## Homework 4 -Grammatiche context-free, forma normale di Chomsky, chiusura per linguaggi context-free, PDA

## Gabriel Rovesti

- 1. Progettate grammatiche context-free per i seguenti linguaggi:
  - $L_1 = \{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ contiene almeno tre } 1\}$
  - $L_1 = \{w \in \{0,1\}^* \mid \text{la lunghezza di } w \text{ sia dispari e il simbolo in mezzo sia uno } 0\}$
  - $L_1 = \{a^i b^j c^k \mid i, j, k \ge 0 \text{ e } i + j = k\}$
  - $L_1 = \{w \in \{0, 1\}^* \mid \text{il simbolo in posizione } i \text{ è lo stesso simbolo in posizione } i + 2 \text{ e } |x| \ge 2\}$
  - $L_1 = \{x \# y \mid x, y \in \{0, 1\}^* \mid x \neq y\}$
- 2. Dimostra che se L è un linguaggio context-free, allora anche  ${\cal L}^R$  è un linguaggio context-free.
- 3. Convertire la seguente grammatica context-free in forma normale di Chomsky:

$$S \to AbA$$
$$A \to Aa \mid \epsilon$$

- 4. Create dei PDA per i seguenti linguaggi:
  - $L_1 = \{a^i b^j c^k \mid i, j, k \ge 0, i + j = k\}$
  - $L_1 = \{a^{2n}b^{3n} \mid n \ge 0\}$