

## Esercizio 1 del 31/5/2021

Si chiede di costruire una libreria di funzioni ricorsive per alberi BST. Le funzioni della libreria sono le seguenti:

- 1) Stampa in formato lineare dell'albero: `void stampa_l(nodo*r)`
- 2) Inserimento di un nodo con `info=x` mantenendo la proprietà BST:  
`nodo* insert(nodo*r, int x)`
- 3) Ricerca di un nodo con `info=x`: `bool search(nodo*r, int x)`
- 4) Calcolo del campo `info` massimo e minimo : `nodo*max(nodo*r)`,  
`nodo*min(nodo*r)`
- 5) Calcolo dell'altezza dell'albero: `int altezza (nodo*r)`
- 6) Calcolo della lunghezza minima tra i cammini che collegano la radice ad una foglia: `int altMin(nodo*r)`

La libreria consiste di un file "BST.h" con la dichiarazione del tipo `nodo` e i prototipi delle funzioni elencate prima e di un file "BST.cpp" con le implementazioni delle funzioni stesse. Tutte le dichiarazioni in BST.h vanno racchiuse in un namespace che si chiama BST. Il file BST.cpp deve includere "BST.h" seguito dall'istruzione "using namespace BST;". Inoltre ogni definizione di funzione in BST.cpp deve specificare che si sta definendo una funzione del namespace BST e quindi il nome della funzione deve essere preceduta da "BST::". Per esempio per la funzione `search`, la prima riga deve essere: `bool BST::search(nodo*r, int x)`. Non importa specificare BST per le invocazioni ricorsive. Nel file "BST.cpp" ogni funzione deve essere accompagnata dalla sua PRE e POST e ovviamente le funzioni devono obbedire alle PRE e POST specificate. Il programma "main.cpp", che è dato, inizia con le opportune istruzioni di `include` e `using` e contiene un `main` da completare che costruisce un piccolo albero BST e dopo deve iterativamente leggere degli interi ed eseguire le corrispondenti operazioni della libreria BST. Il ciclo da inserire nel `main` è spiegato nel seguente esempio.

**Esempio:** supponiamo che l'albero corrente sia `3(1(,), 5(,))` e che si voglia inserire in quest'albero un nodo con `info= 4`. L'istruzione che corrisponde a questa richiesta viene rappresentata dai 2 interi: `2 4`. Il valore `2` fa riferimento al punto (2) della precedente lista (che infatti corrisponde alla funzione di inserimento) e `4` è il valore da inserire. Dopo aver eseguito l'inserimento, verrà stampato il nuovo albero (con la funzione di `stampa_l` del punto(1)) che è: `3(1(,), 5(4(,),))`. Il punto (4) corrisponde a 2 funzioni, quindi, se dopo il `4` si legge `1` allora è richiesta la funzione `max`, se si legge `2` è richiesta la funzione `min`. Dopo aver eseguito queste funzioni, va stampato

il campo info del nodo restituito. Lo stesso vale per le funzioni (5) e (6). Per la funzione (3) di ricerca, si stamperà “valore x presente/non presente”. In corrispondenza dell’input 1 va semplicemente invocata stampa\_l. Per terminare le operazioni il main deve leggere 0.

**Correttezza:** scrivere la prova induttiva della funzione (2)

**Suggerimenti:** Provate a vedere cosa succede se togliete l’operazione di “using namespace BST;” dal main.cpp. Invece di “using namespace BST;” potete invocare ogni funzione specificando BST:: prima del nome, ma attenzione che nodo è definito nel namespace. Provate.