

DOMANDA A:

$$0 \leq f(m) \leq g(m)$$

$$f(m) = 2m \leq 2m \leq 2m$$

$$f(m) = 2g(m)$$

$$g(m) = 2h(m) \rightarrow f(m) = 2(h(m))$$

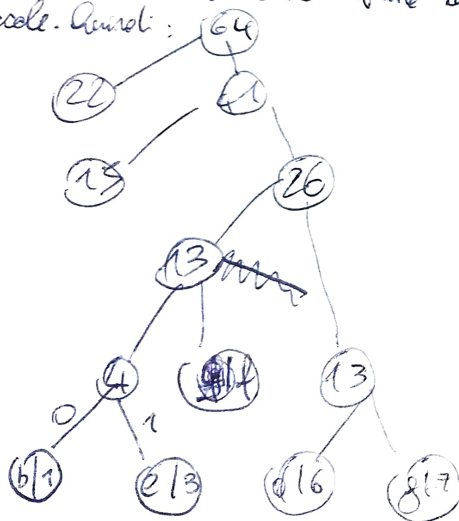
$$0 \leq f(m) \leq g(m) \leq h(m)$$

Per transitività già noto come, per  $C \geq 0$ , sia verificata la disuguaglianza e una più piccola, maggiore

DOMANDA B:

a	b	c	d	e	f	g
22	1	15	6	3	8	7

Per ciascun carattere ne si parte la frequenza, numerando e si costruisce in ordine di crescita, partendo da piccole. Quindi:



# DOMANDA C

Un min heap è un albero heap (albero binario quasi completo) che presenta come elemento radice l'elemento minimo di tutto l'albero. Il parent ( $2 \times i$  (pos. del nodo)) è sempre minore o uguale ai discendenti (nodo left,  $2i$ , nodo right  $2i+1$ )

$n = A.length$

isMinHeap(A, n)

for (int i = 0; i < ~~A.length~~ <sup>n</sup> / 2; i++)

if (~~A[i] > A[2i]~~ <sup>n</sup>  $= 2i$  ||  $2i > A.length$ ) return true

left = A[i] < A[2i] and isMinHeap(A[2i+1], n)

right = A[i] < A[2i+1] and isMinHeap(A[2i+1], n);

if (left && right) return true

else return false

ESERCIZIO 1

BSORC170 1

$\text{alt}(A, n)$

return  $\text{AltRec}(A, n, 0)$  or  $\text{AltRec}(A, n, 1)$

$\text{AltRec}(A, i, res)$

if  $i == 1$  return true

else if  $i == 0$

return  $\text{AltRec}(A, i-1, 1)$  and  $(A[i-1] \leq A[i])$

else

return  $\text{AltRec}(A, i-1, 0)$  and  $(A[i-1] \geq A[i])$

$O(n)$  time complexity

## ESERCIZIO 2

$A[1 \dots n]$

SOTTOPARTI NON VUOTE DI  $S(1, 2, \dots, n)$

$i, s \mid 1 \leq i \leq s \leq n \mid A[i] + A[i+1] + \dots + A[s]$  SIA MASSIMO

AD ES:  $[-10, 4, 1, -1, 2, -1] \rightarrow$  SOTTOPARTI  $\hat{=}$   $[4, 1, -1, 2]$

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} 1 & \text{se } s_{n-1} = 0, i = 1 \\ s_{i+1} + 1 & \text{se } i > 1, s_{n-1} \neq 0 \end{cases}$$

$\textcircled{2}$  MEMORIZZATO

$\text{MAXSUM}(A, n)$

$L[0] = A[0]$

FOR  $i = 1$  TO  $N$

IF  $(L[i+1] \geq 0)$

$L[i+1] = L[i] + A[i+1] + 1$

ELSE

$L[i+1] = A[i+1]$

$\text{MAX} = A[0]$

FOR  $i = 1$  TO  $N$

IF  $(A[i] > \text{MAX})$

$\text{MAX} = A[i]$

RETURN  $\text{MAX}$

$\textcircled{3}$

MEMORIZZ. DEGLI ELEMENTI (POTREMO ANCHE IL SOTTOPARTI)

$\text{MAXSUM}(A, N)$

$L[0] = A[0]$

$\text{MAX} = 0$

$S[0] = 1$

FOR  $i = 1$  TO  $N$

IF  $(L[i+1] \geq 0)$

$L[i+1] = L[i] + A[i+1] + 1$

$S[i+1] = S[i]$

ELSE

$L[i+1] = A[i+1]$

$S[i+1] = 1$

FOR  $i = 1$  TO  $N$

IF  $(L[i] > \text{MAX})$

$\text{MAX} = L[i]$

RETURN  $(S[\text{MAX}], \text{MAX})$

$O(n)$