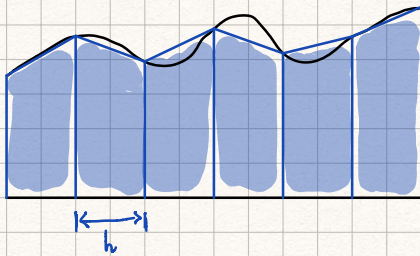


La formula dei trapezi utilizza l'interpolazione lineare a tratti, imponendo $s=1$ l'integrale viene approssimato con la somma delle aree dei trapezi lineari. L' i -esimo trapezio ha altezza $h = \frac{b-a}{n}$ e basi $f(x_{i-1})$ e $f(x_i)$ con $1 \leq i \leq n$, si avrà quindi l'area $A = \frac{h}{2} (f(x_{i-1}) + f(x_i))$ quindi:

$\frac{h}{2} (f(x_{i-1}) + f(x_i)) + \sum_{i=1}^{n-1} h \cdot f(x_i)$, ottenendo così la formula dei trapezi:

$$I_n(f) = \sum_{i=0}^n w_i f(x_i) \quad \text{con} \quad w_i = \begin{cases} \frac{h}{2}, & i = 0, n \\ h, & 1 \leq i \leq n-1 \end{cases}$$



$$I_n^{\text{trap}}(f) = I(\pi_1^c) = \sum (\text{area trapezi lineari})$$

Per ricavare una stima dell'errore possiamo usare la stima $|I(f) - I_n(f)| = |I(f) - I(f_n)| \leq |I(f - f_n)| \leq (b-a) \text{dist}(f, f_n)$. Se $\text{dist} \rightarrow 0$ allora ci sarà convergenza, altrimenti potrebbero presentarsi problemi di divergenza.

Per quanto riguarda le formule di quadrature composte ottenute come $I_n(f) = I(\pi_s^c)$, con n multiplo di s : $|I(f) - I_n(f)| \leq (b-a) \text{dist}(f, \pi_s^c) \leq (b-a) K_s \cdot h^{s+1}$ se $f \in C^{s+1}[a, b]$ con $h = \max \Delta x_i$. Quindi per qualsiasi distribuzione dei nodi per cui $h \rightarrow 0$ se $f \in C^{s+1}[a, b]$ le formule sono sempre convergenti con un errore proporzionale a h^{s+1} , ma $s=1$ per i trapezi quindi per $f \in C^2$ sarà convergente con un errore $O(h^2)$.