

Per le formule di quadratura composte ci riconduciamo a due casi, facendo riferimento nel caso di calcolo di nodi equispaziati:

- Per $s = 1$ alla formula dei trapezi, in cui l'integrale viene approssimato alla somma delle aree dei trapezi lineari corrispondenti all'interpolazione lineare a tratti.

$$\begin{aligned}
 I_n^{trap}(f) &= I(\Pi_1^c) \\
 &= \int_a^b \Pi_1^c(x) dx \\
 &= \sum (\text{aree trapezi}) \\
 &= \underbrace{\frac{h}{2} \cdot (f(x_0) + f(x_1))}_{\text{area trapezio 1}} + \underbrace{\frac{h}{2} \cdot (f(x_1) + f(x_2))}_{\text{area trapezio 2}} + \dots + \\
 &\quad + \underbrace{\frac{h}{2} \cdot (f(x_{n-2}) + f(x_{n-1}))}_{\text{area trapezio (n-1)-esimo}} + \underbrace{\frac{h}{2} \cdot (f(x_{n-1}) + f(x_n))}_{\text{area trapezio n-esimo}} \\
 &= \frac{h}{2}(f(x_0) + f(x_n)) + \sum_{i=1}^{n-1} h \cdot f(x_i)
 \end{aligned}$$

$$I_n(f) = \sum_{i=0}^n w_i \cdot f(x_i), \text{ con } w_i = \begin{cases} \frac{h}{2}, & i = 0, n \\ h, & 1 \leq i \leq n-1 \end{cases}$$

- Per $s = 2$, integrando la funzione quadratica a tratti, si ottiene la formula delle parabole:

$$I_n^{parab}(f) = I(\Pi_2^c) = \sum (\text{aree trapezi parabolici}) = \sum_{i=0}^n w_i \cdot f(x_i), \text{ con } w_i =$$

$$\begin{cases} h/3, & i = 0, n \text{ pari} \\ 4h/3, & i \text{ dispari} \\ 2h/3, & i \text{ pari } 2 \leq i \leq n-2 \end{cases}$$

$$\int_{\alpha}^{\beta} \Pi_2(x) dx = \frac{h}{3} \cdot f(\alpha) + \frac{4}{3} \cdot h \cdot f\left(\frac{\alpha + \beta}{2}\right) + \frac{h}{3} \cdot f(\beta)$$