Universidad del Valle de Guatemala

Facultad de Ingeniería

Análisis y Diseño de Algoritmos



PROYECTO 1

Gabriel Paz 221087

17 de febrero del 2025, Guatemala de la Asunción

Link de Repositorio en GitHub:

https://github.com/gabrielpaz2003/TuringMachineFibonacciP1.git

Link de Video Explicativo:

https://youtu.be/W1qG1bdNYDM

1. Introducción

Este informe documenta el desarrollo y análisis de una Máquina de Turing diseñada para calcular la sucesión de Fibonacci. Se investigó la notación asintótica 0, se analizó el tiempo de ejecución de la máquina y se realizó una simulación para evaluar su comportamiento y eficiencia.

El proyecto incluye la implementación en Python de una Máquina de Turing determinista de una cinta, donde se define una convención para representar y manipular números naturales en la cinta.

2. Convenciones Elegidas

Para la implementación de la Máquina de Turing, se definieron las siguientes convenciones:

• Representación de los números en la cinta:

Los números naturales se representan mediante una secuencia de **1s** en la cinta. Por ejemplo:

- o 111 se representa como 1
- 222 se representa como 11
- 333 se representa como 111, y así sucesivamente.

• Blanco de la cinta:

Se usa el símbolo B para indicar celdas vacías de la cinta.

• Estados de la máquina:

Se definieron diferentes estados (q0, q101, q102, etc.) que controlan la ejecución del algoritmo en la máquina.

• Movimiento de la cabeza lectora:

La cabeza de lectura/escritura puede moverse a la **derecha (R)**, **izquierda (L)** o mantenerse en la misma celda (**N**).

• Símbolos de operación:

La máquina usa los siguientes símbolos para marcar posiciones clave en la cinta:

X: Para marcar la posición inicial del cálculo.

- *: Marcador temporal en la secuencia de Fibonacci.
- B: Indica una celda vacía.

3. Diagrama de la Máquina de Turing

A continuación, se muestra el diagrama de estados de la Máquina de Turing implementada en este proyecto. Este diagrama visualiza los estados y transiciones que permiten calcular la sucesión de Fibonacci.



*Imagen con mejor resolución dentro del repositorio

4. Implementación del Programa en Python

El código desarrollado consta de dos archivos principales:

- **Turing_Machine.py**: Contiene la implementación de la Máquina de Turing, la representación de la cinta y la lógica de simulación.
- simulator.py: Define la interfaz de usuario, permite ingresar un número para calcular su valor en la sucesión de Fibonacci y genera el análisis empírico del rendimiento.

Características del programa:

Se utilizan 2 archivos con formato .txt para la configuración de la Maquina de Turing:

turing_rules.txt y turing_setup.txt

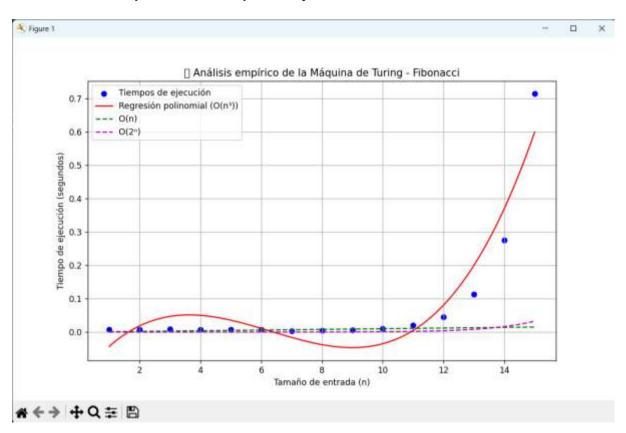
5. Análisis Empírico

Para evaluar el rendimiento de la Máquina de Turing, se realizaron mediciones del tiempo de ejecución para diferentes valores de entrada n. A continuación, se presentan los resultados.

5.1 Listado de tiempos de ejecución

```
Iniciando análisis empírico de la ejecución...
        Fibonacci(1)=
                          1
                                 Tiempo=0.008491 s
   2
        Fibonacci(2)=
                          1
                                 Tiempo=0.010022 s
   3
        Fibonacci(3)=
                          2
                                 Tiempo=0.012538 s
        Fibonacci(4)=
                          3
                                 Tiempo=0.008664 s
n= 5
        Fibonacci(5)=
                          5
                                 Tiempo=0.008505 s
n= 6
       Fibonacci(6)=
                          8
                                 Tiempo=0.008681 s
        Fibonacci(7)=
                         13
                                 Tiempo=0.005116 s
n= 8
        Fibonacci(8)=
                         21
                                 Tiempo=0.005906 s
n=9
       Fibonacci(9)=
                         34
                                 Tiempo=0.006644 s
                                 Tiempo=0.012531 s
n=10
        Fibonacci(10)=
                         55
n=11
       Fibonacci(11)=
                         89
                                 Tiempo=0.026790 s
       Fibonacci(12)=
n=12
                        144
                                 Tiempo=0.059596 s
n=13
        Fibonacci(13)=
                        233
                                 Tiempo=0.148924 s
n=14
        Fibonacci(14)=
                                 Tiempo=0.322092 s
                        377
n=15
        Fibonacci(15)=
                        610
                                 Tiempo=0.889842 s
```

5.2 Gráfico de dispersión de tiempos de ejecución



5.3 Regresión polinomial

Se ajustó una regresión polinomial de **O(n³)** para modelar la tendencia del tiempo de ejecución. Se compararon diferentes órdenes de complejidad:

• O Regresión polinomial O(n³) (Curva roja en la gráfica).

- O(n) (Curva verde discontinua).
- O O(2ⁿ) (Curva morada discontinua).

El ajuste sugiere que el tiempo de ejecución crece a un ritmo mayor que $O(n^2)$, acercándose a un crecimiento exponencial en valores más grandes de n.

6. Conclusiones

- 1. Se logró implementar una Máquina de Turing funcional capaz de calcular la sucesión de Fibonacci utilizando una representación en cinta basada en 1s.
- 2. El análisis empírico mostró que el tiempo de ejecución crece significativamente con *n*, evidenciando un posible comportamiento de tipo exponencial.
- 3. El análisis empírico mostró que el tiempo de ejecución crece considerablemente con n, indicando una posible complejidad mayor a O(n²), con un comportamiento más cercano a O(2ⁿ).
- 4. Se implementó una interfaz en consola optimizada y se agregaron detalles visuales para mejorar la experiencia del usuario.

8. Referencias

Wikipedia: Sucesión de Fibonacci