ÁLGEBRA LINEAR ALGORÍTMICA-2020.1-LABORATÓRIO 1

1. Uma das vantagens de começar estudando álgebra linear no plano é que podemos desenhar tudo o que fizermos. Para isso precisamos carregar o pacote de desenhos do MAXIMA usando

```
load("draw");
```

A função que faz o desenho pode ser usada em duas formas diferentes: draw2d ou wxdraw2d. Se você usar a primeira forma, a figura aparece como parte da própria seção do MAXIMA; se você usar draw2d, a figura aparece em uma janela separada.

⚠ Dependendo da versão do MAXIMA e de onde foi instalado, a função wxdraw2d pode não funcionar. Além disso, ela não é adequada ao uso em animações, porque cada quadro vai aparecer em uma janela diferente.

Para definir um vetor de maneira que a função draw2d ou wxdraw2d consiga desenhálo usamos vector (p1,p2), em que p1 é o ponto em que o vetor começa e p2 é o ponto onde termina. Como não estamos permitindo que os vetores sejam movidos para fora da origem, tomaremos sempre p1 como sendo [0,0]. Prefiro atribuir vector (p1,p2) a uma variável porque assim fica mais fácil desenhar vários vetores ao mesmo tempo. Por exemplo, desenho os vetores (2,3) e (-2,1) fazendo:

```
v1:vector([0,0],[2,3]);
v2:vector([0,0],[-2,1]);
wxdraw2d([v1,v2]);
```

Se você tentou os passos acima, imagino que ficou totalmente decepcionado com o resultados. Podemos obter um resultado melhor ajustando o tamanho (head_length) e o ângulo (head_angle) da seta do vetor. Com as escolhas abaixo a figura fica bem melhor no meu computador, mas se você está usando o celular talvez precise escolher outros valores:

```
wxdraw2d(head_length=0.1,head_angle = 15, v1,v2);
```

2. Para nossa próxima atividade desenharemos duas bases ortonormais distintas do plano:

```
\varepsilon = \{(1,0), (0,1)\} e \beta = \{u_1, u_2\},
```

em que u_1 é o vetor obtido normalizando (2,3) e u_2 é o vetor obtido normalizando (-3,2). Lembre-se que *normalizar* um vetor significa dividi-lo por sua norma para obter um vetor unitário; isto é, de norma igual a um. O MAXIMA tem a função uvect que normaliza um vetor, mas para usá-la você tem que carregar a biblioteca eigen:

```
load("eigen");
e1:vector([0,0],[1,0]);
e2:vector([0,0],[0,1]);
u1:[2,3];
u1:uvect(u1);
u2:[-3,2];
u2:uvect(u2);
v1:vector([0,0],u1);
v2:vector([0,0],u2);
lista:[v1,v2,e1,e2];
wxdraw2d(head_length=0.05,head_angle = 15, lista);
```

Note que ajustei o tamanho da ponta da seta! Uma coisa frustrante é que o vetor (1,0) ficou exatamente na borda da figura. Para evitar isto, podemos escolher o tamanho da janela gráfica. Por exemplo,

```
wxdraw2d(xrange=[-1.5,1.5],yrange=[-0.5,1.5], head_length=0.05,head_angle
= 15, lista);
```

3. Em uma de nossas próximas listas, precisaremos desenhar retângulos. A biblioteca draw faz isto usando a função rectangle (p1,p2), em que p1 e p2 são *dois vértices opostos do retângulo*. Por exemplo, para desenhar o quadrado de lado um:

```
quadrado:rectangle([0,0],[1,1]);
wxdraw2d(xrange=[-1,2],yrange=[-1,2],fill_color=white,quadrado);
```

Note que ajustei a janela gráfica para fazer o quadrado aparecer claramente, caso contrário ele encheria toda a tela, porque o default é a menor janela gráfica em que a figura cabe. Além disso, optei por um quadrado que só tem a borda, se você quiser que o quadrado seja preenchido com outra cor é só trocar a cor no parâmetro fill_color.

- 4. Além da função para desenhar retângulos, o MAXIMA tem uma função que desenha polígonos mais gerais, chamada polygon. Diferentemente da função que desenha retângulos, polygon tem como entradas duas listas, a primeira contém as abscissas dos pontos do polígono, a segunda as respectivas ordenadas. Há duas coisas que você precisa ter em mente ao montar estas listas:
 - as abscissas e ordenadas de cada ponto têm que aparecer na mesma posição nas duas listas:
 - as abscissas e ordenadas de dois pontos ligados por um lado têm que aparecer em posições consecutivas nas listas.

Por exemplo, para desenhar o quadrado de vértices em

$$[0,0],[1,0],[0,1]$$
 e $[1,1]$

construímos os vetores de coordenadas:

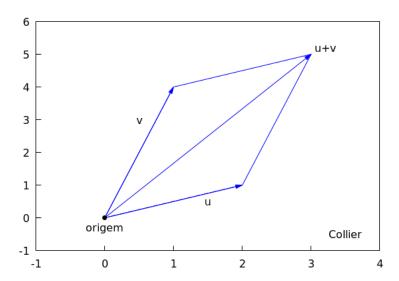
```
px: [0,1,1,0];
py: [0,0,1,1];
```

e em seguida desenhamos usando wxdraw2d:

```
wxdraw2d(xrange=[-1,2],yrange=[-1,2],fill_color=white,polygon(px,py));
```

Experimente desenhar o polígono com px: [0,1,0,1]; e o mesmo py e veja o que acontece. Seguindo a sequência de pontos com este novo vetor px você rapidamente entenderá porque a figura ficou com essa cara.

5. Para encerrar, faça uma figura com os vetores u=(2,1) e v=(1,4) que ilustre a regra do paralelogramo. A figura deve conter, além dos dois vetores dados, sua soma e o paralelogramo do qual o vetor u+v é a diagonal maior. Minha versão da figura aparece abaixo.



Como você pode ver acrescentei, na minha figura, algumas coisas que não foram explicadas acima, como rótulos para os vetores e a origem. Para aprender essas e outras coisas que você pode fazer para tornar sua figura mais interessante, consulte o manual *Graphics with MAXIMA* de Wilhelm Haager que pode ser baixado de vários lugares na web, basta fazer uma busca. Quando sua figura estiver pronta faça upload para a pasta lab1 no Drive de nossa turma no Google Classroom.