

	custo	quantidade
1. função OrdenaPorInserção(vetor[:int])		
2. para j = 2 até tamanho(vetor)		
3. chave = vetor[j]		
4. i = j-1		
5. enquanto i > 0 e vetor[i] > chave		
6. vetor[i+1] = vetor [i]		
7. i = i-1		
8. vetor [i+ 1] = chave		

Resposta:

	custo	quantidade
1. função OrdenaPorInserção(vetor[:int])		
2. para j = 2 até tamanho(vetor)	op1	n
3. chave = vetor[j]	op2	n-1
4. i = j-1	op3	n-1
5. enquanto i > 0 e vetor[i] > chave	op4	$\sum_{j=2}^n t_j$
6. vetor[i+1] = vetor [i]	op5	$\sum_{j=2}^n (t_j - 1)$
7. i = i-1	op6	$\sum_{j=2}^n (t_j - 1)$
8. vetor [i+ 1] = chave	op7	n-1

Obs.: Considere o termo t_j representando o número de vezes da execução do teste do loop interno. Este valor irá variar de acordo com o melhor e o pior caso. Visão inicial dos custos de processamento:

$$T(n) = n \text{ op1} + (n-1) \text{ op2} + (n-1) \text{ op3} + \sum_{j=2}^n t_j \text{ op4} + \sum_{j=2}^n (t_j - 1) \text{ op5} + \sum_{j=2}^n (t_j - 1) \text{ op6} + (n-1) \text{ op7}$$

O Melhor caso ocorre quando o vetor está ordenado. Neste caso, para cada valor de $j=2, 3, \dots, n$ o teste da chave com o valor i do vetor ($\text{vetor}[i] > \text{chave}$) será verdadeiro quando i tem o valor inicial igual $j-1$. Deste modo conclui-se que $t_j=1$ para $j=2, 3, \dots, n$. Assim os somatórios serão resolvidos como abaixo, para os valores de N e $(n-1)$, sendo que a estimativa do tempo de execução resulta linear em n .

$$\sum_{j=2}^n t_j = (n-1) \quad \sum_{j=2}^n (t_j - 1) = 0$$

$$T(n) = n \text{ op1} + (n-1) \text{ op2} + (n-1) \text{ op3} + (n-1) \text{ op4} + (n-1) \text{ op7}$$

$$T(n) = n \text{ op1} + n \text{ op2} - \text{op2} + n \text{ op3} - \text{op3} + n \text{ op4} - \text{op4} + n \text{ op7} - \text{op7}$$

$$T(n) = n (\text{op1} + \text{op2} + \text{op3} + \text{op4} + \text{op7}) - (\text{op2} + \text{op3} + \text{op4} + \text{op7})$$

O pior caso ocorre quando o vetor estiver ordenado de forma inversa. Neste caso será realizada a comparação do elemento $\text{vetor}[i]$ e da chave para todos os elementos do vetor em análise (ou seja, o vetor $[1 \dots j-1]$), portanto $t_j=j$ para $j=2, 3, \dots, n$. Assim temos:

$$\sum_{j=2}^n t_j = \frac{n(n+1)}{2} - 1 \quad \sum_{j=2}^n (t_j - 1) = \frac{n(n+1)}{2} - n$$

Neste caso,

$$T(n) = n \text{ op1} + (n-1) \text{ op2} + (n-1) \text{ op3} + \sum_{j=2}^n t_j \text{ op4} + \sum_{j=2}^n (t_j - 1) \text{ op5} + \sum_{j=2}^n (t_j - 1) \text{ op6} + (n-1) \text{ op7}$$

$$T(n) = n \text{ op1} + n \text{ op2} - \text{op2} + n \text{ op3} - \text{op3} + \left[\frac{n(n+1)}{2} - 1 \right] \text{ op4} + \left[\frac{n(n+1)}{2} - n \right] \text{ op5} + \left[\frac{n(n+1)}{2} - n \right] \text{ op6} + n \text{ op7} - \text{op7}$$

$$T(n) = n \text{ op1} + n \text{ op2} - \text{op2} + n \text{ op3} - \text{op3} + \left[\frac{n(n+1)}{2} - 1 \right] \text{ op4} + \left[\frac{n(n+1)}{2} - n \right] \text{ op5} + \left[\frac{n(n+1)}{2} - n \right] \text{ op6} + n \text{ op7} - \text{op7}$$

$$T(n) = \left[\frac{\text{op4}}{2} + \frac{\text{op5}}{2} + \frac{\text{op6}}{2} \right] n^2 + \left[\text{op1} + \text{op2} + \text{op3} + \frac{\text{op4}}{2} + \frac{\text{op5}}{2} + \frac{\text{op6}}{2} + \text{op7} \right] n - (\text{op2} + \text{op3} + \text{op4} + \text{op7})$$

A estimativa do tempo de execução é quadrática $T(n) = n^2$