# Sistemas Realimentados - Trabalho 1

Nome: Gabrielly Barcelos Cariman

Data limite para entrega:14/9, meia-noite.

Referências para este trabalho além das notas de aula:

- Manual rápido do Matlab
- Resposta transitória e estacionária

# Inicialização:

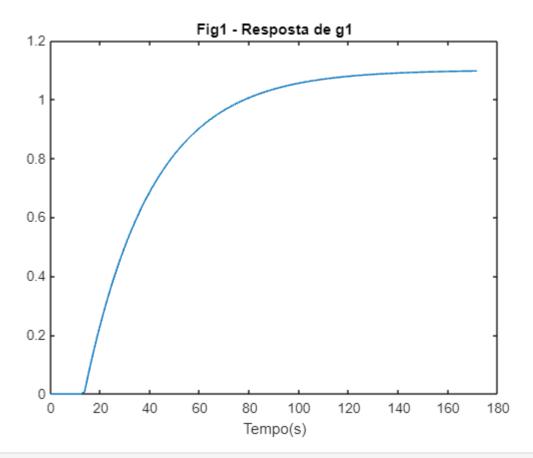
```
I=14; % Seu valor de I
[Y,G1,G2]=init_t1(I);
datetime('now')

ans = datetime
    15-Sep-2023 01:40:56
warning off
```

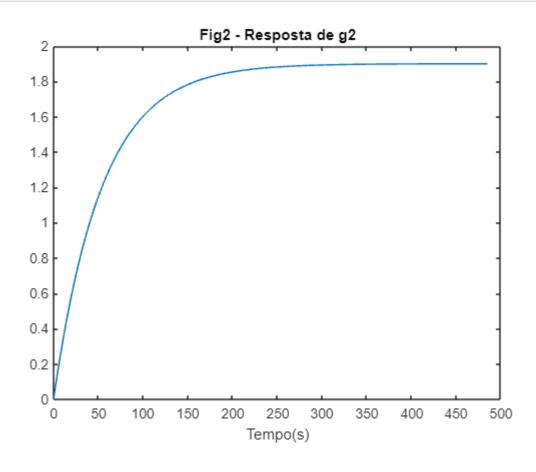
## I) Relação entre resposta ao degrau e modelos

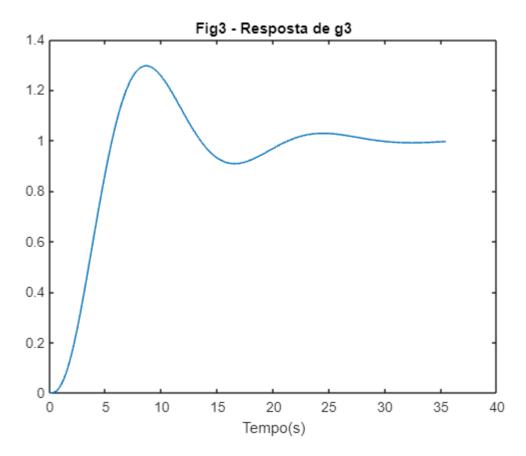
Observe nas figura 1,2,3 a resposta ao degrau unitário dos modelos g1, g2, g3.

```
figure;plot(Y(1).t,Y(1).y);title('Fig1 - Resposta de g1');xlabel('Tempo(s)');
```



figure;plot(Y(2).t,Y(2).y);title('Fig2 - Resposta de g2');xlabel('Tempo(s)');





1) Obtenha os modelos g1,g2,g3 que geraram estas respostas ao degrau, defina-os abaixo e compare com as curvas fornecidas usando os comandos dados.

#### Resposta:

O sistema G1 pode ser descrito como um sistema de primeira ordem com tempo morto. Uma análise detalhada do Gráfico 1 revela que o tempo morto é aproximadamente 13 segundos. Além disso, é perceptível que o valor de regime é cerca de 1,1.

A constante de tempo, denotada por T, é definida como o tempo necessário para que a saída atinja 63% do valor de regime, ou seja, aproximadamente 0,7. Portanto, observando o gráfico, podemos identificar que quando y atinge 0,7, o tempo é aproximadamente 41 segundos. Nesse momento, a saída alcançou cerca de 63% do valor de regime, mas é importante notar que ela começou a mudar somente após 13 segundos.

Consequentemente, podemos calcular a constante de tempo T da seguinte maneira: T = 41 s - 13 s = 28 segundos. O tempo morto permanece como 13 segundos.

A equação para um sistema de primeira orderm com tempo morto é da seguinte forma:

$$G(s) = \frac{K \cdot e^{-ds}}{\tau s + 1}$$

Em que:

K é o ganho

d é o tempo morto

 $\tau$  é a constante de tempo

Como já foi descrito antes, obtivemos os seguintes valores:

K: 1,1

d: 13 segundos

τ: 28 segundos

```
d1 = 13;
k1 = 1.1;
saida1 = 0.632 * k1; % saida1 = 0.6952
tau1 = 41 - d1; % tau1 = 28

s=tf('s');
g1 = (k1 * exp(-d1*s))/(tau1*s + 1)
```

g1 =

1.1

exp(-13\*s) \* -----28 s + 1

Continuous-time transfer function. Model Properties

O sistema G2 pode ser descrito como um sistema de primeira ordem. É perceptível que o valor de regime é cerca de 1,9.

A constante de tempo, denotada por T, é definida como o tempo necessário para que a saída atinja 63% do valor de regime, ou seja, aproximadamente 1,2. Portanto, observando o gráfico, podemos identificar que quando y atinge 1,2, o tempo é aproximadamente 54 segundos.

Consequentemente, a constante de tempo T é: T = 54 segundos.

A equação para um sistema de primeira orderm sem tempo morto é da seguinte forma:

$$G(s) = \frac{K}{\tau s + 1}$$

Em que:

K é o ganho

 $\tau$  é a constante de tempo

Como já foi descrito antes, obtivemos os seguintes valores:

K: 1,9

τ: 54 segundos

```
k2 = 1.9;

saida2 = 0.632 * k2; % saida2 = 1.2008

tau2 = 54;

g2 = (k2)/(tau2*s + 1)
```

```
g2 =
    1.9
    -----
54 s + 1

Continuous-time transfer function.
Model Properties
```

O máximo sobressinal, Mp, é o valor máximo de pico da curva de resposta em relação ao valor de regime. Para G3 temos aproximadamente que:

• Mp = 
$$33 \% = 0.33$$

O amortecimento é dado por:

$$\zeta = \frac{ln^2(M_P)}{\sqrt{\pi^2 + ln^2(M_p)}}$$

Com isso, obtemos  $\zeta = 0.3689$ 

Para o tempo de estabelecimento ts de aproximadamente 27 segundos observado no gráfico, considerando 2%, obtemos  $w_n$  da seguinte forma:

$$w_n = \frac{4}{\zeta t_s}$$

A equação para um sistema de segunda orderm é da seguinte forma:

$$G(s) = \frac{w_n^2}{s^2 + 2\zeta w_n s + w_n^2}$$

Obtivemos os seguintes valores:

$$w_n = 0,4015$$

$$\zeta = 0.3689$$

Como os valores de Mp e ts foram selecionados apenas com base em observação do gráfico, eles são valores aproximados.

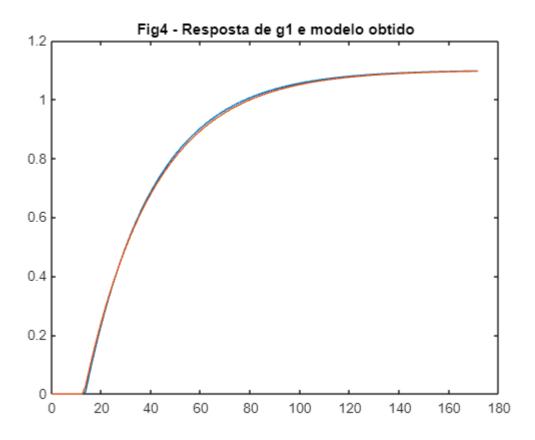
Por isso, o gráfico gerado a partir desses valores não é exatamente igual ao gráfico real, mas sim uma aproximação com algum erro.

```
Mp = 33/100; % Mp = 33% = 0.33
zeta = (log(Mp)^2)/(sqrt(pi^2 + (log(Mp)^2))); % zeta = 0.3689
ts = 27;
w_n = 4/(zeta*ts); % w_n = 0.4015
g3 = (w_n^2) / ((s^2) + (2*zeta*w_n*s) + (w_n^2))
```

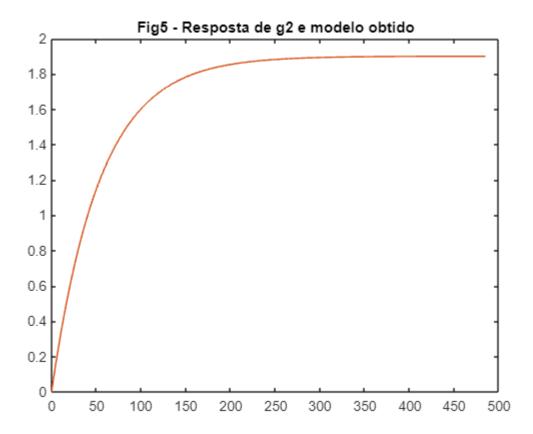
```
0.1612
-----
s^2 + 0.2963 s + 0.1612
```

Continuous-time transfer function. Model Properties

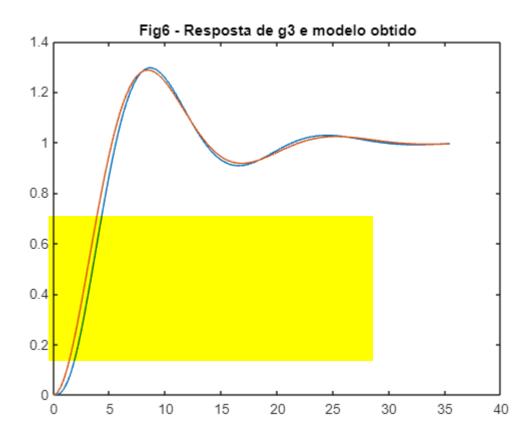
```
y1=step(g1,Y(1).t);
y2=step(g2,Y(2).t);
y3=step(g3,Y(3).t);
figure;plot(Y(1).t,Y(1).y,Y(1).t,y1);title('Fig4 - Resposta de g1 e modelo obtido');
```



```
figure;plot(Y(2).t,Y(2).y,Y(2).t,y2);title('Fig5 - Resposta de g2 e modelo
obtido');
```



figure;plot(Y(3).t,Y(3).y,Y(3).t,y3);title('Fig6 - Resposta de g3 e modelo
obtido');

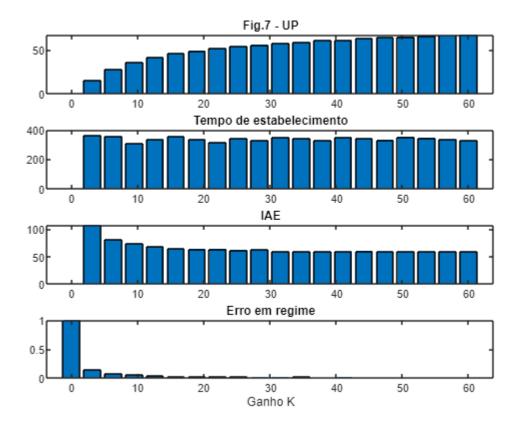


## II) Desempenho em função do ganho K.

Seja a função de transferência G1 já definida.

Os comandos abaixo permitem obter os vários parâmetros de desempenho em malha fechada quando o ganho K varia. **Escolha kmax** de modo que todos gráficos mostrem claramente o efeito do ganho em cada parâmetro. Sugestão: escolha kmax de modo que UP vá de 0 a 60%.

```
kmax=60; % Escolher valor adequado para kmax
up=[];ts=[];iae=[];erro=[];
K=linspace(0,kmax,20);
for i=1:length(K)
    m=feedback(K(i)*G1,1);
    S=stepinfo(m);
    [y,t]=step(m);
    up=[up;S.Overshoot];
    ts=[ts;S.SettlingTime];
    iae=[iae;trapz(t,abs(1-y))];
    erro=[erro;1-y(end)];
end
figure;
subplot(4,1,1);bar(K,up);title('Fig.7 - UP');
subplot(4,1,2);bar(K,ts);title('Tempo de estabelecimento');
subplot(4,1,3);bar(K,iae);title('IAE');
subplot(4,1,4);bar(K,erro);title('Erro em regime');xlabel('Ganho K');
```



2.1 Escolha o ganho K para o qual considera que houve uma boa resposta, informando o ganho K, UP, ts, IAE e o erro em regime correspondentes.

Acredito que um ganho de aproximadamente 9 proporciona uma boa resposta. Isso se deve ao fato de que esse valor resulta em aproximadamente UP de 36, tempo de estabilização (ts) de 310 s, IAE de 73 e um erro em regime de zero. Assim, esse ganho consegue minimizar o erro em regime, mantendo valores aceitáveis para UP e IAE, além de garantir um tempo de estabelecimento bastante razoável. Dessa forma, obtemos uma resposta satisfatória com pouca oscilação, rápida estabilização e um nível de erro em relação à referência aceitável.

É importante ressaltar que a escolha desse ganho representa um valor intermediário. Um ganho muito baixo, próximo de zero, seria inviável devido ao erro em regime extremamente elevado. Por outro lado, um ganho muito alto, como 60 por exemplo, não seria uma opção adequada, já que, apesar de apresentar um erro em regime e um IAE baixos, o valor de UP seria excessivamente grande.

2.2 Feche a malha com este ganho K, obtenha os polos de malha fechada e mostre que a resposta ao degrau é a especificada.

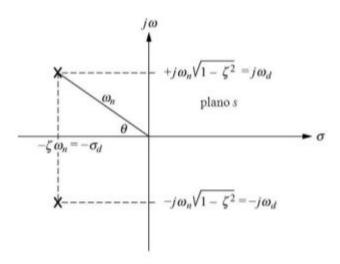
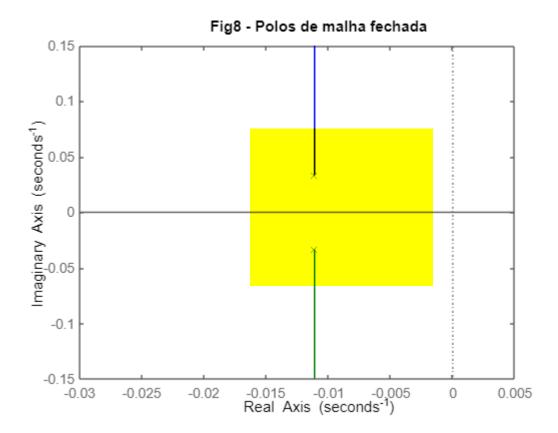
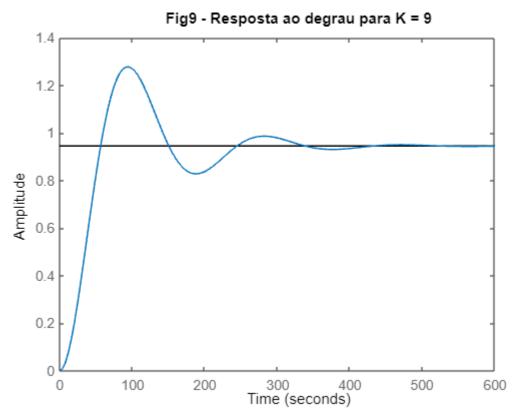


Figura 4. Valores de  $\omega_n$  e  $\zeta$  a partir dos polos

Como a parte real dos polos é negativa, sendo - 0.0111 + 0.0334i e - 0.0111 - 0.0334i os polos, isso mostra que o sistema é estável. Assim com também e possível ver no gráfico.



```
figure;
step(m01);
title(['Fig9 - Resposta ao degrau para K = ', num2str(K)]);
```



```
S = stepinfo(m01);
[y,t]=step(m01);
up = S.Overshoot

up = 35.1645

ts = S.SettlingTime

ts = 317.4440

iae = trapz(t,abs(1-y))
iae = 74.6437

erro = 1-y(end)

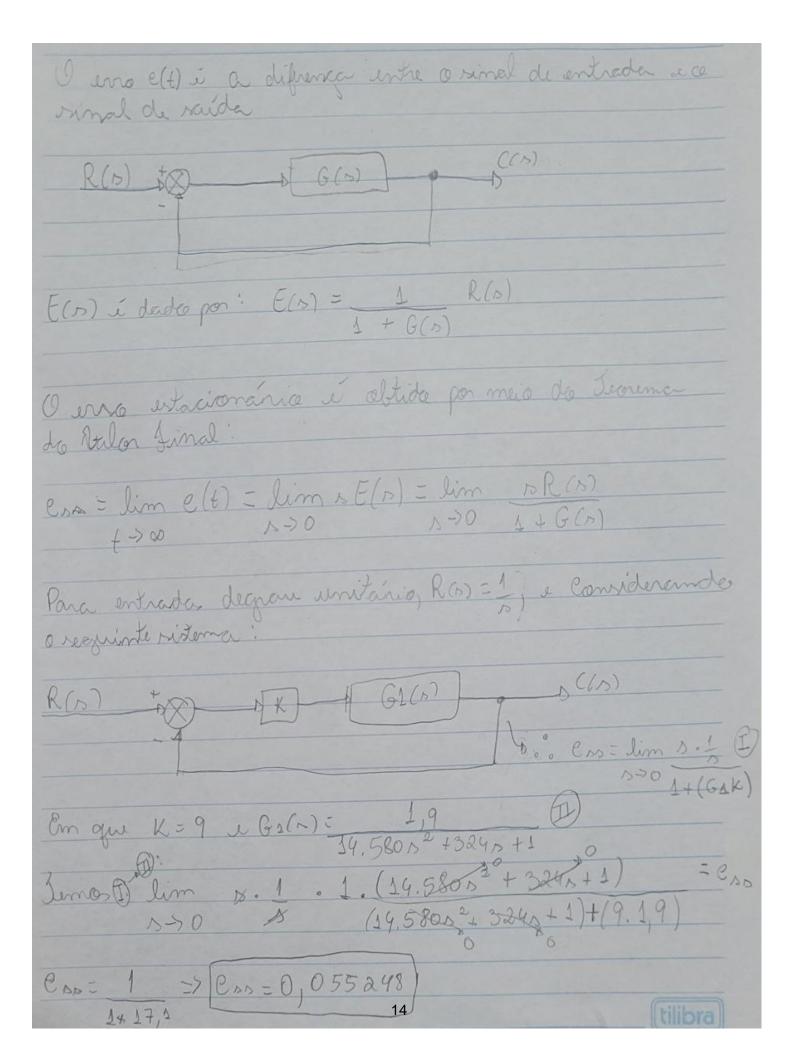
erro = 0.0548
```

Conforme mencionado previamente, a parte real dos polos é negativa, indicando a estabilidade do sistema, conforme evidenciado no gráfico apresentado.

Além disso, ao analisarmos o gráfico e os valores obtidos pela função stepinfo, observamos que o sobressinal é de aproximadamente 35%, o que coincide com a informação na figura 7, que apresenta um sobressinal de cerca de 36%. Adicionalmente, o tempo de estabilização calculado a partir do gráfico é de aproximadamente 317 segundos, em consonância com o tempo de estabilização indicado na figura 7, que é de 310 segundos. Outro ponto é que o IAE calculado a partir do gráfico acima é de 74, o que é muito próximo do IAE na figura 7, que é de 73. Notamos que o erro em regime permanente do valor calculado pela função é de 0,0548, o que

está muito próximo do valor na figura 7, de aproximadamente 0,05365 que está muito próximo de zero. Isso confirma que a resposta ao degrau é a especificada.

2.3 Calcule à mão o erro em regime usando G1 e o ganho K selecionado em 2.1, e compare com o valor obtido no gráfico na Fig7.



```
G1
```

```
G1 =

1.9

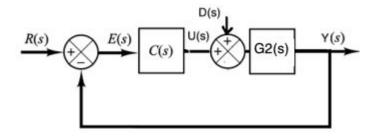
-----
14580 s^2 + 324 s + 1

Continuous-time transfer function.
Model Properties
```

O erro em regime foi calculado manualmente usando G1, e o ganho K de 9 resultou em 0.055248. Este valor é muito próximo ao obtido no gráfico da Figura 7, que é 0.05365. Ambos os valores são muito próximos de zero, indicando que o erro em regime quando o ganho é 9 é aproximadamente zero.

#### III) Projeto de controlador PID via métodos de sintonia baseados na resposta ao degrau

Use o método de sintonia Ziegler-Nichols e projete controladores C(s) da forma P, PI e PID para G2 já definida.



3.1) Compare a resposta ao degrau Y(s)/R(s) de cada controlador em termos de UP, ts, erro em regime, plotando a resposta de P,PI,PID na mesma figura.

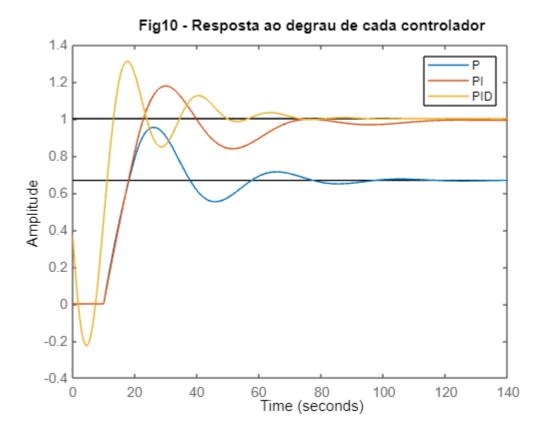
```
G2
G2 =
```

```
1.4
exp(-10*s) * ------
20 s + 1
```

Continuous-time transfer function. Model Properties

```
[cp, iaep] = pidtuning(G2, 'method', 'zie', 'type', 'P');
[cpi, iaepi] = pidtuning(G2, 'method', 'zie', 'type', 'PI');
G2_pade = pade(G2, 2);
[cpid, iaepid] = pidtuning(G2, 'method', 'zie', 'type', 'PID');

mcp = feedback(cp*G2, 1);
mcpi = feedback(cpi*G2, 1);
mcpid = feedback(cpid*G2_pade, 1);
step(mcp, mcpi, mcpid);
title('Fig10 - Resposta ao degrau de cada controlador');
legend('P', 'PI', 'PID');shg
```



Resposta ao degrau do controlador P em termos de UP, ts, erro em regime:

```
Scp = stepinfo(mcp);
 [ycp,tcp]=step(mcp);
 upcp = Scp.Overshoot
 upcp = 43.0072
 tscp = Scp.SettlingTime
 tscp = 90.4857
 iaep
 iaep = 54.6997
 errocp = 1-ycp(end)
 errocp = 0.3364
UP: 43%, ts: 90.5 s, erro em regime: 0.34
```

Resposta ao degrau do controlador PI em termos de UP, ts, erro em regime:

```
Scpi = stepinfo(mcpi);
[ycpi,tcpi]=step(mcpi);
```

```
upcpi = Scpi.Overshoot
 upcpi = 17.6739
 tscpi = Scpi.SettlingTime
 tscpi = 107.7485
 iaepi
 iaepi = 22.7469
 errocpi = 1-ycpi(end)
 errocpi = 0.0077
UP: 17.67%, ts: 107.75 s, erro em regime: 0
```

Resposta ao degrau do controlador PID em termos de UP, ts, erro em regime:

```
Scpid = stepinfo(mcpid);
[ycpid,tcpid]=step(mcpid);
upcpid = Scpid.Overshoot
upcpid = 31.0163
tscpid = Scpid.SettlingTime
tscpid = 68.0814
iaepid
iaepid = 22.1582
errocpid = 1-ycpid(end)
errocpid = -0.0027
```

UP: 31.02%, ts: 68.08 s, erro em regime: 0

Como já foi apresentado, obtivemos as seguintes respostas:

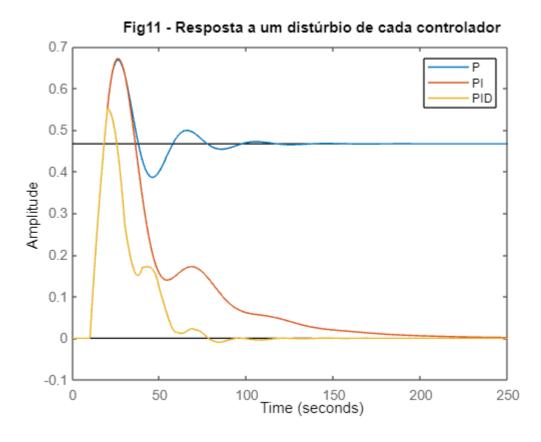
- Resposta ao degrau do controlador P: UP: 43%, ts: 90.5 s, erro em regime: 0.34
- Resposta ao degrau do controlador PI: UP: 17.67%, ts: 107.75 s, erro em regime: 0
- Resposta ao degrau do controlador PID: UP: 31.02%, ts: 68.08 s, erro em regime: 0

É evidente que o controlador P oferece o desempenho mais fraco devido ao alto erro em regime permanente, algo que deve ser evitado. Portanto, a escolha do melhor controlador recai entre o controlador PI, que possui o menor valor de UP, apesar de apresentar um tempo de estabilização, ts, considerável. Por outro lado, o controlador PID exibe um valor de UP maior que o PI e é mais oscilatório, mas ostenta um tempo de

estabilização menor. Ambos, no entanto, apresentam erro em regime permanente de aproximadamente zero. Dessa forma, a decisão se resume a escolher entre um controlador mais rápido, que terá um sobressinal maior e será mais oscilatório, ou um mais lento com um sobressinal menor. Ambas as opções têm suas vantagens e desvantagens. Contudo, ambas têm a vantagem de ter um erro em regime permanente de aproximadamente zero.

3.2) Compare a resposta a um distúrbio Y(s)/D(s) de cada controlador, verificando qual faz a melhor rejeição ao distúrbio, plotando a resposta de P,PI,PID na mesma figura.

```
mdcp = feedback(G2, cp);
mdcpi = feedback(G2, cpi);
mdcpid = feedback(G2, cpid);
step(mdcp, mdcpi, mdcpid);
title('Fig11 - Resposta a um distúrbio de cada controlador');
legend('P', 'PI', 'PID');shg;
```



Estamos analisando a resposta de cada controlador a um distúrbio. Portanto, o melhor controlador será aquele que proporciona a melhor rejeição ao distúrbio, ou seja, o valor em regime precisa ser zero.

De imediato, observamos que o controlador P tem novamente o pior desempenho, devido ao seu alto erro em regime, resultando em um valor de aproximadamente 0.47, ao invés de zero, em regime.

Além disso, notamos que os controladores PI e PID apresentam erro em regime zero. Observamos que o tempo de estabelecimento e o sobressinal do controlador PI são maiores do que os do controlador PID.

Portanto, apesar de o controlador PID ser mais oscilatório que o PI, acredito que ele proporciona a melhor rejeição aos distúrbios, devido ao seu tempo de estabelecimento menor e menor valor de UP.

## IV) Projeto de controlador PID via métodos de sintonia baseados em modelo

#### Projeto com G2:

4.1) Seja o modelo G2(s) já definido. Plote em uma mesma figura a resposta ao degrau de G2(s) e de um modelo de referência T(s) que dê a resposta desejada em malha fechada para este processo, de forma que seja mais rápido e sem erro em regime.

G2

G2 =

Continuous-time transfer function. Model Properties

O sistema G2 pode ser descrito como um sistema de primeira ordem com tempo morto. A equação para um sistema de primeira orderm com tempo morto é da seguinte forma:

$$G(s) = \frac{K \cdot e^{-ds}}{\tau s + 1}$$

Em que:

K é o ganho

d é o tempo morto

 $\tau$  é a constante de tempo

Analisando a equação de G2, vemos que o tempo morto é 10 segundos. Além disso, o ganho é 1,4. A constante de tempo é de 20 segundos.

Como já foi descrito antes, obtivemos os seguintes valores:

K: 1,4

d: 10 segundos

τ: 20 segundos

Um modelo de referência T(s) também será um sistema de primeira ordem com tempo morto. O tempo morto nesse caso será de 10 segundos, pois é o menor valor possível para o sistema de referência.

Para que a resposta desejada em malha fechada para esse processo não apresente erro em regime, o ganho K precisa ser igual a 1.

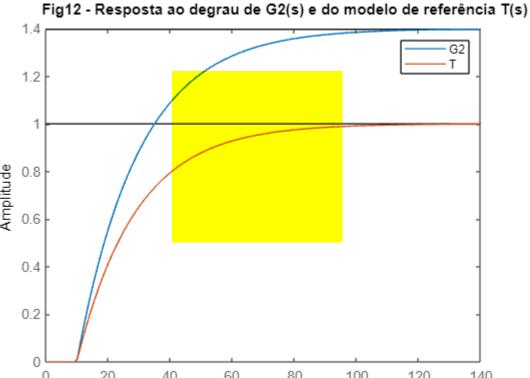
Além disso, para que a resposta em malha fechada seja mais rápida do que a do sistema original, representado por G2, a constante de tempo,  $\tau$ , precisa ser menor do que a constante de tempo de G2.

No entanto, essa constante de tempo não pode ser muito pequena, nem menor do que o tempo morto, pois isso tornaria o sistema inviável ou excessivamente oscilatório devido à alta velocidade de resposta.

Dessa forma, optaremos por um valor conservador de  $\tau$  de G2 - 1, o que resultará em um valor de 19 segundos para  $\tau$  de T. Isso tornará a resposta em malha fechada mais rápida.

dG2 = 10;

legend('G2', 'T');shg



Amplitude 0 20 40 120 140 80 100 Time (seconds)

```
SG2 = stepinfo(G2);
tsG2 = SG2.SettlingTime
```

tsG2 = 88.2438

```
ST = stepinfo(T);
tsT = ST.SettlingTime
```

tsT = 84.3332

Como é possível observar no gráfico e calcular a partir da função stepinfo, o modelo de referência T apresenta um tempo de estabelecimento menor em comparação com o G2.

Isto é, enquanto o modelo de referência T tem um tempo de estabelecimento (ts) de aproximadamente 84,33 segundos, o G2 possui um tempo de estabelecimento de cerca de 88,24 segundos. Portanto, o modelo de referência T se estabiliza mais rapidamente do que o G2.

4.2 Explique as escolhas e os cálculos para obter os parâmetros do controlador C(s) pelo método de síntese direta ou IMC. Obtenha os ganhos do controlador C(s) e plote no mesmo gráfico a resposta ao degrau do sistema em malha fechada e do modelo de referência T(s), mostrando o atendimento das especificações.

## Resposta:

No Método de Síntese, o controlador resultante depende dos modelos de processos, neste caso é o G2, e do modelo de referência que define o comportamento de malha fechada.

O controlador PID resultante C(s) é tal que 
$$\frac{C(s)G_2(s)}{1+C(s)G_2(s)}$$
 = Modelo de Referência =  $\frac{1}{\lambda s+1}$ 

Sendo que  $\lambda$  corresponde a constante de tempo,  $\tau$ , do modelo de referência da resposta em malha fechada.

Portanto, neste caso o  $\lambda$  será 19. Para fazer os cálculos pelo método de síntese direta ou IMC utilizando a função pidtuning é necessário apenas passar o modelo em malha aberta G2 e o valor do  $\lambda$  definido que é o mesmo valor da constante de tempo,  $\tau$ , do modelo de referência da resposta em malha fechada.

```
lambda = tauG2;
C = pidtuning(G2,lambda);
C

C =

    Kp + Ki * ---
    s

with Kp = 0.94, Ki = 0.0376

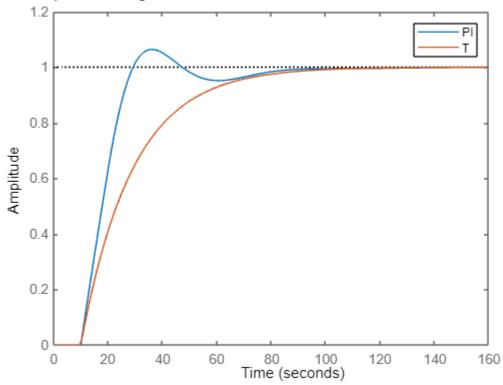
Continuous-time PI controller in parallel form.
Model Properties
```

O controlador C(s) é um PI, seus ganhos são:

- Kp = 0.94
- Ki = 0.0376

```
mG2 = feedback(C*G2, 1);
step(mG2, T);
title('Fig13 - Resposta ao degrau do sistema em malha fechada e do modelo de
referência T(s)');
legend('PI', 'T');shg
```

Fig13 - Resposta ao degrau do sistema em malha fechada e do modelo de refer-



# Resposta ao degrau do controlador C:

```
S_lambda = stepinfo(mG2);
up_lambda = S_lambda.Overshoot

up_lambda = 6.3724

ts_lambda = S_lambda.SettlingTime

ts_lambda = 77.8510

[y_lambda,t_lambda]=step(mG2);
erro_lambda = 1-y_lambda(end)

erro_lambda = 0.0012
```

UP: 6%, ts: 77.85 s, erro em regime: 0

# Resposta ao degrau do modelo de referência T:

```
ST = stepinfo(T);
upT = ST.Overshoot

upT = 0

tsT = ST.SettlingTime
```

```
tsT = 84.3332
```

```
[yT,tT]=step(T);
erroT = 1-yT(end)
```

erroT = 0.0051

UP: 0%, ts: 84.33 s, erro em regime: 0

Como já foi apresentado, obtivemos as seguintes respostas:

- Resposta ao degrau do controlador C: UP: 6%, ts: 77.85 s, erro em regime: 0
- Resposta ao degrau do modelo de referência T: UP: 0%, ts: 84.33 s, erro em regime: 0

Como podemos observar no gráfico e nos cálculos, a resposta ao degrau do sistema em malha fechada apresenta um valor extremamente baixo de UP com apenas 6% que pode ser considerado como zero que é o valor da referência, o UP de T.

Além disso, ao analisar o gráfico, percebemos que ambos têm um tempo de estabilização muito próximo, o que é corroborado pelos cálculos. A resposta ao degrau do sistema em malha fechada possui um tempo de estabilização (ts) de 77.85 segundos, enquanto T tem 84.33 segundos, como mencionado anteriormente. Além disso, ambos apresentam erro em regime permanente igual a zero.

Portanto, todas as especificações foram atendidas. A resposta ao degrau do sistema em malha fechada está muito próxima da resposta ao degrau do modelo de referência T. E ambas as respostas são mais rápidas do que o modelo G2 e não possuem erro em regime permanente.

#### Projeto com G1:

4.3 Projete um controlador PID para G1(s) pelo método de síntese direta ou IMC de modo que seu tempo de estabelecimento seja reduzido à metade, com UP<5%. Plote a saída Y(s) para malha aberta e malha fechada, mostrando o atendimento da especificação, e mostre os valores de UP, ts e IAE.

#### Resposta:

Primeiro vamos encontrar o tempo de estabelecimento de G1(s):

$$G(s) = \frac{w_n^2}{s^2 + 2\zeta w_n s + w_n^2}$$

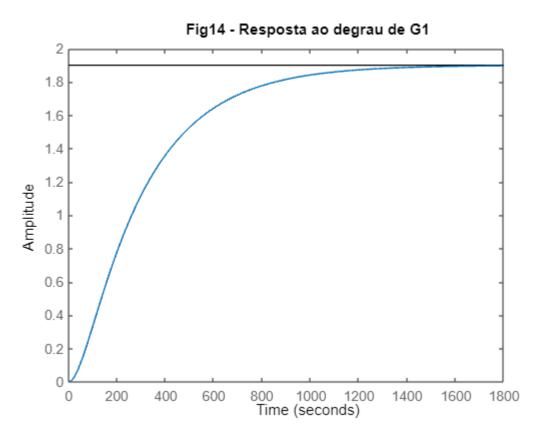
G1

G1 = 1.9

```
14580 \text{ s}^2 + 324 \text{ s} + 1
```

Continuous-time transfer function. Model Properties

```
step(G1)
title('Fig14 - Resposta ao degrau de G1');
```



```
SG1 = stepinfo(G1);
tsG1 = SG1.SettlingTime
```

tsG1 = 1.1165e+03

O tempo de estabelecimento de G1(s) é de 1.120 segundos.

Mas queremos a metade desse tempo de estabelecimento, portanto estamos buscando por um tempo de estabelecimento de 560 segundos.

Agora vamos definir um modelo de referência: Modelo de Referência =  $\frac{1}{\lambda s + 1}$  que tenha um tempo de estabelecimento bem parecido

Considerando o modelo de referência um sistema de primeira ordem, temos que o tempo de estabelecimento é aquele necessário para que a saída se aproxime do valor de regime. Nesse caso, pode ser aproximado por 4T.

$$5\tau = 560$$

```
tauG1 = 560/4
```

```
tauG1 = 140
```

Assim, temos o seguinte modelo de referência:

```
\frac{1}{140s+1}
```

 $\tau = 140$ 

Em que  $\lambda$  recebe o valor de 140.

```
lambdaG1 = tauG1;
[cG1, iaeG1] = pidtuning(G1,lambdaG1)

cG1 =

Kp + Ki * --- + Kd * s

with Kp = 1.22, Ki = 0.00376, Kd = 54.8

Continuous-time PID controller in parallel form.
Model Properties
iaeG1 = 132.0519
```

## Saída Y(s) para malha fechada

```
mG1 = feedback(cG1*G1, 1);
step(mG1);
title('Fig15 - Resposta ao degrau da saída Y(s) para malha fechada');
legend('PID');shg
```

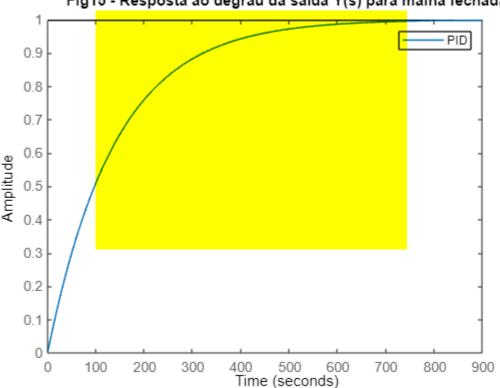


Fig15 - Resposta ao degrau da saída Y(s) para malha fechada Amplitude

```
SmG1 = stepinfo(mG1);
upmG1 = SmG1.Overshoot
upmG1 = 0
tsmG1 = SmG1.SettlingTime
tsmG1 = 547.6904
iaeG1
iaeG1 = 132.0519
```

Esse foi o projeto de um controlador PID para G1(s) de modo que seu tempo de estabelecimento seja reduzido à metade.

De fato, o tempo de estabelecimento foi reduzido de 1120 segundos para 547.69 segundo, praticamente metade.

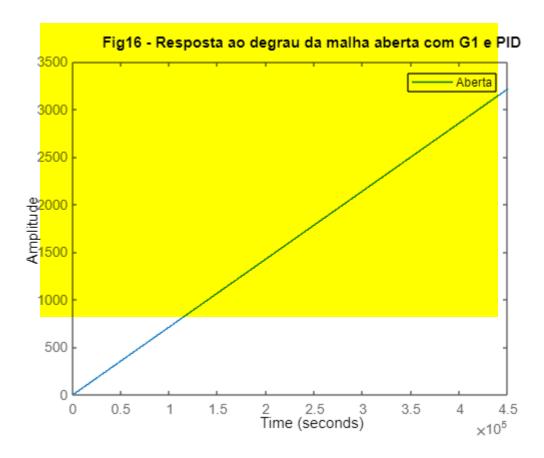
UP<5%, porque UP = 0%. Dessa forma, todas as especificações foram atendidas.

Valores de UP, ts e IAE da resposta ao degrau do controlador PID:

- UP = 0%
- ts = 547.69 segundos
- IAE = 132

Como a malha é composta apenas pelo bloco do sistema, G1, e seu controlador, a malha aberta é apenas a multiplicação desses dois sistemas:

```
step(cG1*G1);
title('Fig16 - Resposta ao degrau da malha aberta com G1 e PID');
legend('Aberta');shg
```



4.4 Repita para um controlador PI, explicando a diferença de projeto para o controlador PID, bem como a diferença entre os valores de UP, ts e IAE obtidos aqui e em 4.3

## Resposta:

Para o projeto do controlador PID usamos a função pidtuning, utilizando o método lambda que é o método de síntese direta ou IMC, informando o lambda que é o valor da constante de tempo,  $\tau$ , do modelo de referência da resposta em malha fechada.

Porém, esse método não pode ser utilizado para desenvolver um controlador PI para uma função de segunda ordem, como é o caso da G1.

Assim, devemos utilizar o método polealoc que é o método de síntese direta em que fornecemos UP e ts e ele retorna um PI.

Então, informei um UP pequeno de 0.1% e o mesmo ts obtido no item anterior, 547.69 segundos para que a minha resposta obtida seja parecida com a anterior.

```
G1
G1 =
          1.9
 14580 \text{ s}^2 + 324 \text{ s} + 1
Continuous-time transfer function.
Model Properties
UP = 0.1
UP = 0.1000
ts = tsmG1
ts = 547.6904
[cPI, iaePI]=pidtuning(G1,'method','polealoc','type','PI','param',[UP ts])
cPI =
 Kp + Ki * ---
 with Kp = 0.556, Ki = 0.00239
Continuous-time PI controller in parallel form.
Model Properties
iaePI = 234.9778
mPI = feedback(cPI*G1, 1);
SmPI = stepinfo(mPI);
upmPI = SmPI.Overshoot
upmPI = 1.4407
tsmPI = SmPI.SettlingTime
tsmPI = 582.4259
iaePI
iaePI = 234.9778
step(mPI);
title('Fig17 - Resposta ao degrau de G1 e o PI para malha fechada');
legend('PDI');shg
```

1.2 PDI 1 8.0 Amplitude 0.6 0.4 0.2 200 400 0 600 800 1200 1400 1600 1000 Time (seconds)

Fig17 - Resposta ao degrau de G1 e o PI para malha fechada

Esse foi o projeto de um controlador PI para G1(s) de modo que seu tempo de estabelecimento seja reduzido à metade.

De fato, o tempo de estabelecimento foi reduzido de 1120 segundos para 582.43 segundo, praticamente metade.

UP<5%, porque UP = 1.44%. Dessa forma, todas as especificações foram atendidas.

Valores de UP, ts e IAE da resposta ao degrau do controlador PID:

- UP = 1.44%
- ts = 582.43 segundos
- IAE = 234.98

Esse projeto de controlador PI foi projetado de forma diferente do PID porque ele utilizou um método diferente, o polealoc, da mesma função.

Como o método é diferente, ele faz calculos diferentes, tem limitações diferentes e gera um controlador difente.

O controlador gerado por esse método é um PI e tem ganhos: Kp: 0.556 e Ki: 0.002.

O método anterior gerou um PID que além de ter o ganho Kd de diferente, o ganho Kp era 1.22, bem diferente.

Dessa forma, se não é gerado o mesmo controlador, as respostas serão diferentes UP, ts e IAE também serão diferentes.

# Malha aberta:

```
step(cPI*G1);
title('Fig18 - Resposta ao degrau da malha aberta com G1 e PI');
legend('Aberta');shg
```

