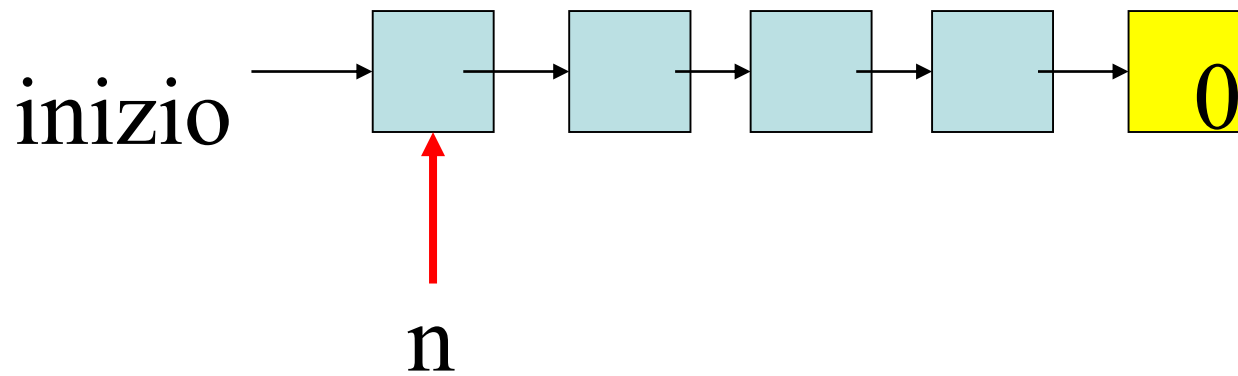


# Ancora liste concatenate e ricorsione

usiamo quanto visto finora con un nuovo  
esercizio

eliminare l'ultimo nodo di una lista

# I soluzione: quello che succede in pratica



n si deve fermare qui, quando  $n \rightarrow \text{next} == 0$

$\Rightarrow$  deallocare questo nodo e restituire 0

I soluzione: la funzione riceve la lista originale e restituisce la nuova lista, tutto per valore

**PRE=(L(n) è lista ben formata e non vuota,  
vL(n) =L(n))**

nodo\* delL1(nodo\* n)

**POST=(restituisce vL(n) – ultimo nodo)**

**PRE=(L(n) è lista ben formata e non vuota, vL(n)=L(n))**

caso base

lista con un solo nodo

```
if(! n->next)
{delete n; return 0;}
```

**POST=(restituisce vL(n) – ultimo nodo)**

caso ricorsivo: lista con almeno 2 nodi:

si deve:

- 1) fare l'invocazione ricorsiva sul resto della lista e
- 2) appendere il risultato dell'invocazione al nodo corrente e restituirlo

```
n->next=delL1( n->next);  
return n;
```

## mettendo tutto insieme

```
nodo * delL1(nodo *n)
{
    if( ! n→next )
        {delete n; return 0;}
    n→next=delL1(n→next);
    return n;
}
```

invocazione:

```
if(inizio) inizio=delL1(inizio);
```

operazioni inutili ?

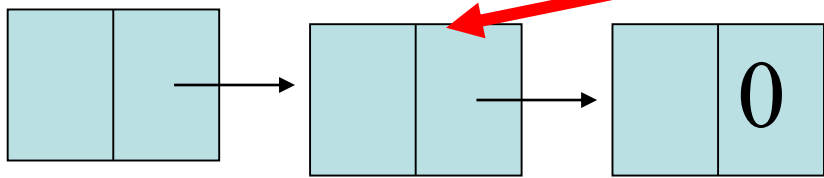
Si

è possibile evitarlo?

Si, ma può costare in generalità



per fare solo l'operazione che serve  
dobbiamo fermare la ricorsione al penultimo  
nodo



poco generale  
BRUTTA !!

caso base:

$n \rightarrow \text{next} \rightarrow \text{next} == 0$

funziona solo per liste con almeno 2 nodi !!!

## II soluzione

**PRE=(L(n) è ben formata con almeno 2 nodi)**

```
void delL2(nodo *n)
{if( ! n→next→next )
    {delete n→next; n→next=0; }
else
    delL2(n→next);
}
```

**POST=(L(n)=vL(n)-ultimo nodo)**

primo nodo non cambia

### III soluzione: col passaggio per riferimento

passando  $n \rightarrow \text{next}$  per riferimento, arriviamo all'ultimo nodo avendo un alias del campo next del nodo precedente

e se il nodo precedente non c'è, allora abbiamo un alias della variabile che punta all'inizio della lista

**PRE=(L(n) è ben formata non vuota)**

void delL3(nodo \***&** n)

```
{  
    if(!n→next)  
        {delete n; n=0; }  
    else  
        delL3(n →next);  
}
```

**POST=(L(n)=vL(n) – ultimo nodo)**

invocazione: if(inizio) delL3(inizio);

## ricorsione e passaggio per riferimento:

```
void f(... int &x ....)
```

```
{
```

```
....f(...x....)...
```

```
}
```

tutte le invocazioni di f condividono la variabile x e quindi ogni modifica di x si ripercuote su tutte le invocazioni

ma negli esercizi visti finora era:

```
void f(nodo * & n....)
```

```
{
```

```
....f( n->next...)
```

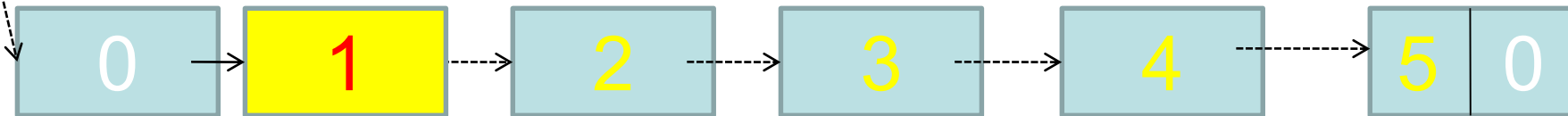
```
}
```

chiamante e chiamato hanno in comune  
il campo next del nodo puntato dal  
chiamante

esercizio: inserire un nodo in posizione  $k=0,1,..$



per esempio se  $k=1$



ma se  $k > 5$  non si può fare e  $Q$  resta uguale

conviene introdurre la seguente notazione:

data  $L(Q)$  lista ben formata

$L_k(Q)$  = lista che consiste dei primi  $k$  nodi di  $L$ , cioè dal nodo 0 al  $k-1$

attenzione  $\rightarrow L_0(Q) =$  lista vuota

il nodo finale di  $L_k(Q)$  è quello in posizione  $k-1$ , quindi se  $L(Q) = L_k(Q)@R$  la nuova lista è  $L_k(Q)@nodo(..)@R$



-I soluzione:

una funzione a cui diamo la lista e  $k$  e ci restituisce la lista modificata

caso base, che sappiamo risolvere facilmente: il nuovo nodo va inserito al primo posto della lista,  $k=0$

ricorsione se  $k > 0$

**PRE=(L(Q) ben formata,  $k \geq 0$ ,  $vL(Q)=L(Q)$  )**

**nodo\* insl(nodo\*Q, int k, int c)**

**{**

**if(!k) return new nodo(c, Q);**

**if(!Q) return 0;**

**Q->next=insl(Q->next,k-1,c);**

**return Q;**

**}**

**POST=(se  $vL(Q)=vLk(Q)@R$ , restituisce  
 $vLk(Q)@nodo(c)@R$ , altrimenti  $vL(Q)$ )**

come al solito fa operazioni inutili al ritorno

-II soluzione : vogliamo fare solo le operazioni necessarie

la ricorsione si deve fermare al nodo che precede quello che dobbiamo aggiungere: il nodo  $k-1$

non va con  $k=0$  ! Non c'è nodo che precede

base:  $k=1$

invocazione ricorsiva:  $k>1$

**PRE=(L(Q) ben formata e non vuota,  $k > 0$ ,  $vL(Q) = L(Q)$ )**

```
void ins2(nodo*Q, int k, int c)
{
    if(k==1)
        Q->next=new nodo(c,Q->next);
    else
        if(Q->next)
            ins2(Q->next, k-1,c);
}
```

**POST=(se  $vL(Q) = vLk(Q) @ R$ ,  $L(Q) = vLk(Q) @ \text{nodo}(c) @ R$ ,  
altrimenti  $L(Q) = vL(Q)$ )**

III soluzione con passaggio di Q per riferimento  
**PRE=(L(Q) ben formata, k>=0, vL(Q)=L(Q))**

```
void ins3(nodo*& Q, int k, int c)
```

```
{
```

```
    if(k==0)
```

```
        Q=new nodo(c,Q);
```

```
    else
```

```
        if(Q)
```

```
            ins3(Q->next, k-1, c);
```

```
}
```

**POST=(se vL(Q)=vLk(Q)@R, L(Q)=  
vLk(Q)@nodo(c)@R, altrimenti L(Q)=vL(Q))<sub>21</sub>**