

1. O algoritmo abaixo apresenta uma solução recursiva para o problema Knapsack.

```
knapsack(int capacity, int i) {  
    if (capacity <= 0 OU i < 0) then  
        return 0  
    int value_if_i_not_picked = knapsack(capacity, i - 1)  
    int value_if_i_picked = 0  
    if (capacity >= Weights[i]) then  
        //Values é um array que guarda o valor de cada item  
        //Weights é um array que guarda o peso de cada item  
        value_if_i_picked = Values[i] + knapsack(capacity - Weights[i], i - 1)  
    //função max retorna o maior entre os dois elementos  
    return max(value_if_i_picked, value_if_i_not_picked)  
}
```

- a) Faça as alterações necessárias para que o algoritmo utilize a abordagem top-down (com memoização) de programação dinâmica.
- b) Faça as alterações necessárias para que o algoritmo utilize a abordagem bottom-up de programação dinâmica. Use memoização nesse caso.
2. Uma solução recursiva para o problema da *Subsequência Crescente Mais Longa* (SCML) é dada abaixo.

```
maiorSCML(int n, int num[], int i) {  
    if (i = n) then  
        return 1  
    m ← 1  
    for j ← i+1 to n do  
        if (num[j] > num[i]) then  
            m ← max(m, 1 + maiorSCML(n, num, j))  
    return m  
}
```

- a) Não está sendo utilizada nenhuma memoização, identifique como usar a memoização e implemente uma nova versão top-down desse algoritmo mas com memoização.
- b) Faça também a implementação iterativa bottom-up deste algoritmo que também se aproveita da memoização.