## Cálculo Lista 3 - Derivadas

Gabriel Vasconcelos Ferreira

13 de maio de 2024

# Regras de derivação

Problema 1. Calcular a derivada das funções, usando o formulário:

1) 
$$y = -2x + 5$$

5) 
$$0.4x^2 - 6x - 1$$

9) 
$$y = \sqrt[4]{x^2}$$

2) 
$$y = \frac{1}{2}x^2 + \sqrt{x}$$

1) 
$$y = -2x + 5$$
 5)  $0.4x^2 - 6x - 1$  9)  $y = \sqrt[4]{x^2}$   
2)  $y = \frac{1}{2}x^2 + \sqrt{x}$  6)  $(3x^2 - 4x)(6x + 1)$  10)  $y = \sqrt[9]{x}$ 

10) 
$$y = \sqrt[9]{x}$$

3) 
$$y = 7x^2 - 8x - 9$$

3) 
$$y = 7x^2 - 8x - 9$$
 7)  $(1 - x^2)(1 + x^2)$  11)  $y = \frac{5}{x^3}$ 

11) 
$$y = \frac{5}{x^3}$$

4) 
$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 5x + 7$$
 8)  $y = \sqrt{x}$ 

8) 
$$y = \sqrt{x}$$

12) 
$$y = \frac{4x}{x-1}$$

1)

$$y = -2x + 5$$

$$y' = -2x + 5$$
$$= \boxed{-2}$$

2)

$$y = \frac{1}{2}x^2 + \sqrt{x}$$

$$y' = \frac{1}{2}x^2 + \sqrt{x}$$
$$= \frac{1}{2} \cdot 2x + \frac{1}{2\sqrt{x}}$$
$$= x + \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$y = 7x^2 - 8x - 9$$

$$y' = 7x^{2} - 8x - 9$$
$$= 2 \cdot 7x - 8x - 9$$
$$= 14x - 8$$

4)

$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 5x + 7$$

$$y' = -\frac{1}{3}x^2 + 5x + 7$$
$$= -\frac{1}{3}2x + 5$$
$$= \boxed{-\frac{2}{3}x + 5}$$

**5**)

$$y = 0.4x^2 - 6x - 1$$

$$y' = 0.4x^2 - 6x \text{ f}$$
$$= 0.4 \cdot 2x - 6$$
$$= 0.8x - 6$$

6)

$$y = (3x^2 - 4x)(6x + 1)$$

Sabendo que:

$$y = u \cdot v$$

$$y\prime = u\prime v + uv\prime$$

$$y' = (3x^2 - 4x(6x+1))$$

$$(1 - x^2)(1 + x^2)$$

Sabendo que:

$$y = u \cdot v$$
$$y' = u'v + uv'$$

$$y' = \overbrace{(1-x^2) \cdot (1+x^2)}^{v}$$

$$= -2x(1+x^2) + 2x(1-x^2)$$

$$= -2x - 2x^3 + 2x - 2x^3$$

# Regra da cadeia: derivada de funções compostas

Problema 1. Determine a derivada de cada função, usando a regra da cadeia:

1) 
$$y = (3x^3 + 7x^2 - 8x + 6)^5$$

2) 
$$y = (x^2 - 5)^1 0$$

$$y = (5x + 9)^5$$

4) 
$$\sqrt[5]{x^3 + 6x - 1}$$

# Derivada de funções trigonométricas

Problema 1. Determine a derivada das funções:

 $1) y = -\cos x$ 

 $y = x^2 \cdot x$ 

 $y = \frac{\cos x}{x}$ 

 $4) y = \sin(4x)$ 

 $5) y = \cos x \cdot \sin x$ 

#### Aplicações da derivada

Problema 1. Suponha que a equação do espaço S (em metros) de um ponto material em função do tempo (em segundos) é S(t) = -3t2 + 18t + 8. Determine a velocidade instantânea do ponto material em t=2 segundos.

Problema 2. Suponhamos que daqui a xmeses a população de uma certa comunidade será P(x) = x2 + 40x + 3000 habitantes. Qual a taxa de variação instantânea da população em x = 3 meses?

Problema 3. O volume de uma esfera de raio r é dado por  $V=\frac{4}{3}\pi r^3$ . Qual é a taxa de variação instantânea do volume da esfera em relação ao raio para r=3 cm?

Problema 4. A área de um círculo de raio r é dada por  $A=\pi r^2$ . No decorrer de uma experiência, derrama-se um líquido sobre uma superfície plana de vidro. Se o líquido vertido recobre uma região circular e o raio desta região aumenta uniformemente, qual será a taxa de crescimento da área ocupada pelo líquido, em relação à variação do raio, quando o raio for igual a 5cm?

Problema 5.