

## Soluzione del II Compitino dell'11/06/2021

```
void matchF(nodo*T, int*P, int &im, int dimP)
{
    if(!T || im == dimP) return;
    if(!T->left && !T->right)
    {
        if (T->info==P[im])
        {
            L[im]=T;
            im=im+1;
        }
    }
    else
    {
        matchF(T->left, P, im, dimP);
        matchF(T->right, im, dimP);
    }
}
```

PRE=(alb(T) è ben formato  $0 \leq im \leq dimP$ , P ed L hanno dimP posizioni, vim=im)

POST=( $0 \leq im \leq dimP$ , L[vim..im-1] contiene puntatori alle foglie di T che matchano P[vim]..P[im-1] in modo che elementi successivi di L puntano a foglie successive di T (da sinistra a destra))

### La prova di correttezza:

Caso base :  $T=0$  oppure  $im = dimP$  non fare niente rende vera la POST perché o non ci sono nodi in T oppure non ci sono elementi di P da considerare.

Caso base bis: T è una foglia:

- i) se  $P[im]=T \rightarrow info$  allora  $L[im]=T$ ;  $im=im+1$ ; rende vero POST perché  $im=vim+1$  e quindi  $L[vim..im-1]=L[vim]$  che infatti punta a T che contiene  $info=P[vim]$ .
- ii) altrimenti, basta fare return per soddisfare la POST infatti L non cambia visto che T è una foglia che non match P[vim].

Caso ricorsivo:

PRE\_ric\_1 è vera per la PRE infatti im non è cambiato e quindi è ancora vero che  $0 \leq im \leq dimP$ . Vale la POST\_ric\_1 e quindi L[vim..im-1] contiene puntatori alle foglie del sottoalbero sinistro di T che matchano P[vim..im-1]. Chiamiamo vim2 il valore di im dopo la prima invocazione. Quindi la parte di L riempita dall'invocazione a sinistra è L[vim..vim2-1].

Anche la PRE\_ric\_2 è vera, ma ora dobbiamo notare che la POST\_ric\_1 garantisce che  $vim2 \leq dimP$ . Quindi, ragionando come prima, vediamo che l'invocazione a destra riempie L[vim2..im-1] con puntatori alle foglie del sottoalbero destro di T che matchano P[vim2..im-1]. Quindi alla fine delle 2 invocazioni L[vim..im-1] contiene i puntatori alle foglie di alb(T) che matchano P[vim..im-1].