNR}) = \begin{cases} R(\text{SNR}) = 50 & \text{SNR} > 50 \text{ dB} \\ R(\text{SNR}) = \text{SNR} & 0 \le \text{SNR} \le 50 \text{ dB} \\ R(\text{SNR}) = 0 & \text{SNR} < 0 \text{ dB} \end{cases}$$
(37)

em que R é a taxa de transmissão em Megabits por segundo. Nesta primeira etapa do projeto uma única ERB será instalada no centro de uma cidade pequena e objetiva cobrir uma área circular de $10~\rm km$ de raio. A Prefeitura da cidade está contratando o serviço e quer saber de antemão de você:

- a) qual a taxa média observada na periferia da cidade (borda da célula);
- b) qual a taxa média observada em toda a área coberta.

Dados para o projeto: perda de referência em $d_0=1~{\rm km}$ é $120~{\rm dB}$; potência de ruído térmico $P_n=-120~{\rm dBm}$; modelo de propagação simplificado com n=3.5; potência EIRP de transmissão da ERB $P_t=20~{\rm W}$. Despreze outros ganhos, perdas e interferências.

Calculando a perda no caminho para a periferia da célula:

$$\begin{aligned} \text{PL}(d) &= \text{PL}(d_0) + 10n \log \left(\frac{d}{d_0}\right) \\ &= 120 + 10 \cdot 3.5 \log \left(\frac{10}{1}\right) \\ &= 155 \text{ dB} \end{aligned} \tag{38}$$

Encontrando a potência recebida no terminal:

$$\begin{split} P_t &= 20W = 43.01 \text{ dBm} \\ P_r &= P_t - \text{PL} \\ &= 43.01 - 155 \\ &= -111.99 \text{ dBm} \end{split} \tag{39}$$

Encontrando SNR:

$$SNR = P_r - P_n$$
= -111.9 - (-120)
= 7.9
(40)

Como o SNR calculado está dentro dos limites de $0 \le {\rm SNR} \le 50$ podemos inferir que a taxa se comporta como $R({\rm SNR}) = {\rm SNR}$ Mbps portanto a taxa vista na borda da célula é de 8 Mbps.

Utilizando a linguagem de programação python podemos calcular para muitos valores de distancia entre 0 e 10 quilômetros e gerar uma curva com o comportamento da taxa em relação a distância da estação.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
^{4} P_t = 43.01
5 \text{ PL } d_0 = 120
6 d 0 = 1
7 n = 3.5
8 P n = -120
  ds = np.arange(0.1, 11, 0.1)
snrs = np.zeros(len(ds))
for i, d in enumerate(ds):
       PL = PL d 0 + 10 * n * np.log10(d / d 0)
       P_r = P_t - P_t
       snrs[i] = P_r - P_n
14
16 \text{ snrs}[\text{snrs} > 50] = 50
snrs[snrs < 0] = 0
19 plt.figure()
20 plt.plot(ds, snrs)
plt.ylabel("Taxa [Mbps]")
22 plt.xlabel("Distância da ERB [km]")
  plt.show()
```

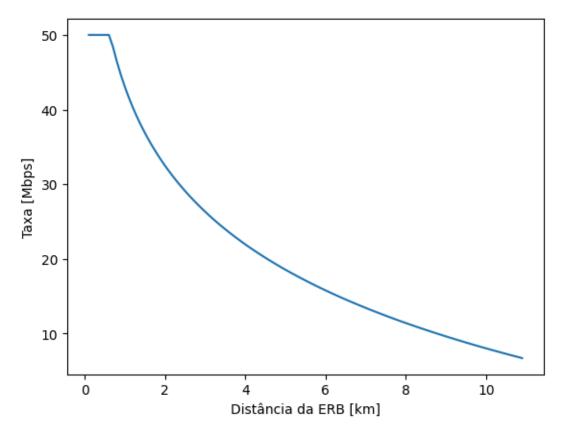


Figura 1: Relação entre distância da ERB e taxa