

il sito **The Oracle of Bacon**

- **mantiene un grafo** con attori legati da un arco se hanno recitato in uno stesso film
- dato un attore ne **calcola** il **numero di Bacon**, i.e. **lunghezza del cammino minimo** che lo separa da Kevin Bacon (***breadth-first search algorithm*** starting from Bacon)

- un **grafo**
- un **algoritmo** che risolve un problema:
dati due nodi, calcola il cammino minimo

i dati del problema

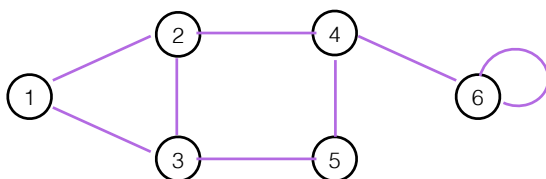


i dati del programma

- una **struttura dati** per rappresentare un grafo
- **implementazione di un algoritmo** su un grafo

racpresentazione di un grafo

Un **grafo** è un insieme di vertici/**nodi** e un insieme di **archi** tra coppie di nodi:



$G=(V,E)$ con

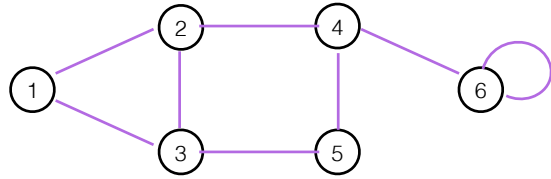
$V=\{1,2,3,4,5,6\}$

$E=\{(1,2), (1,3), (2,3), (2,4), (4,6), (3,5), (4,5), (6,6)\}$

Come rappresentiamo un grafo in un programma ?

- si potrebbe implementare un grafo come **due liste**:
`vertici = [1,2,3,4,5,6]`
`archi = [[1,2], [1,3], [2,3], [2,4], [4,6], [3,5], [4,5], [6,6]]`
- basta **un intero** e una **lista**:
`n_vertici = 6`
`archi = [[1,2], [1,3], [2,3], [2,4], [4,6], [3,5], [4,5], [6,6]]`

rappresentazione di un grafo



```
n_vertici = 6
```

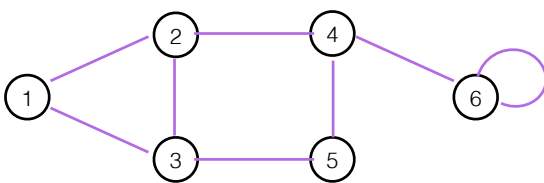
```
archi = [[1,2],[1,3],[2,3],[2,4],[4,6],[3,5],[4,5],[6,6]]
```

- come calcolare quanti archi escono da nodo 3?
 - come calcolare se c'è un arco che collega 1 e 6?
- devo cercare in tutto la lista archi !**

```
quanti_da_3 = 0
for x in archi:
    if x[0]==3 or x[1]==3:
        quanti_da_3 = quanti_da_3+1
```

```
arco_1_6 = False
for x in archi:
    if (x[0]==1 and x[1]==6) or
        (x[0]==6 and x[1]==1):
        arco_1_6 = True
        break
```

rappresentazione di un grafo



$V=\{1,2,3,4,5,6\}$

$E=\{(1,2), (1,3), (2,3), (2,4), (4,6), (3,5), (4,5), (6,6)\}$

Come rappresentiamo un grafo in un programma?

matrice di adiacenza

	1	2	3	4	5	6
1	0	1	1	0	0	0
2	1	0	1	1	0	0
3	1	1	0	0	1	0
4	0	1	0	0	1	1
5	0	0	1	1	0	0
6	0	0	0	1	0	1

in posizione i,j c'è 1 se esiste l'arco (i,j) altrimenti c'è 0

lista di adiacenza

```
1 : 2, 3
2 : 1, 3, 4
3 : 1, 2, 5
4 : 2, 5, 6
5 : 3, 4
6 : 4, 6
```

- come calcolare quanti archi escono da nodo 3?
 - come calcolare se c'è un arco che collega 1 e 6?
- è immediato!**

in posizione i c'è l'elenco di nodi collegati ad i con un arco

matrice di adiacenza

	1	2	3	4	5	6
1	0	1	1	0	0	0
2	1	0	1	1	0	0
3	1	1	0	0	1	0
4	0	1	0	0	1	1
5	0	0	1	1	0	0
6	0	0	0	1	0	1

```
matrice = [[0,1,1,0,0,0],  
           [1,0,1,1,0,0],  
           [1,1,0,0,1,0],  
           [0,1,0,0,1,1],  
           [0,0,1,1,0,0],  
           [0,0,0,1,0,1]]
```

```
# la riga del nodo 3 è matrice[2]  
quanti_da_3 = 0  
for i in matrice[2]: #somma  
    quanti_da_3 = quanti_da_3 + i  
  
arco_1_6 = (matrice[0][5] == 1)
```

lista di adiacenza

```
1: 2, 3  
2: 1, 3, 4  
3: 1, 2, 5  
4: 2, 5, 6  
5: 3, 4  
6: 4, 6
```

- **come calcolare** quanti archi escono da nodo 3?
- **come calcolare** se c'è un arco che collega 1 e 6?
è immediato!

```
lista = [[2,3],  
         [1,3,4],  
         [1,2,5],  
         [2,5,6],  
         [3,4],  
         [4,6]]
```

```
quanti_da_3 = 0  
for i in lista[2]: #lunghezza  
    quanti_da_3 = quanti_da_3 + 1  
  
arco_1_6 = False  
for n in lista[0]:  
    if n==6:  
        arco_1_6 = True  
        break
```

Esercizio

Si consideri quanto visto a lezione:

```
matrice = [[0,1,1,0,0,0],  
           [1,0,1,1,0,0],  
           [1,1,0,0,1,0],  
           [0,1,0,0,1,1],  
           [0,0,1,1,0,0],  
           [0,0,0,1,0,1]]
```

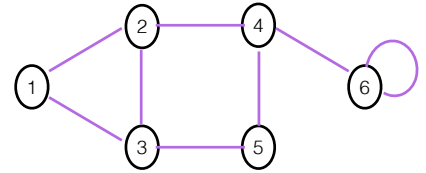
```
# la riga del nodo 3 è matrice[2]  
quanti_da_3 = 0  
for i in matrice[2]: #somma  
    quanti_da_3 = quanti_da_3 + i  
  
arco_1_6 = (matrice[0][5] == 1)
```

```
lista = [[2,3],  
         [1,3,4],  
         [1,2,5],  
         [2,5,6],  
         [3,4],  
         [4,6]]
```

```
quanti_da_3 = 0  
for i in lista[2]: #lunghezza  
    quanti_da_3 = quanti_da_3 + 1  
  
arco_1_6 = False  
for n in lista[0]:  
    if n==6:  
        arco_1_6 = True  
        break
```

1. **Tracciare il flusso di controllo dei due programmi.**
2. **Contare quante istruzioni vengono eseguite in totale** dai due programmi. Qual è quello che **termina prima**, i.e. esegue meno istruzioni?

Esercizio



Si consideri il programma che usa la seguente rappresentazione dello stesso grafo:

```
n_vertici = 6
archi = [[1,2],[1,3],[2,3],[2,4],[4,6],[3,5],[4,5],[6,6]]
```

```
1 quanti_da_3 = 0
2 for x in archi:
3     if x[0]==3 or x[1]==3:
4         quanti_da_3 = quanti_da_3+1
5
6 arco_1_6 = False
7 for x in archi:
8     if (x[0]==1 and x[1]==6) or
9         (x[0]==6 and x[1]==1):
10         arco_1_6 = True
11         break
```

Tracciare il flusso di controllo del programma e contare quante istruzioni vengono eseguite in totale.

```
matrice = [[0,1,1,0,0,0],
            [1,0,1,1,0,0],
            [1,1,0,0,1,0],
            [0,1,0,0,1,1],
            [0,0,1,1,0,0],
            [0,0,0,1,0,1]]
```

14 passi

```
riga_nodo_3 = matrice[2] #indici da 0
quanti_da_3 = 0
for i in riga_nodo_3: #somma elementi
    quanti_da_3 = quanti_da_3 + i

arco_1_6 = (matrice[0][5] == 1)
```

```
lista = [[2,3],
          [1,3,4],
          [1,2,5],
          [2,5,6],
          [3,4],
          [4,6]]
```

12 passi

```
quanti_da_3 = 0
for i in lista[2]: #lunghezza
    quanti_da_3=quanti_da_3 + 1

arco_1_6 = False
for n in lista[0]:
    if n==6:
        arco_1_6 = True
        break
```

- calcolare quanti archi escono da nodo 3
- calcolare se c'e' un arco che collega 1 e 6

```
n_vertici = 6
archi = [[1,2],[1,3],[2,3],[2,4],[4,6],[3,5],[4,5],[6,6]]

quanti_da_3 = 0
for x in archi:
    if x[0]==3 or x[1]==3:
        quanti_da_3 = quanti_da_3+1

arco_1_6 = False
for x in archi:
    if (x[0]==1 and x[1]==6) or
        (x[0]==6 and x[1]==1):
        arco_1_6 = True
        break
```

37 passi

lo **stesso problema**, sullo **stesso grafo** viene risolto con **efficienza molto diversa** a seconda del modo che scelgo per **rappresentare** i **dati del problema** (il grafo) in **dati del programma**

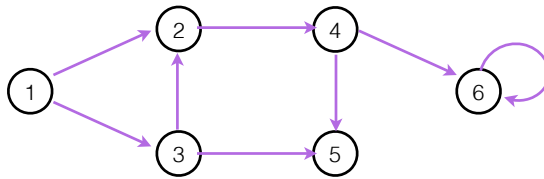
Esercizio

1. Comparare il numero di passi svolti dai tre programmi su un grafo iniziale con **più nodi e più archi**
2. Rifare l'esercizio precedente su un grafo che ha **molti più nodi che archi**
3. Rifare l'esercizio precedente su un grafo che ha **molti più archi che nodi**
4. osservare se ci sono differenze tra qual è la rappresentazione del grafo più efficiente nel caso 2 e 3.

Esercizio

- Considerare il grafo G composto dai vertici $\{1,2,3,4,5,6\}$ e dagli archi $\{(1,2),(2,4),(1,4),(3,4),(5,3),(4,5),(5,6),(6,1)\}$
- Disegnare il grafo
- Scrivere la corrispondente matrice di adiacenza e la corrispondente lista di adiacenza
- Scrivere un programma che **calcola se escono più archi dal nodo 6 oppure dal nodo 1**.
 - confronta il numero di istruzioni eseguite dal programma che usa la matrice di adiacenza rispetto a quello che usa la lista di adiacenza
- Scrivere un programma che trova **qual è il nodo da cui escono più archi**
 - confronta il numero di istruzioni eseguite dal programma che usa la matrice di adiacenza rispetto a quello che usa la lista di adiacenza

rappresentazione: grafo orientato



matrice di adiacenza $n \times n$

	1	2	3	4	5	6
1	0	1	1	0	0	0
2	0	0	0	1	0	0
3	0	1	0	0	1	0
4	0	0	0	0	1	1
5	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	1

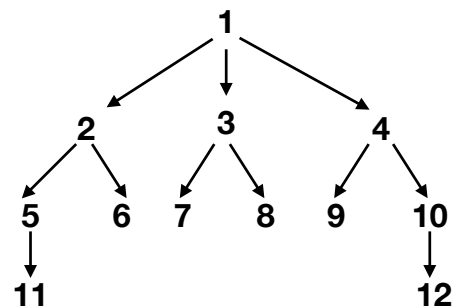
quali archi
escono da nodo 5

quali archi **entrano**
in nodo 5

lista di adiacenza m

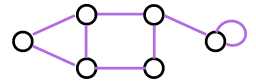
1 : 2, 3
2 : 1, 3, 4
3 : 1, 2, 5
4 : 2, 5, 6
5 : 3, 4
6 : 4, 6

Esercizio



- Considerare il grafo **orientato** in figura
- Scrivere la corrispondente matrice di adiacenza e la corrispondente lista di adiacenza
- Scrivere un programma che calcola quanti archi **escono** dal nodo 2 e quanti archi **entrano** nel nodo 2
 - confronta il numero di istruzioni eseguite dal programma che usa la matrice di adiacenza rispetto a quello che usa la lista di adiacenza
- Scrivere un programma che calcola **quanti nodi sono raggiungibili a partire dal nodo 4**
 - è più chiaro il codice che risolve l'esercizio usando la matrice di adiacenza oppure quello che usa la lista di adiacenza?

rappresentazione di un grafo



la **scelta è fortemente dipendente** da:

- che caratteristiche voglio evidenziare,
- **che uso devo farne**,
- quanto è grande il grafo da memorizzare,
- qual è la sua densità

grafi sociali **non**
stanno su memoria di una
singola macchina!

matrice di adiacenza

	1	2	3	4	5	6
1	0	1	1	0	0	0
2	1	0	1	1	0	0
3	1	1	0	0	1	0
4	0	1	0	0	1	1
5	0	0	1	1	0	0
6	0	0	0	1	0	1

lista di adiacenza

1 : 2, 3
2 : 1, 3, 4
3 : 1, 2, 5
4 : 2, 5, 6
5 : 3, 4
6 : 4, 6