

Scelgo a, b t.c. f è continua in $[a, b]$ e $f(a) \cdot f(b) < 0$.

Applicando l'algoritmo si ha, quindi:

$$0 \leq |\varepsilon - a_n|, |\varepsilon - b_n| \leq \frac{b-a}{2^n} \rightarrow 0 \text{ per } n \rightarrow \infty$$

Per il Teorema dei due carabinieri:

$$|\varepsilon - a_n|, |\varepsilon - b_n| \rightarrow 0 \text{ per } n \rightarrow \infty$$

$$\text{analogamente } 0 \leq |\varepsilon - x_n| \leq \frac{b-a}{2^{n+1}} \quad (e_n = |\varepsilon - x_n| \leq \frac{b-a}{2^{n+1}} < \text{toll.})$$