

#### Universitatea Politehnica din București Facultatea de Automatică și Calculatoare Departamentul de Calculatoare



# FORMA POSTFIXATĂ A UNEI EXPRESII

#### Introducere

- Scrierea postfixată (forma poloneză inversă) a fost realizată de matematicianul polonez Jan Lukasiewicz (1878 – 1956)
- Algoritmul de transformare a unei expresii matematice din forma infixată în forma postfixată a fost elaborat de informaticianul olandez Edsger Dijkstra (1930 – 2002)

#### Introducere

- Transformarea unei expresii aritmetice din forma infixată în forma postfixată necesită utilizarea unei stive
- După aceea, se evaluează expresia în forma postfixată
- Această operație este necesară la proiectarea compilatoarelor

## Notația infixată

- Expresiile aritmetice sunt scrise în mod uzual cu operatorii (+, -, \* sau /) așezați între cei doi operanzi (numere sau simboluri care înlocuiesc numerele)
- Această notație se numește infixată, din cauză că operatorul apare între operanzi
- Exemple: 2+2, 4/7, A+B, A/B

### Notația postfixată

- În notația postfixată, operatorul urmează cei doi operanzi
- A+B devine AB+
- A/B devine AB/
- Orice expresie infixată, oricât de complexă, poate fi transcrisă în notație postfixată

TABLE 4.2 Infix and Postfix Expressions

| Infix           | Postfix     |
|-----------------|-------------|
| A+B-C           | AB+C-       |
| A*B/C           | AB*C/       |
| A+B*C           | ABC*+       |
| A*B+C           | AB*C+       |
| $A^*(B+C)$      | ABC+*       |
| A*B+C*D         | AB*CD*+     |
| (A+B)*(C-D)     | AB+CD-*     |
| ((A+B)*C)-D     | AB+C*D-     |
| A+B*(C-D/(E+F)) | ABCDEF+/-*+ |

### Notația prefixată

- Pe langă notațiile infixată și postfixată, mai există și notația prefixată, în care operatorii se scriu înaintea operanzilor
- +AB în loc de AB+
- Funcţional, această notaţie e similară cu cea postfixată

### Evaluarea unei expresii infixate

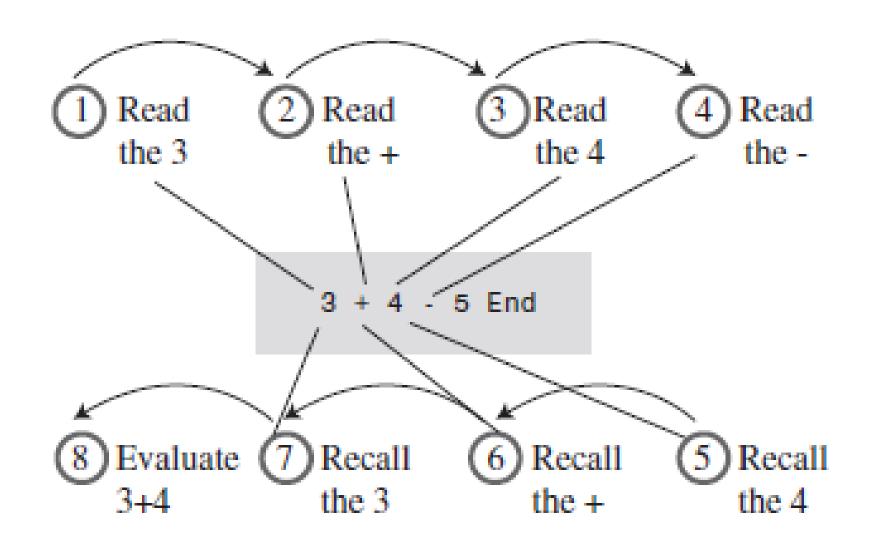
- Se citește expresia de la stânga la dreapta
- Atunci când se citeşte suficient pentru a evalua doi operanzi și un operator, se efectuează calculul și se înlocuiesc cei doi operanzi și operatorul dintre ei cu rezultatul gasit
- Procesul continuă, mergând de la stânga spre dreapta și evaluând, acolo unde este posibil, până la sfârșitul expresiei

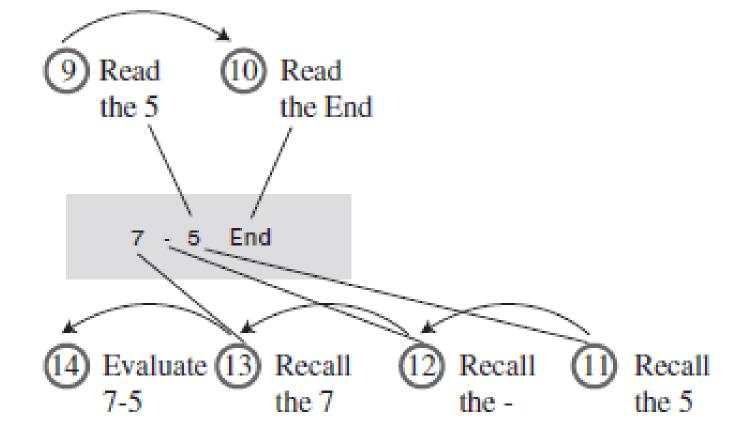
TABLE 4.3 Evaluating 3+4–5

| Item Read | Expression Parsed So Far | Comments                                      |
|-----------|--------------------------|---|
| 3         | 3                        |   |
| +         | 3+                       |   |
| 4         | 3+4                      |   |
| _         | 7                        | When you see the -, you can evaluate 3+4.     |
|           | 7_                       |   |
| 5         | 7–5                      |   |
| End       | 2                        | When you reach the end of the expression, you |
|           |                          | can evaluate 7–5.                             |

- Nu putem evalua 3+4 până când nu vedem care este operatorul care urmează imediat după 4
- Dacă este vorba de un operator \* sau /, trebuie să așteptăm înainte de a aplica efectul semnului + până când se evaluează \* sau /

- Operatorul care urmează după 4 este -, care are aceeași precedență cu +, deci atunci când îl întâlnim, știm că putem evalua 3+4, care este 7
- Rezultatul 7 va înlocui secvența 3+4
- Se va evalua apoi 7-5, atunci când ajungem la sfârșitul expresiei





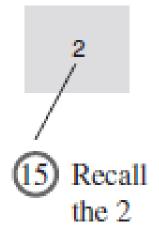


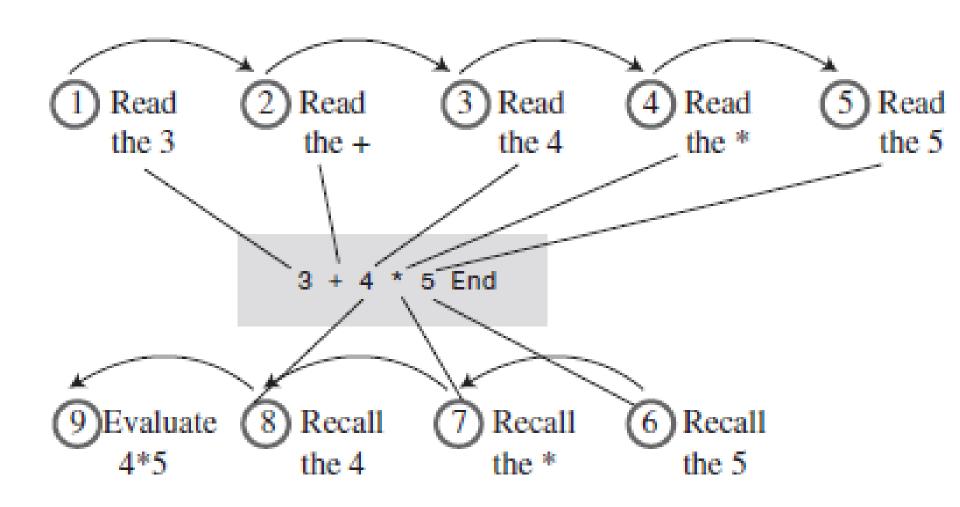
TABLE 4.4 Evaluating 3+4\*5

| Item Read | Expression Parsed So Far | Comments   |
|-----------|--------------------------|--|
| 3         | 3                        |  |
| +         | 3+                       |  |
| 4         | 3+4                      |  |
| *         | 3+4*                     | You can't evaluate 3+4 because * is higher precedence than +.  |
| 5         | 3+4*5                    | When you see the 5, you can evaluate 4*5.                      |
|           | 3+20                     |  |
| End       | 23                       | When you see the end of the expression, you can evaluate 3+20. |

- Nu se poate însuma cu 3 decât atunci când cunoaștem rezultatul înmulțirii 4\*5, deoarece înmulțirea are o precedență mai mare decât adunarea
- Toate înmulțirile sau împărțirile trebuie efectuate înaintea oricăror adunări sau scăderi, ce excepția cazului în care parantezele schimbă această ordine

- Trebuie să ne asigurăm, atunci când ajungem la o combinație operandoperator-operand, cum este A+B, că operatorul aflat la dreapta lui B nu are precedența mai mare decât +
- Dacă operatorul respectiv are o precedență mai mare, nu putem încă să efectuăm adunarea

- După ce l-am citit pe 5, înmulțirea poate fi efectuată, din cauză că are prioritate maximă
- Nu contează dacă un alt operator \* sau / mai urmează după 5
- Nu putem efectua încă adunarea, până când nu știm ce se află la dreapta lui 5
- Când observăm că, după 5, expresia se termină, putem continua efectuând adunarea



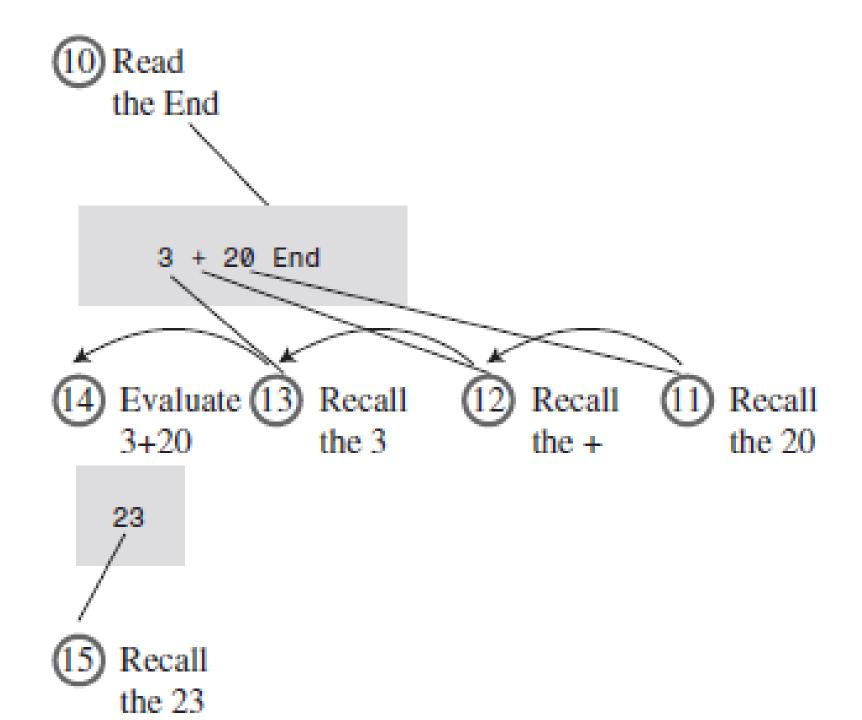
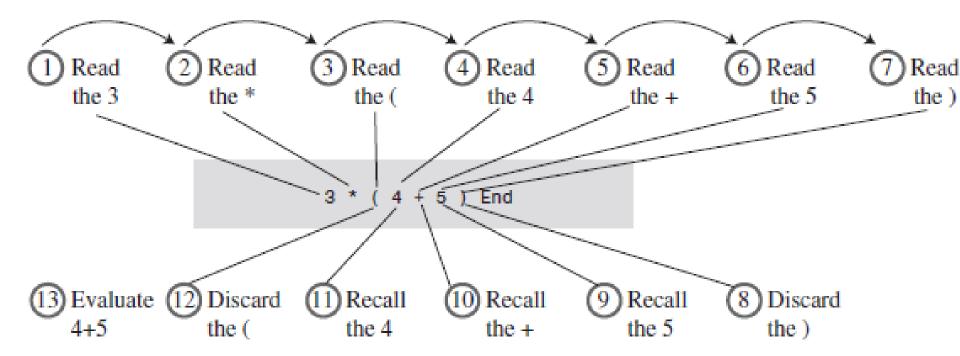


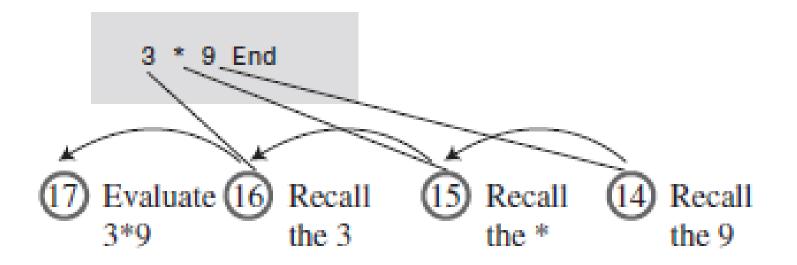
TABLE 4.5 Evaluating 3\*(4+5)

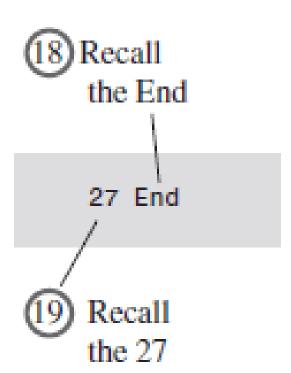
| Item Read | Expression Parsed So Far | Comments   |
|-----------|--------------------------|--|
| 3         | 3                        |  |
| *         | 3*                       |  |
| (         | 3*(                      |  |
| 4         | 3*(4                     | You can't evaluate 3*4 because of the parenthesis. |
| +         | 3*(4+                    |  |
| 5         | 3*(4+5                   | You can't evaluate 4+5 yet.                        |
| )         | 3*(4+5)                  | When you see the ), you can evaluate 4+5.          |
|           | 3*9                      | After you've evaluated 4+5, you can evaluate 3*9.  |
|           | 27                       |  |
| End       |                          | Nothing left to evaluate.                          |

- Parantezele se utilizează pentru a modifica precedența obișnuită a operatorilor
- În expresia 3\*(4+5), fără paranteze, se efectuează mai întâi înmulțirea
- Cu paranteze, adunarea este cea care se va efectua prima

- Nu se poate evalua nimic până când nu se întâlnește paranteza închisă
- Se poate calcula 3\*4 imediat după ce îl întâlnim pe 4, dar parantezele au o precedență mai mare decât operatorii \* şi /
- Putem evalua tot ce este cuprins între paranteze, înainte de a putea utiliza rezultatul ca operand în alte calcule







- La evaluarea expresiilor aritmetice în notație infixată, ne deplasăm atât înainte cât și înapoi în cadrul expresiei
- Deplasările înainte (de la stânga la dreapta) au ca scop citirea operanzilor şi a operatorilor
- Când avem suficientă informație pentru a aplica un operator, ne deplasăm înapoi, amintindu-ne doi operanzi și un operator, pentru a efectua calculele aritmetice

- Uneori, trebuie să amânăm aplicarea unor operatori, dacă sunt urmați de operatori cu precedență mai mare sau de paranteze
- Atunci când apare această situație, trebuie mai întâi să aplicăm operatorul ulterior, de precedență mai mare
- După aceea, ne deplasăm înapoi (spre stânga) și aplicăm primul operator

# Conversia formei infixate în notație postfixată

- Ideea nu este de a evalua expresia în formă infixată, ci de a rearanja operatorii şi operanzii într-un format diferit: notația postfixată
- Expresia postfixată rezultată va fi evaluată ulterior
- Se citeşte forma infixată de la stânga spre dreapta, examinând fiecare caracter în parte

- Pe măsură ce ne deplasăm, vom copia operanzii și operatorii în șirul de ieșire, care reprezintă chiar notația postfixată
- Artificiul constă în a şti când să copiem fiecare element în parte
- Când caracterul din şirul infixat este un operand, îl vom copia imediat în şirul postfixat

 Ori de câte ori putem utiliza un operator pentru a evalua o parte a expresiei infixate (dacă am fi efectuat evaluarea expresiei în loc de conversia la forma postfixată), vom copia operatorul în şirul postfixat

TABLE 4.6 Translating A+B-C into Postfix

| Character  | Infix      | Postfix    | Comments                                  |
|------------|------------|------------|---|
| Read from  | Expression | Expression |   |
| Infix      | Parsed So  | Written So |   |
| Expression | Far        | Far        |   |
| Α          | Α          | Α          |   |
| +          | <b>A</b> + | Α          |   |
| В          | A+B        | AB         |   |
| _          | A+B-       | AB+        | When you see the -, you can copy the +    |
|            |            |            | to the postfix string.                    |
| C          | A+B-C      | AB+C       |   |
| End        | A+B-C      | AB+C-      | When you reach the end of the expression, |
|            |            |            | you can copy the –.                       |

TABLE 4.7 Translating A+B\*C to Postfix

| Character  | Infix      | Postfix    | Comments                                |
|------------|------------|------------|---|
| Read from  | Expression | Expression |   |
| Infix      | Parsed So  | Written So |   |
| Expression | Far        | Far        |   |
| A          | Α          | Α          |   |
| +          | A+         | Α          |   |
| В          | A+B        | AB         |   |
| *          | A+B*       | AB         | You can't copy the + because * is       |
|            |            |            | higher precedence than +.               |
| C          | A+B*C      | ABC        | When you see the C, you can copy the *. |
|            | A+B*C      | ABC*       |   |
| End        | A+B*C      | ABC*+      | When you see the end of the             |
|            |            |            | expression, you can copy the +.         |

TABLE 4.8 Translating A\*(B+C) into Postfix

| Character  | Infix      | Postfix    | Comments                                       |
|------------|------------|------------|--|
| Read from  | Expression | Expression |  |
| Infix      | Parsed so  | Written So |  |
| Expression | Far        | Far        |  |
| A          | Α          | Α          |  |
| *          | A*         | Α          |  |
| (          | A*(        | Α          |  |
| В          | A*(B       | AB         | You can't copy * because of the parenthesis.   |
| +          | A*(B+      | AB         |  |
| C          | A*(B+C     | ABC        | You can't copy the + yet.                      |
| )          | A*(B+C)    | ABC+       | When you see the ), you can copy the +.        |
|            | A*(B+C)    | ABC+*      | After you've copied the +, you can copy the *. |
| End        | A*(B+C)    | ABC+*      | Nothing left to copy.                          |

- La fel ca în procesul evaluării numerice, ne deplasăm atât înainte, cât și înapoi, prin expresia infixată, pentru a realiza conversia la notația postfixată
- Nu putem scrie un operator în şirul de ieşire (forma postfixată), dacă acesta este urmat de un operator cu precedență mai mare sau de o paranteză deschisă

 Dacă întâlnim o astfel de situație, operatorul de precedență mai mare sau operatorul din paranteză trebuie copiat în forma postfixată, înaintea operatorului de prioritate mai scăzută

### Salvarea operatorilor într-o stivă

- Ordinea operatorilor este inversată atunci când trecem de la forma infixată la cea postfixată
- Din cauză că primul operator nu poate fi copiat în şirul de ieşire până când al doilea operator nu a fost copiat, operatorii apar la ieşire în ordine inversă față de cum au fost citiți din şirul infixat

TABLE 4.9 Translating A+B\*(C-D) to Postfix

| Character  | Infix      | Postfix    | Stack    |
|------------|------------|------------|----------|
| Read from  | Expression | Expression | Contents |
| Infix      | Parsed So  | Written So |          |
| Expression | Far        | Far        |          |
| Α          | Α          | Α          |          |
| +          | A+         | Α          | +        |
| В          | A+B        | AB         | +        |
| *          | A+B*       | AB         | +*       |
| (          | A+B*(      | AB         | +*(      |
| С          | A+B*(C     | ABC        | +*(      |
| _          | A+B*(C-    | ABC        | +*(-     |
| D          | A+B*(C-D   | ABCD       | +*(-     |
| )          | A+B*(C-D)  | ABCD-      | +*(      |
|            | A+B*(C-D)  | ABCD-      | +*(      |
|            | A+B*(C-D)  | ABCD-      | +*       |
|            | A+B*(C-D)  | ABCD-*     | +        |
|            | A+B*(C-D)  | ABCD-*+    |          |

- În expresia infixată iniţială, ordinea operatorilor este + \* -, dar se inversează până la - \* +, în forma postfixată rezultată
- Aceasta se întâmplă din cauză că operatorul \* are o precedență mai mare decât +, iar -, fiind în paranteză, are precedență mai mare decât \*

- Inversarea ordinii ne sugerează că este o idee bună să utilizăm o stivă pentru a memora operatorii, în timp ce așteptăm să îi putem utiliza efectiv
- Extragerea unor elemente din stivă ne permite ca, într-un fel, să ne deplasăm înapoi (de la dreapta spre stânga) prin șirul de intrare

- Nu examinăm întregul şir de intrare, ci doar operatorii şi parantezele
- Aceștia au fost inserați în stivă atunci când s-a citit șirul de intrare, deci este simplu să ni-i amintim în ordine inversă, extrăgându-i efectiv din stivă
- Operanzii apar în aceeași ordine în cele două notații, deci ei pot fi scriși în șirul de ieșire imediat ce sunt întâlniți, nu este nevoie să-i memorăm într-o stivă

#### TABLE 4.10 Infix to Postfix Translation Rules

| Item Read from Input<br>(Infix) | Action   |
|---------------------------------|--|
| Operand                         | Write it to output (postfix)                                 |
| Open parenthesis (              | Push it on stack   |
| Close parenthesis )             | While stack not empty, repeat the following:<br>Pop an item, |
|                                 | If item is not (, write it to output                         |
|                                 | Quit loop if item is (                                       |
| Operator (opThis)               | If stack empty,  |
|                                 | Push opThis  |
|                                 | Otherwise,   |
|                                 | While stack not empty, repeat:                               |
|                                 | Pop an item,   |
|                                 | If item is (, push it, or                                    |
|                                 | If item is an operator (opTop), and                          |
|                                 | If opTop < opThis, push opTop, or                            |
|                                 | <pre>If opTop &gt;= opThis, output opTop</pre>               |
|                                 | Quit loop if opTop < opThis or item is (                     |
|                                 | Push opThis  |
| No more items                   | While stack not empty,                                       |
|                                 | Pop item, output it.   |

- Simbolurile < şi >= se referă la relaţia de precedenţă, nu la comparaţia unor valori numerice
- Operatorul opThis este cel care tocmai a fost citit din șirul de intrare, în timp ce opTop este cel care se află în vârful stivei

TABLE 4.11 Translation Rules Applied to A+B-C

| Character<br>Read from | Infix<br>Parsed So | Postfix<br>Written So | Stack<br>Contents | Rule                          |
|------------------------|--------------------|-----------------------|-------------------|-------------------------------|
| Infix Far              | Far                | Far                   |                   |                               |
| A                      | Α                  | Α                     |                   | Write operand to output.      |
| +                      | A+                 | Α                     | +                 | If stack empty, push opThis.  |
| В                      | A+B                | AB                    | +                 | Write operand to output.      |
| _                      | A+B-               | AB                    |                   | Stack not empty, so pop item. |
|                        | A+B-               | AB+                   |                   | opThis is -, opTop is +,      |
|                        |                    |                       |                   | opTop>=opThis, so output      |
|                        |                    |                       |                   | opTop.                        |
|                        | A+B-               | AB+                   | _                 | Then push opThis.             |
| С                      | A+B-C              | AB+C                  | _                 | Write operand to output.      |
| End                    | A+B-C              | AB+C-                 |                   | Pop leftover item, output it. |

TABLE 4.12 Translation Rules Applied to A+B\*C

| Character<br>Read From<br>Infix | Infix<br>Parsed<br>So Far | Postfix<br>Written<br>So Far | Stack<br>Contents | Rule   |
|---------------------------------|---------------------------|------------------------------|-------------------|--|
| Α                               | Α                         | Α                            |                   | Write operand to postfix.  |
| +                               | <b>A</b> +                | Α                            | +                 | If stack empty, push opThis.   |
| В                               | A+B                       | AB                           | +                 | Write operand to output.   |
| *                               | A+B*                      | AB                           | +                 | Stack not empty, so pop opTop.   |
|                                 | A+B*                      | AB                           | +                 | <pre>opThis is *, opTop is +, opTop<opthis, optop.<="" pre="" push="" so=""></opthis,></pre> |
|                                 | A+B*                      | AB                           | +*                | Then push opThis.  |
| C                               | A+B*C                     | ABC                          | +*                | Write operand to output.   |
| End                             | A+B*C<br>A+B*C            | ABC*<br>ABC*+                | +                 | Pop leftover item, output it.<br>Pop leftover item, output it.                               |

TABLE 4.13 Translation Rules Applied to A\*(B+C)

| Character<br>Read From | Infix<br>Parsed | Postfix<br>Written | Stack<br>Contents | Rule                          |
|------------------------|-----------------|--------------------|-------------------|-------------------------------|
| Infix                  | So Far          | So Far             |                   |                               |
| Α                      | Α               | Α                  |                   | Write operand to postfix.     |
| *                      | A*              | Α                  | *                 | If stack empty, push opThis.  |
| (                      | A*(             | Α                  | *(                | Push ( on stack.              |
| В                      | A*(B            | AB                 | *(                | Write operand to postfix.     |
| +                      | A*(B+           | AB                 | *                 | Stack not empty, so pop item. |
|                        | A*(B+           | AB                 | *(                | It's (, so push it.           |
|                        | A*(B+           | AB                 | *(+               | Then push opThis.             |
| C                      | A*(B+C          | ABC                | *(+               | Write operand to postfix.     |
| )                      | A*(B+C)         | ABC+               | *(                | Pop item, write to output.    |
|                        | A*(B+C)         | ABC+               | *                 | Quit popping if (.            |
| End                    | A*(B+C)         | ABC+*              |                   | Pop leftover item, output it. |

- Se utilizează o stivă, în care sunt stocați temporar operatorii expresiei
- Fiecare operator are atribuită o prioritate

| (   | 1 |
|-----|---|
| )   | 2 |
| + - | 3 |
| * / | 4 |

- 1. Se iniţializează stiva şi structura de stocare a expresiei în forma postfixată, care este o coadă
- 2. Atât timp cât nu s-a ajuns la sfârşitul expresiei în forma infixată:
  - 2.1. Se citeşte următorul element (operand/operator) din expresia infixată

- 2.2. Dacă elementul este operand, acesta se adaugă în coadă
- 2.3. Dacă elementul este operatorul (, atunci acesta se introduce în stivă
- 2.4. Dacă elementul este operatorul), atunci se transferă operatorii din stivă în coadă, până la întâlnirea operatorului (în stivă; operatorul (se extrage din stivă, fără a fi transferat în coadă

- 2.5. Altfel, nu este unul din operatorii ( sau ):
  - 2.5.1. Atât timp cât prioritatea operatorului din vârful stivei este mai mare decât prioritatea operatorului curent, se trece operatorul din vârful stivei în coadă
  - 2.5.2. Se introduce operatorul curent în stivă
- 3. Se trec toţi operatorii rămaşi pe stivă în forma postfixată

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
#include <conio.h>
struct NodStiva{
     char opr;
      NodStiva* next;
```

```
struct NodCoada{
    int opd; //valoarea numerica a operandului
    char opr; //simbolul asociat operatorului
    NodCoada* next;
};
```

/\*Cele doua campuri int si char se exclud reciproc prin initializarea cu valoarea zero a campului care nu trebuie considerat in cadrul operatiei de extragere din coada sau afisare a cozii\*/

```
NodStiva* push(NodStiva* vf, char c){
NodStiva* nou = (NodStiva*) malloc(sizeof(NodStiva));
      nou->opr = c;
      nou->next = vf;
      return nou;
NodStiva* pop(NodStiva* vf, char *c){
      if (vf) {
            *c = vf->opr;
            NodStiva* t = vf;
            vf = vf->next:
            free(t);
            return vf;
      return vf; }
```

```
NodCoada* put(NodCoada* c, int v, char o) {
NodCoada* nou=(NodCoada*) malloc(sizeof(NodCoada));
     nou->opd = v;
     nou->opr = o;
     nou->next = NULL;
     if (!c)
           return nou;
     else {
           NodCoada* t = c;
           while(t->next)
                 t = t->next;
           t->next = nou;
           return c;
```

```
int prioritate(char c) {
      switch(c) {
             case '(':
                    return 1;
             case ')':
                    return 2;
             case '+':
             case '-':
                    return 3;
             case '*':
             case '/':
                    return 4;
             default:
                    return 5;
```

```
int main() {
     NodStiva* stack = NULL;
     NodCoada* queue = NULL;
     char ExprInfix[100], SubExpr[100], o;
     int vb, vb op = 0;
     printf("Introduceti expresia matematica in
                       forma infixata: ");
     scanf("%s", ExprInfix);
```

```
/*algoritmul de transformare infixata -> postfixata
cu operanzi intregi fara semn*/
      int i = 0;
      //extragere expresie operand/operator
      while (ExprInfix[i] != '\0') {
             int k = 0:
             if (ExprInfix[i] > 47 \&\& ExprInfix[i] < 58) {
//codurile ascii ale cifrelor de la 0 la 9 sunt de la 48 la 57
            while (ExprInfix[i] > 47 \&\& ExprInfix[i] < 58) {
                          SubExpr[k] = ExprInfix[i];
                          k++;
                         j++;
                   SubExpr[k] = '\0';
                   vb = 1:
```

```
else {
      SubExpr[k] = ExprInfix[i];
      SubExpr[k+1] = '\0';
      j++;
      vb = 0:
if (vb) {
      0 = 0;
      queue = put(queue, atoi(SubExpr), o);
```

/\*Valorile operanzilor se obtin prin aplicarea functiei standard de conversie ASCII-to-int, respectiv **atoi**\*/

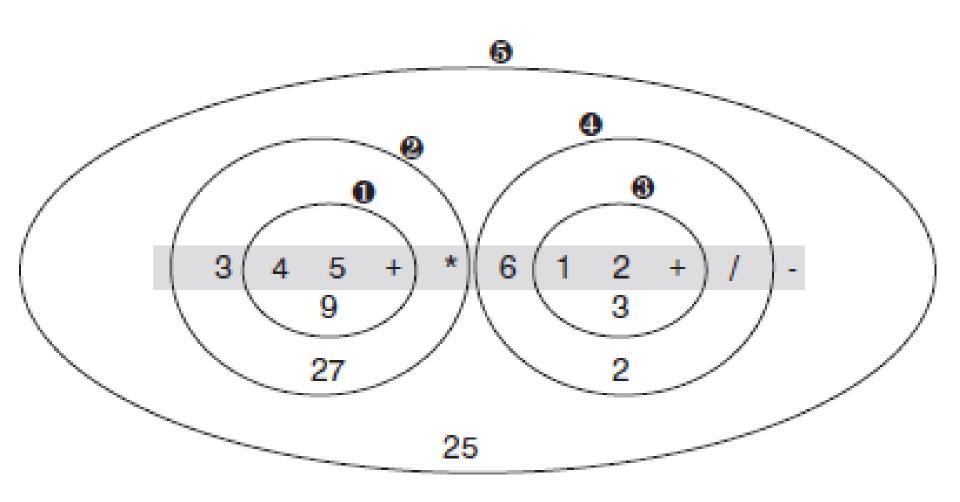
```
else {
      if (SubExpr[0] == '(' ){
                         stack = push(stack, SubExpr[0]);
      else {
            if (SubExpr[0]== ')' ) {
                         stack = pop(stack, &o);
                         while (o != '(' ) {
                               queue = put(queue, 0, o);
                               stack = pop(stack, &o);
```

```
else {
      if (prioritate(SubExpr[0]) < 5) {</pre>
      if (stack) {
while (stack &&
prioritate(stack->opr) > prioritate(SubExpr[0])) {
                         stack = pop(stack, &o);
                         queue = put(queue, 0, o);
      stack = push(stack, SubExpr[0]);
```

/\*Daca in cadrul sirului de caractere introdus de la tastatura se identifica un operator sau simbol care nu se afla in lista precizata in functia prioritate, atunci variabila booleana **vb\_op** este setata pe valoarea **1**. Expresia matematica in scriere postfixata este afisata doar pentru **vb\_op = 0**\*/

```
while (stack) {
            stack = pop(stack, &o);
            queue = put(queue, 0, o);
      //afisarea expresiei in scriere postfixata
      NodCoada* t:
      if (!vb op) {
            t = queue;
            while (t) {
                   if (t->opd) printf("%d ", t->opd);
                   else printf("%c", t->opr);
                  t = t->next;
```

### Evaluarea expresiilor postfixate



#### Evaluarea expresiilor postfixate

- Se începe cu primul operator din stânga şi se încercuieşte, împreună cu cei mai apropiați doi operanzi aflați la stânga sa
- Se aplică operatorul asupra celor doi operanzi, efectuând calculul propriu-zis, şi se scrie rezultatul în interiorul cercului

#### Evaluarea expresiilor postfixate

- Ne deplasăm spre dreapta, la operatorul imediat următor şi încercuim operatorul, cercul anterior desenat şi operandul aflat la stânga acestuia
- Se aplică operatorul între rezultatul încercuit anterior şi noul operand, iar noul rezultat obținut se scrie în cercul nou desenat
- Procesul continuă până când se aplică toți operatorii

# Reguli de evaluare a expresiilor postfixate

- De fiecare dată când întâlnim un operator, îl aplicăm asupra ultimilor doi operanzi întâlniți
- Aceasta ne sugerează ideea de a memora operanzii într-o stivă

# Reguli de evaluare a expresiilor postfixate

- Este o situație inversă celei din algoritmul de conversie din forma infixată în cea postfixată, în care operatorii erau cei memorați în stivă
- La sfârșit, extragem ultimul element din stivă pentru a găsi valoarea expresiei

TABLE 4.14 Evaluating a Postfix Expression

| Item Read from Postfix | Action  |
|------------------------|---|
| Expression             |   |
| Operand                | Push it onto the stack.   |
| Operator               | Pop the top two operands from the stack and apply the operator to |
|                        | them. Push the result.  |

# Algoritmul de evaluare a unei expresii postfixate

- 1. Se iniţializează stiva
- 2. Atât timp cât nu s-a ajuns la sfârșitul expresiei postfixate, stocată într-o coadă
  - 2.1. Se extrage următorul element din expresia postfixată
  - 2.2. Dacă elementul extras este valoare, atunci acesta se pune pe stivă

# Algoritmul de evaluare a unei expresii postfixate

- 2.3. Altfel, dacă elementul este operator, atunci:
  - 2.3.1. Se extrage din vârful stivei elementul y
  - 2.3.2. Se extrage din vârful stivei elementul x
  - 2.3.3. Se efectuează operația x operator y
  - 2.3.4. Se pune rezultatul pe stivă
- 3. Ultima valoare extrasă de pe stivă reprezintă rezultatul evaluarii expresiei

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <conio.h>
struct NodStiva{
      int val;
      NodStiva* next;
struct NodCoada{
      int val;
      char op;
      NodCoada* next;
```

```
NodStiva* push(NodStiva* vf, int v) {
NodStiva* nou = (NodStiva*) malloc(sizeof(NodStiva));
      nou->val=v;
      nou->next = vf;
      return nou;
NodStiva* pop(NodStiva* vf, int *v) {
      if (vf) {
            v = vf-val:
            NodStiva* t = vf;
            vf = vf->next;
            free(t);
            return vf;
      return vf;
```

```
NodCoada* put(NodCoada* c, int v, char o) {
NodCoada* nou=(NodCoada*) malloc(sizeof(NodCoada));
     nou->val = v;
     nou->op = o;
     nou->next = NULL;
     if (!c)
           return nou;
     else {
           NodCoada* t = c;
           while (t->next)
                 t = t->next;
           t->next = nou;
           return c;
```

```
NodCoada* get(NodCoada* c, int *v, char* o) {
      if (c) {
            *v = c->val;
            *o = c->op;
            NodCoada* t = c;
            c = c->next;
            free(t);
            return c;
      return c;
```

```
int main() {
      NodStiva* stack = NULL;
      NodCoada* queue = NULL;
      int opd;
      char opr, opt = 'd';
      //initializarea scrierii postfixate
      while (opt == 'd') {
            int i;
            printf("Operand/Operator?(1/0) ");
            scanf("%d", &i);
```

```
if (i==1) {
            printf("Valoarea operandului: ");
            scanf("%d", &opd);
            opr = 0;
            queue = put(queue, opd, opr);
else
            if (i==0) {
                   printf("Simbol operator:('+'/'-'/'*'/'/) ");
                   opr = getche();
                   printf("\n");
                   opd = 0;
                   queue = put(queue, opd, opr);
```

```
else
    printf("Eroare la introducere!\n");
    printf("Continuati?(d/n) ");
    opt = getche();
    printf("\n");
}
```

```
//algoritmul de evaluare a expresiei
while (queue) {
      queue = get(queue, &opd, &opr);
      if (!opr) {
            stack = push(stack, opd);
      else {
            int opd1, opd2, rez;
            stack = pop(stack, &opd2);
            stack = pop(stack, &opd1);
```

```
switch(opr) {
            case '+':
                   rez = opd1 + opd2;
                   break;
            case '-':
                   rez = opd1 - opd2;
                   break;
            case '*':
                   rez = opd1 * opd2;
                   break;
            case '/':
                   rez = opd1 / opd2;
                   break;
            default:
                   printf("Operator gresit!\n");
```

```
stack = push(stack, rez);
stack = pop(stack, &opd);
printf("Rezultatul evaluarii expresiei aritmetice
                        este: %d", opd);
getch();
```