Esercizi 6

Esercizi su limiti di successioni e limiti di funzioni

Calcolare i seguenti limiti di successioni e di funzioni

1.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{(-1)^n \cos^2(n)}{n}$$

2.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{(-1)^{n-1}-2}{(-1)^n-2}$$

3.
$$\lim_{n\to+\infty} \frac{n^n}{e^{n^2}}$$

4.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{1+n^3-n\sin(n)+n^2\sin(1/n)}{\log^4(n)+\sqrt{n^2+1}}$$
.

5.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{4^n + a^n}{n^2 2^n + 5^n} \text{ con } a > 0.$$

6.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{n^2 \log(1 + \frac{1}{n}) + e^n + e^{n \log(n)}}{n^5 + n^n}$$

7.
$$\lim_{n\to+\infty} \frac{n^{\sqrt{n}}}{2^n}$$

8.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{n^a - \cos(n)}{3n^2 + \sin(\sqrt{n})}$$
, per $a = 1$ e $a = 3$.

9.
$$\lim_{n \to +\infty} \left(1 + \frac{1}{\sqrt{n}} \right)^{\left(n^{1/3}\right)}$$

10.
$$\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{n^2 + 3n - 2}{n^2 - 4n} \right)^{n^2 - n + 3}$$

11.
$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{2x} - e^{-2x}}{\tan(3x)}.$$

12.
$$\lim_{x\to 0} \frac{\log(1+\sin x)}{x}$$

13.
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^{1-\cos x}-1}{\log(1+3x)}$$

14.
$$\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{x^2 + 3x - 1}{x^2 + 1} \right)^x$$
.

15.
$$\lim_{x\to 0} (1+\sin x)^{\frac{2}{x}}$$
.