

Relações

Gabriel Queiroz de Almeida Pereira, Cleydson Talles Araujo

May 2, 2018

2.1 Pares ordenados e produto cartesiano.

Anteriormente, no estudo de conjuntos, certamente foi estudado conjuntos em que continham apenas uma variável livre. Nesse estudo, nós extenderemos essa ideia para incluir mais uma variável.

Por exemplo, suponha $P(x,y)$ sendo P uma atribuição com dois valores, um para x e outro para y . Nós não podemos afirmar que essa atribuição é verdadeira ou falsa até que tenhamos um valor para cada variável. Logo, se nós queremos um conjunto verdadeiro com os valores que fazem essa atribuição ser verdadeira, então esse conjunto não contém apenas valores individuais, mas pares de números.

Nós vamos especificar que se nós queremos um par de valores, logo, nós devemos escrevê-los em parênteses, separados por uma vírgula. Por exemplo: Seja $D(x,y)$, que significa " x divide Y ". Logo, $D(6,18)$ é verdade desde que $6 \mid 18$. Entretanto, note que 18 não divide 6. Logo, o par $(18,6)$ com denificação D é falso.

Ou seja, devemos ficar atentos a distinguir o par $(18,6)$ com o par $(6,18)$. Porque a ordem de valores de um par faz a diferença. Logo, nós vamos nos referir ao par (a,b) como um PAR ORDENADO, Com primeira coordenada A e a segunda coordenada B .

Você provavelmente já viu pares ordenados antes, estudando pontos num plano cartesiano. O uso de x e y para identificar pontos no plano funciona assumindo que cada ponto no plano um par ordenado, os quais, x e y são coordenadas do ponto. Os pares devem estar ordenados porque, por exemplo, os pontos $(2,5)$ e $(5,2)$ são pontos diferentes no plano. Nesse caso as coordenadas de pares ordenados são números reais, mas pares ordenados podem haver qualquer coisa em suas coordenadas.

Por exemplo, seja $C(x,y)$, que suporta que " x tem y crianças". Nesse afirmação, a variável x abrange o conjunto de todas as pessoas e y abrange o conjunto de todos números naturais. Logo, os únicos pares ordenados que fazem sentido são aqueles em que a primeira coordenada é uma pessoa e a segunda coordenada é um número natural.