## Computabilità 16 luglio 2021

## Esercizio 1

Enunciare il teorema smn. Utilizzarlo per dimostrare che esiste una funzione calcolabile totale  $s: \mathbb{N}^2 \to \mathbb{N}$  tale che per ogni  $x, y \in \mathbb{N}$  vale  $|W_{s(x,y)}| = x * y$ .

## Esercizio 2

Studiare la ricorsività dell'insieme  $A=\{x\in\mathbb{N}\mid E_x\subseteq W_x\cup\{0\}\},$  ovvero dire se A e  $\bar{A}$  sono ricorsivi/ricorsivamente enumerabili.

## Esercizio 3

Studiare la ricorsività dell'insieme  $B=\{x\in\mathbb{N}\mid x+1\in W_x\}$ , ovvero dire se B e  $\bar{B}$  sono ricorsivi/ricorsivamente enumerabili.