

Circuitos Elétricos 1 Prof. Juliano Scholz Slongo 23/04/2025Lista de Exercícios #1

Gabriel dos Santos Schmitz (RA: 2487438)

## 1 Introdução

Esta lista de exercícios tem como objetivo reforçar os principais conceitos das leis fundamentais dos circuitos elétricos, como a *Lei de Ohm*, as *Leis de Kirchhoff* e os métodos sistemáticos de análise: *método nodal* e *método das malhas*.

Dado que essas leis básicas são frequentemente aplicadas na utilização dos métodos de análise, o foco da lista estará nestes últimos. Os exercícios propostos foram selecionados com base na obra de Fundamentos de circuitos elétricos [1], adotada como bibliografia no curso de Circuitos Elétricos 1 da UTFPR – Campus Toledo.

## 2 Exercícios

#### 2.1 Análise Nodal

Relativo a análise nodal serão feitos os problemas: 3.2, 3.3, 3.5, 3.7, 3.8, 3.9, 3.10, 3.12, 3.14, 3.17, 3.18, 3.19, 3.20, 3.22, 3.24, 3.25, 3.26, 3.28, 3.30, 3.31, 3.32. Nesta ordem.

1. Para o circuito da Figura 1, obtenha  $v_1$  e  $v_2$ .

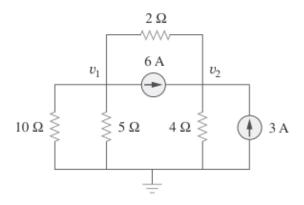


Fig. 1: Esquema para o Problema 1

Para  $v_1$ :

$$\begin{split} &\frac{v_1-0}{10} + \frac{v_1-0}{5} + 6 + \frac{v_1-v_2}{2} = 0 \\ &\frac{v_1}{10} + \frac{v_1}{5} + \frac{v_1-v_2}{2} + 6 = 0 \\ &\text{Para } v_2: \\ &-6 + \frac{v_2-v_1}{2} + \frac{v_2-0}{4} - 3 = 0 \\ &\frac{v_2-v_1}{2} + \frac{v_2}{4} - 9 = 0 \\ &\left\{ \frac{v_1}{10} + \frac{v_1}{5} + \frac{v_1-v_2}{2} + 6 = 0 \\ &\frac{v_2-v_1}{2} + \frac{v_2}{4} - 9 = 0 \\ &v_1 = \boxed{-3\,\text{V}} \\ &v_2 = \boxed{10\,\text{V}} \end{split} \right.$$

 ${\bf 2.}$  Determine as correntes  $I_1$  a  $I_4$  e a tensão  $v_0$  no circuito da Figura 2.

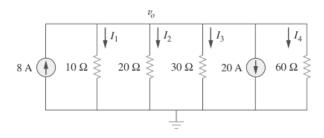


Fig. 2: Esquema para o Problema 2

#### Resposta:

Resistência Equivalente (Req):

$$\begin{split} \frac{1}{Req} &= \frac{1}{10} + \frac{1}{20} + \frac{1}{30} + \frac{1}{60} \\ \frac{1}{Req} &= \frac{6+3+2+1}{60} \\ \frac{1}{Req} &= \frac{12}{60} \\ Req &= \frac{60}{12} \\ Req &= 5\Omega \end{split}$$

Corrente Total  $(I_t)$ :

$$I_t = 8 - 20$$

$$I_t = -12A$$

 $v_0$ :

$$v_0 = I_t \cdot Req$$

$$v_0 = -12 \cdot 5$$

$$v_0 = \boxed{-60V}$$

$$I_1 \dots I_4$$
:

$$I = \frac{R}{V}$$

$$\begin{cases} I_1 = \frac{-60}{10} = \boxed{-6A} \\ I_2 = \frac{-60}{20} = \boxed{-3A} \\ I_3 = \frac{-60}{30} = \boxed{-2A} \\ I_4 = \frac{-60}{-60} = \boxed{1A} \end{cases}$$

## **3.** Obtenha $v_0$ no circuito da Figura 3.

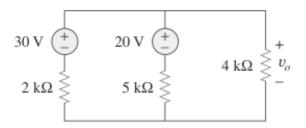


Fig. 3: Esquema para o Problema  $3\,$ 

## Resposta:

Definindo nós:

 $N\acute{o}$  1: Entre a fonte de 30V, o resistor de  $2k\Omega$  e o resistor de  $4k\Omega$ .  $N\acute{o}$  2: Entre a fonte de 20V, o resistor de  $5k\Omega$  e o resistor de  $4k\Omega$ .

$$v_1:$$

$$\frac{30 - v_1}{2} = \frac{v_1}{4} + \frac{v_1 - 20}{5}$$

$$v_1 = \frac{380}{19}$$

$$v_1 = 20V$$

$$v_2$$
:
$$\frac{20 - v_2}{5} + \frac{20 - v_2}{4} = 0$$

$$v_2 = \frac{180}{9}$$

$$v_2 = 20V$$

$$v_0 = v_2 = \boxed{20V}$$

4. Aplique a análise nodal para determinar  $V_x$  no circuito da Figura 4.

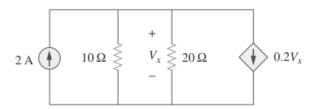


Fig. 4: Esquema para o Problema 4

$$LKC: \\ \frac{V_x}{10} + \frac{V_x}{20} + 0.2V_x = 2 \\ 2V_x + V_x + 4V_x = 40 \\ 7V_x = 40 \\ V_x = \frac{40}{7} = \boxed{5.714}$$

5. Usando análise nodal, determine  $v_0$  no circuito da Figura 5.

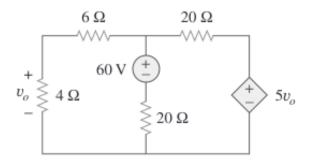


Fig. 5: Esquema para o Problema 5

$$v_{0}:$$

$$\frac{v_{0}-0}{4} + \frac{v_{0}-v_{1}}{6} = 0$$

$$3v_{0} + 2v_{0} - 2v_{1} = 0$$

$$5v_{0} - 2v_{1} = 0$$

$$v_{0} = \frac{2v_{1}}{5}$$

$$v_{1}:$$

$$\frac{v_{1}-v_{0}}{6} + \frac{v_{1}-60}{20} + \frac{v_{1}-5v_{0}}{20} = 0$$

$$10v_{1} - 10v_{0} + 3v_{1} - 180 + 3v_{1} - 15v_{0} = 0$$

$$16v_{1} - 25v_{0} = 180$$

$$16v_{1} - 25(\frac{2v_{1}}{5}) = 180$$

$$16v_{1} - 5v_{1} = 180$$

$$11v_{1} = 180$$

$$v_{1} = \frac{180}{11} = \boxed{16.36V}$$

$$v_{0} = \frac{2(\frac{180}{11})}{5}$$

$$v_{0} = \frac{72}{11} = \boxed{6.55V}$$

$$v_{2} = 5(\frac{72}{11}) = \boxed{32.73V}$$

 ${\bf 6.}$  Determine  $I_b$  no circuito da Figura 6, usando análise nodal.

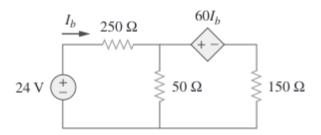


Fig. 6: Esquema para o Problema 6

#### Resposta:

$$I_b = \frac{24 - v_1}{250}$$

$$v_1:$$

$$\frac{24 - v_1}{250} = \frac{v_1 - 0}{50} + \frac{v_1 - 60I_b}{150}$$

$$15(24 - v_1) = 75v_1 + 25(v_1 - 60I_b)$$

$$360 - 15v_1 = 75v_1 + 25v_1 - 1500I_b$$

$$360 - 150v_1 = -1500(\frac{24 - v_1}{250})$$

$$360 - 150v_1 = -144 + 6v_1$$

$$360 + 144 = 150v_1 + 6v_1$$

$$156v_1 = 504$$

$$v_1 = \frac{504}{156} = \frac{42}{13} = 3.23077V$$

$$I_b = \frac{24 - \frac{42}{13}}{250} = \frac{27}{325} = 0.08307A = \boxed{83.07mA}$$

#### **7.** Determine $I_0$ no circuito da Figura 7.

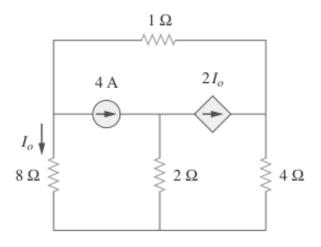


Fig. 7: Esquema para o Problema 7

#### Resposta:

$$I_{0} = \frac{v_{1}}{8}$$

$$v_{1}:$$

$$\frac{v_{1} - 0}{8} + 4 + \frac{v_{1} - v_{3}}{1} = 0$$

$$v_{1} + 32 + 8v_{1} - 8v_{3} = 0$$

$$9v_{1} - 8v_{3} = -32$$

$$v_{2}:$$

$$\frac{v_{2} - 0}{2} + 2I_{0} = 4$$

$$\frac{v_{2}}{2} + 2\frac{v_{1}}{8} = 4$$

$$\frac{v_{2}}{2} + \frac{v_{1}}{4} = 4$$

$$2v_{2} + v_{1} = 16$$

$$v_{1} + 2v_{2} = 16$$

$$v_{3}:$$

$$2I_{0} + \frac{v_{3} - v_{1}}{1} = \frac{v_{3} - 0}{4}$$

$$2\frac{v_{1}}{8} + v_{3} - v_{1} = \frac{v_{3}}{4}$$

$$\frac{v_{1}}{4} + v_{3} - v_{1} = \frac{v_{3}}{4}$$

$$v_{1} + 4v_{3} - 4v_{1} = v_{3}$$

$$- 3v_{1} + 3v_{3} = 0$$

$$1v_{1} - 1v_{3} = 0$$

$$\begin{cases} 9v_{1} - 8v_{3} = -32\\ v_{1} + 2v_{2} = 16\\ v_{1} - v_{3} = 0 \end{cases}$$

$$v_{1} = v_{3} = -32V$$

 $I_0 = \frac{-32}{8} = \boxed{-4}$ 

8. Usando análise nodal, determine  $V_0$  no circuito da Figura 8.

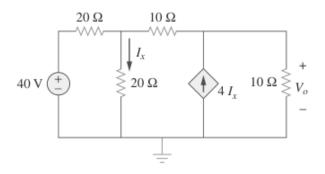


Fig. 8: Esquema para o Problema 8

$$\begin{split} I_x &= \frac{v_2}{20} \\ v_1 &= 40V \\ v_3 &: \\ 4I_x + \frac{v_2 - v_3}{10} = \frac{v_3 - 0}{10} \\ 40I_x + v_2 - v_3 &= v_3 \\ 40\frac{v_2}{20} + v_2 - 2v_3 &= 0 \\ 3v_2 - 2v_3 &= 0 \\ 3v_2 &= 2v_3 \\ v_2 &= \frac{2v_3}{3} \\ v_2 &: \\ \frac{40 - v_2}{20} &= \frac{v_2 - 0}{20} + \frac{v_2 - v_3}{10} \\ 40 - v_2 &= v_2 + 2v_2 - 2v_3 \\ 4v_2 - 2v_3 &= 40 \\ 4(\frac{2v_3}{3}) - 2v_3 &= 40 \\ \frac{2v_3}{3} &= 40 \\ 2v_3 &= 120 \\ v_3 &= \frac{120}{2} = 60V \\ v_2 &= \frac{2 \cdot 60}{3} = \frac{120}{3} = 40V \\ v_0 &= v_3 &= \boxed{60V} \end{split}$$

9. Usando análise nodal, determine  $v_0$  no circuito da Figura 9.

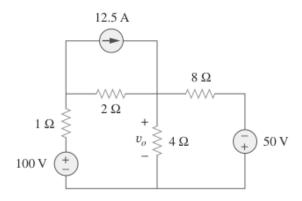


Fig. 9: Esquema para o Problema 9

$$\begin{array}{l} v_0 = v_2 \\ v_3 = -50 \\ \\ v_2 : \\ 12.5 + \frac{v_1 - v_2}{2} = \frac{v_2 - 0}{4} + \frac{v_2 - v_3}{8} \\ 100 + 4v_1 - 4v_2 = 2v_2 + v_2 - v_3 \\ 7v_2 - v_3 - 4v_1 = 100 \\ 7v_2 + 50 - 4v_1 = 100 \\ 7v_2 - 4v_1 = 50 \\ \\ v_1 : \\ \frac{100 - v_1}{1} = \frac{v_1 - v_2}{2} + 12.5 \\ 200 - 2v_1 = v_1 - v_2 + 25 \\ 3v_1 - v_2 = 175 \\ \\ \begin{cases} -4v_1 + 7v_2 = 50 \\ 3v_1 - v_2 = 175 \\ \\ v_1 = 75V \\ v_2 = 50V \\ \\ v_0 = v_2 = \boxed{50V} \\ \end{cases}$$

 ${\bf 10.}$  Usando análise nodal, determine a corrente  $i_0$  no circuito da Figura 10.

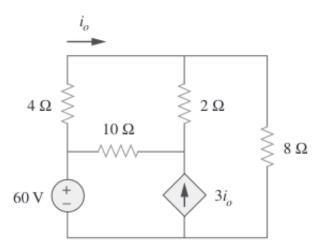


Fig. 10: Esquema para o Problema 10

$$\begin{split} v_1 &= 60V \\ i_0 &= \frac{60 - v_3}{4} \\ v_3 &: \\ \frac{60 - v_3}{4} &= \frac{v_3 - v_2}{2} + \frac{v_3 - 0}{8} \\ 120 - 2v_3 &= 4v_3 - 4v_2 + v_3 \\ - 4v_2 + 7v_3 &= 120 \\ \end{split}$$

$$v_2 &: \\ \frac{60 - v_2}{10} + \frac{v_3 - v_2}{2} + 3i_0 &= 0 \\ \frac{60 - v_2}{10} + \frac{v_3 - v_2}{2} + 15i_0 &= 0 \\ \frac{60 - v_2}{10} + \frac{v_3 - v_2}{2} + \frac{900 - 15v_3}{4} &= 0 \\ 120 - 2v_2 + 10v_3 - 10v_2 + 900 - 15v_3 &= 0 \\ 5v_2 + 12v_3 &= 1020 \\ \\ \begin{cases} -4v_2 + 7v_3 &= 120 \\ 5v_2 + 12v_3 &= 1020 \\ \end{cases} \\ v_2 &= \frac{5700}{83} = 68.67V \\ v_3 &= \frac{4680}{83} = 56.39V \\ i_0 &= \frac{60 - \frac{4680}{83}}{4} = \frac{75}{83} = \boxed{0.90A} \end{split}$$

11. Determine as tensões nodais no circuito da Figura 11 usando análise nodal.

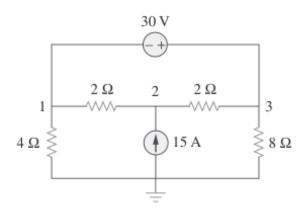


Fig. 11: Esquema para o Problema 11

$$v_3:$$

$$i_3 + \frac{v_2 - v_3}{2} = \frac{v_3 - 0}{8}$$

$$i_3 = \frac{v_3 - 0}{8} - \frac{v_2 - v_3}{2}$$

$$v_1:$$

$$\frac{v_2 - v_1}{2} = \frac{v_1 - 0}{4} + \frac{v_3}{8} - \frac{v_2 - v_3}{2}$$

$$4v_2 - 4v_1 = 2v_1 + v_3 - 4v_2 + 4v_3$$

$$4v_2 - 4v_1 = 2v_1 - 4v_2 + 5v_3$$

$$6v_1 - 8v_2 - 5v_3 = 0$$

$$v_3 - v_1 = 30$$

$$v_3 = 30 + v_1$$

$$6v_1 - 8v_2 - 5(30 + v_1) = 0$$

$$6v_1 - 8v_2 - 150 + 5v_1 = 0$$

$$11v_1 - 8v_2 = 150$$

$$v_2:$$

$$15 = \frac{v_2 - v_1}{2} + \frac{v_2 - v_3}{2}$$

$$30 = v_2 - v_1 + v_2 - v_3$$

$$30 = v_2 - v_1 + v_2 - v_3$$

$$30 = v_2 - v_1 + v_2 - 30 + v_1$$

$$30 = 2v_2 - 30$$

$$v_1 = \boxed{30V}$$

$$v_2 = \boxed{60V}$$

$$v_3 = \boxed{60V}$$

12. Use a análise nodal para determinar  $v_1, v_2$  e  $v_3$  no circuito da Figura 12.

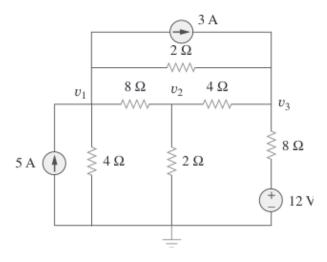


Fig. 12: Esquema para o Problema 12

$$\begin{aligned} v_1: \\ 3 + \frac{v_1 - v_3}{2} + \frac{v_1 - v_2}{8} + \frac{v_1 - 0}{4} &= 5 \\ \frac{v_1 - v_3}{2} + \frac{v_1 - v_2}{8} + \frac{v_1 - 0}{4} &= 2 \\ 4v_1 - 4v_3 + v_1 - v_2 + 2v_1 &= 16 \\ 7v_1 - v_2 - 4v_3 &= 16 \end{aligned}$$

$$v_2: \\ \frac{v_1 - v_2}{8} &= \frac{v_2 - 0}{2} + \frac{v_2 - v_3}{4} \\ v_1 - v_2 &= 4v_2 + 2v_2 - 2v_3 \\ - v_1 + 9v_2 - 2v_3 &= 0 \end{aligned}$$

$$v_3: \\ \frac{v_2 - v_3}{4} + \frac{v_1 - v_3}{2} + 3 &= \frac{v_3 - 12}{8} \\ 2v_2 - 2v_3 + 4v_1 - 4v_3 + 24 &= v_3 - 12 \\ 4v_1 + 2v_2 - 7v_3 &= -36 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} 7v_1 - v_2 - 4v_3 &= 16 \\ -v_1 + 9v_2 - 2v_3 &= 0 \\ 4v_1 + 2v_2 - 7v_3 &= -36 \end{cases}$$

$$v_1 &= \boxed{10V}$$

$$v_2 = \boxed{4.933V}$$

$$v_3 &= \boxed{12.267V}$$

13. Para o circuito da Figura 13, determine  $v_1$  e  $v_2$  usando análise nodal.

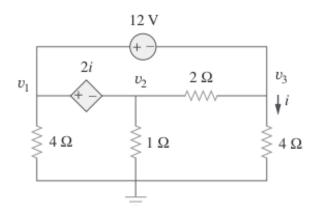


Fig. 13: Esquema para o Problema 13

$$\begin{split} i &= \frac{v_3}{4} \\ i_2 &: \\ i_2 &= \frac{v_2}{1} + \frac{v_2 - v_3}{2} \\ i_3 &: \\ i_3 &= \frac{v_3}{4} - \frac{v_2 - v_3}{2} \\ v_1 &: \\ \frac{v_1 - 0}{4} + i_2 + i_3 &= 0 \\ v_1 + 4v_2 - 3v_3 &= 0 \\ v_3 &: \\ v_1 - v_3 &= 12 \\ v_3 &= v_1 - 12 \\ v_2 &: \\ v_1 - v_2 &= 2i \\ v_1 - v_2 &= 2\frac{v_3}{4} \\ v_1 - v_2 &= \frac{v_3}{2} \\ 2v_1 - 2v_2 - v_3 &= 0 \\ \begin{cases} v_1 + 2v_2 &= 6 \\ v_1 - 2v_2 &= -12 \\ v_1 &= \boxed{-3V} \\ v_2 &= \boxed{4.5V} \\ v_3 &= \boxed{-15V} \\ \end{split}$$

#### 14. Determine $v_1$ e $v_2$ para o circuito da Figura 14.

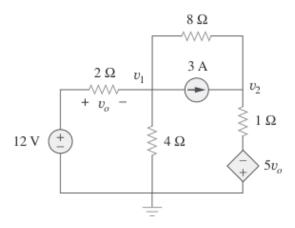


Fig. 14: Esquema para o Problema 14

$$v_{A} = 12$$

$$v_{0} = 12 - v_{1}$$

$$v_{1}:$$

$$\frac{12 - v_{1}}{2} = \frac{v_{1} - 0}{4} + \frac{v_{1} - v_{2}}{8} + 3$$

$$48 - 4v_{1} = 2v_{1} + v_{1} - v_{2} + 24$$

$$7v_{1} - v_{2} = 24$$

$$v_{2}:$$

$$3 + \frac{v_{1} - v_{2}}{8} = \frac{v_{2} - 5v_{0}}{1}$$

$$24 + v_{1} - v_{2} = 8v_{2} + 40v_{0}$$

$$24 + v_{1} - v_{2} = 8v_{2} + 40(12 - v_{1})$$

$$24 + v_{1} - v_{2} = 8v_{2} + 480 - 40v_{1}$$

$$41v_{1} - 9v_{2} = 456$$

$$\begin{cases} 7v_{1} - v_{2} = 24 \\ 41v_{1} - 9v_{2} = 456 \end{cases}$$

$$v_{1} = -\frac{240}{22} = \boxed{-10.909V}$$

$$v_{2} = \boxed{-100.363V}$$

15. Use a análise nodal e o MATLAB para determinar  $V_0$  no circuito da Figura 15.

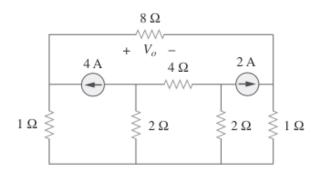


Fig. 15: Esquema para o Problema 15

$$\begin{aligned} v_1 &: \\ 4 &= \frac{V_1}{1} + \frac{V_1 - V_4}{8} \\ 32 &= 8V_1 + V_1 - V_4 \\ 32 &= 9V_1 - V_4 \\ \end{aligned}$$

$$v_4 &: \\ 2 + \frac{V_1 - V_4}{8} = \frac{V_4}{1} \\ 16 + V_1 - V_4 = 8V_4 \\ 1V_1 - 9V_4 = -16 \\ \begin{cases} 9V_1 - V_4 = 32 \\ 1V_1 - 9V_4 = -16 \\ \end{aligned}$$

$$v_1 &= 3.8V$$

$$v_2 &= 2.2V$$

$$v_0 &= v_1 - v_2 = \boxed{1.6V}$$

16. Use análise nodal juntamente com o MATLAB para determinar as tensões nos nós da Figura 16.

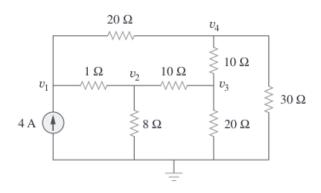


Fig. 16: Esquema para o Problema 16

$$v_{1}:$$

$$4 = \frac{v_{1} - v_{2}}{1} + \frac{v_{1} - v_{4}}{20}$$

$$80 = 20v_{1} - 20v_{2} + v_{1} - v_{4}$$

$$80 = 21v_{1} - 20v_{2} - v_{4}$$

$$v_{2}:$$

$$\frac{v_{1} - v_{2}}{1} = \frac{v_{2}}{8} + \frac{v_{2} - v_{3}}{10}$$

$$40v_{1} - 40v_{2} = 5v_{2} + 4v_{2} - 4v_{3}$$

$$40v_{1} - 49v_{2} + 4v_{3} = 0$$

$$v_{3}:$$

$$\frac{v_{2} - v_{3}}{10} + \frac{v_{4} - v_{3}}{10} = \frac{v_{3}}{20}$$

$$2v_{2} - 2v_{3} + 2v_{4} - 2v_{3} = v_{3}$$

$$2v_{2} - 5v_{3} + 2v_{4} = 0$$

$$v_{4}:$$

$$\frac{v_{1} - v_{4}}{20} = \frac{v_{4} - v_{3}}{10} + \frac{v_{4}}{30}$$

$$3v_{1} - 3v_{4} = 6v_{4} - 6v_{3} + 2v_{4}$$

$$3v_{1} + 6v_{3} - 11v_{4} = 0$$

$$\begin{cases}
21v_{1} - 20v_{2} - v_{4} = 80 \\
40v_{1} - 49v_{2} + 4v_{3} = 0 \\
2v_{2} - 5v_{3} + 2v_{4} = 0 \\
3v_{1} + 6v_{3} - 11v_{4} = 0
\end{cases}$$

$$v_{1} = \boxed{25.52V}$$

$$v_{2} = \boxed{22.05V}$$

$$v_{3} = \boxed{14.84V}$$

$$v_{4} = \boxed{15.06V}$$

17. Calcule as tensões nodais  $v_1$ ,  $v_2$  e  $v_3$  no circuito da Figura 17.

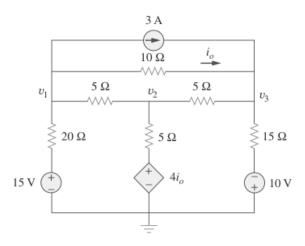


Fig. 17: Esquema para o Problema 17

$$\begin{array}{l} v_1:\\ \frac{v_1-15}{20}+\frac{v_1-v_2}{5}+3+\frac{v_1-v_3}{10}=0\\ v_1-15+4v_1-4v_2+60+2v_1-2v_3=0\\ 7v_1-4v_2-2v_3=-45\\ \end{array}$$
 
$$\begin{array}{l} v_2:\\ \frac{v_1-v_2}{5}=\frac{v_2-4i_0}{5}+\frac{v_2-v_3}{5}\\ v_1-v_2=v_2-4i_0+v_2-v_3\\ v_1-3v_2+v_3+4i_0=0\\ v_1-3v_2+v_3+4\frac{v_1-v_3}{10}=0\\ 10v_1-30v_2+10v_3+4v_1-4v_3=0\\ 14v_1-30v_2+6v_3=0\\ \end{array}$$
 
$$\begin{array}{l} v_3:\\ \frac{v_1-v_3}{10}+3+\frac{v_2-v_3}{5}=\frac{v_3+10}{15}\\ 3v_1-3v_3+90+6v_2-6v_3=2v_3+20\\ 3v_1+6v_2-11v_3=-70\\ \end{array}$$
 
$$\left\{\begin{array}{l} 7v_1-4v_2-2v_3=-45\\ 14v_1-30v_2+6v_3=0\\ 3v_1+6v_2-11v_3=-70\\ \end{array}\right.$$
 
$$\begin{array}{l} v_1=-7.1918V\\ v_2=-2.7789V\\ v_3=2.8865V\\ \end{array}$$

18. Use o MATLAB para determinar as tensões nos nós  $a, b, c \in d$  no circuito da Figura 18.

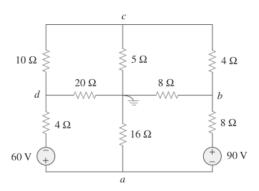


Fig. 18: Esquema para o Problema 18

$$\begin{aligned} v_a: \\ 0 &= \frac{v_a - 60 - v_d}{4} + \frac{v_a}{16} + \frac{v_a + 90 - v_b}{8} \\ 0 &= 4v_a - 240 - 4v_d + v_a + 2v_a + 180 - 2v_b \\ 7v_a - 2v_b - 4v_d &= 60 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} v_b: \\ \frac{v_a + 90 - v_b}{8} &= \frac{v_b}{8} + \frac{v_b - v_c}{4} \\ v_a + 90 - v_b &= v_b + 2v_b - 2v_c \\ v_a - 4v_b + 2v_c &= -90 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} v_c: \\ \frac{v_d - v_c}{10} &+ \frac{v_b - v_c}{4} &= \frac{v_c}{5} \\ 2v_d - 2v_c + 5v_b - 5v_c &= 4v_c \\ 5v_b - 11v_c + 2v_d &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} v_d: \\ \frac{v_a - 60 - v_d}{4} &= \frac{v_d}{20} + \frac{v_d - v_c}{10} \\ 5v_a - 300 - 5v_d &= v_d + 2v_d - 2v_c \\ 5v_a + 2v_c - 8v_d &= 300 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} 7v_a - 2v_b - 4v_d &= 60 \\ v_a - 4v_b + 2v_c &= -90 \\ 5v_b - 11v_c + 2v_d &= 0 \\ 5v_a + 2v_c - 8v_d &= 300 \end{aligned}$$

$$v_a &= \begin{bmatrix} -10.5556V \\ v_b &= \underbrace{[20.5556V]} \\ v_c &= \underbrace{[1.3889V]} \\ v_d &= \underbrace{[-43.75V]} \end{aligned}$$

19. Usando a análise nodal, determine  $v_0$  e  $i_0$  no circuito da Figura 19.

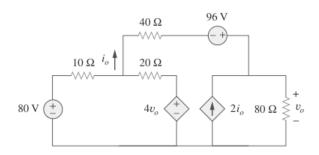


Fig. 19: Esquema para o Problema 19

$$i_0 = \frac{v_1 - (v_0 - 96)}{40}$$

$$v_0:$$

$$2i_0 + i_0 = \frac{v_0}{80}$$

$$3(\frac{v_1 - (v_0 - 96)}{40}) = \frac{v_0}{80}$$

$$7v_0 - 6v_1 = 576$$

$$v_1:$$

$$\frac{80 - v_1}{10} + \frac{4v_0 - v_1}{20} = i_0$$

$$\frac{160 + 4v_0 - 3v_1}{20} = \frac{v_1 - v_0 + 96}{40}$$

$$- 9v_0 + 7v_1 = 224$$

$$\begin{cases} 7v_0 - 6v_1 = 576 \\ -9v_0 + 7v_1 = 224 \end{cases}$$

$$v_0 = \boxed{-1075.2V}$$

$$v_1 = \boxed{-4.48V}$$

 ${\bf 20.}$  Determine as tensões nodais para o circuito da Figura 20.

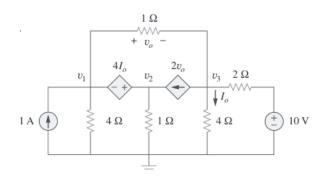


Fig. 20: Esquema para o Problema 20

$$v_{2}:$$

$$I_{21} = v_{1} - 3v_{3}$$

$$v_{1}:$$

$$v_{1} + 8v_{3} = 4$$

$$v_{3}:$$

$$v_{3} = 4v_{1} - 20$$

$$v_{1} = \frac{164}{33} = \boxed{4.97V}$$

$$v_{3} = \boxed{-0.12V}$$

$$v_{2} = \boxed{4.85V}$$

## ${\bf 21.}$ Obtenha as tensões nodais $v_1$ e $v_2$ no circuito da Figura 21.

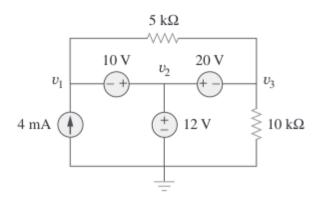


Fig. 21: Esquema para o Problema 21

$$v_{2} = \boxed{12V}$$

$$v_{2} - v_{1} = 10$$

$$12 - v_{1} = 10$$

$$v_{1} = \boxed{2V}$$

$$v_{2} - v_{3} = 20$$

$$12 - v_{3} = 20$$

$$v_{3} = \boxed{-8V}$$

## 2.2 Análise de Malha

Relativo a análise de malha serão feitos os problemas: 3.35, 3.37, 3.38, 3.40, 3.43, 3.44, 3.45, 3.49, 3.50, 3.52, 3.59, 3.60, 3.62, 3.63, 3.64, 3.65. Nesta ordem.

**22.** Obtenha  $v_0$  no circuito da Figura 3 usando análise de malha.

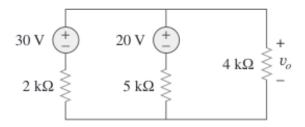


Fig. 22: Esquema para o Problema 22

$$i_1$$
:  
 $2i_1 - 30 + 20 + 5(i_1 - i_2) = 0$   
 $7i_1 - 5i_2 = 10$   
 $i_2$ :  
 $5(i_2 - i_1) - 20 + 4i_2 = 0$   
 $-5i_1 + 9i_2 = 20$   
 $i_2 = 5mA$   
 $v_0 = 4i_2 = 20V$ 

 ${\bf 23.}$  Usando análise de malha, determine  $v_0$  no circuito da Figura 5.

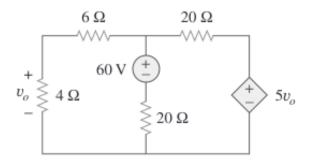


Fig. 23: Esquema para o Problema 23

$$i_1:$$

$$4i_1 + 6i_1 + 60 + 20(i_1 - i_2) = 0$$

$$3i_1 - 2i_2 = -6$$

$$i_2:$$

$$20(i_2 - i_1) - 60 + 20i_2 + 5v_0 = 0$$

$$-2i_1 + 2i_2 = 3$$

$$i_1 = -3A$$

$$v_0 = -4i_1 = \boxed{12V}$$

**24.** Aplique análise de malhas ao circuito da Figura 24 e obtenha  $I_0$ .

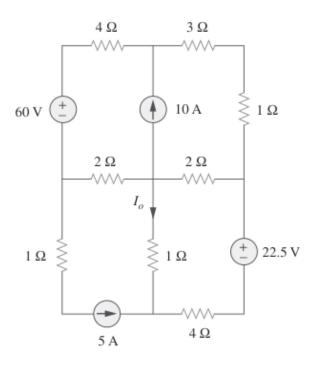


Fig. 24: Esquema para o Problema 24

$$\begin{split} i_1: \\ i_1 &= -5A \\ i_2: \\ 1(i_2-i_1) + 2(i_2-i_4) + 22.5 + 4_i 2 = 0 \\ 7i_2 - 2i_4 &= -27.5 \\ i_3: \\ &-60 + 4i_3 + 4v_{34} + 2(i_3-i_1) = 0 \\ 6i_3 + v_{34} &= 50 \\ i_4: \\ &-v_{34} + 4i_4 + 2(i_4-i_2) = 0 \\ &-2i_2 + 6i_4 - v_{34} = 0 \\ &-i_3 + i_4 = 10 \\ \begin{cases} 7i_2 - 2i_4 = -27.5 \\ 6i_3 + v_{34} = 50 \\ -2i_2 + 6i_4 - v_{34} = 0 \\ -i_3 + i_4 = 10 \end{cases} \\ i_2 &= 1.375A \\ i_0 &= i_1 - i_2 = \boxed{-6.375A} \end{split}$$

 ${\bf 25.}$  Para o circuito em ponte da Figura 25, determine  $i_0$ usando análise de malhas.

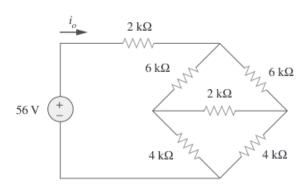


Fig. 25: Esquema para o Problema 25

**26.** Use a análise de malhas para determinar  $v_{ab}$  e  $i_0$  no circui- to da Figura 26.

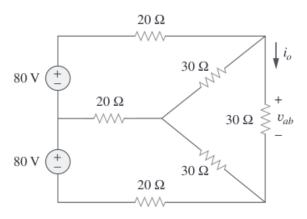


Fig. 26: Esquema para o Problema 26

$$\begin{split} v_{ab} &= i_0 \cdot 30 \\ i_0 &= i_3 \\ i_1 : \\ &- 80 + 20i_1 + 30(i_1 - i_3) + 20(i_1 - i_2) = 0 \\ 70i_1 - 20i_2 - 30i_3 &= 80 \\ i_2 : \\ &- 80 + 20(i_2 - i_1) + 30(i_2 - i_3) + 20i_2 = 0 \\ &- 20i_1 + 70i_2 - 30i_3 = 80 \\ i_3 : \\ 30(i_3 - i_1) + 30i_3 + 30(i_3 - i_2) = 0 \\ &- 30i_1 - 30i_2 + 90i_3 = 0 \\ \begin{cases} 70i_1 - 20i_2 - 30i_3 = 80 \\ -20i_1 + 70i_2 - 30i_3 = 80 \\ -30i_1 - 30i_2 + 90i_3 = 0 \end{cases} \\ i_1 &= 2.667A \\ i_2 &= 2.667A \\ i_3 &= 1.778A \\ i_0 &= i_3 = \boxed{1.778A} \\ v_{ab} &= i_0 \cdot 30 = \boxed{53.34V} \end{split}$$

**27.** Use análise de malhas para determinar  $i_0$  no circuito da Figura 27.

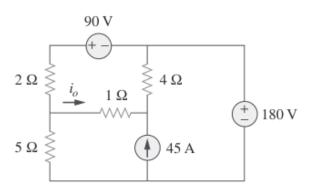


Fig. 27: Esquema para o Problema 27

$$5i_{1} + 1(i_{1} - i_{2}) + v_{13} = 0$$

$$6i_{1} - i_{2} + v_{13} = 0$$

$$i_{2}:$$

$$2i_{2} + 90 + 4(i_{2} - i_{3}) + 1(i_{2} - i_{1}) = 0$$

$$-i_{1} + 7i_{2} - 4i_{3} = -90$$

$$i_{3}:$$

$$-v_{13} + 4(i_{3} - i_{2}) + 80 = 0$$

$$-4i_{2} + 4i_{3} - v_{13} = -80$$

$$i_{13}:$$

$$45 = i_{3} - i_{1}$$

$$\begin{cases}
6i_{1} - i_{2} + v_{13} = 0 \\
-i_{1} + 7i_{2} - 4i_{3} = -90 \\
-4i_{2} + 4i_{3} - v_{13} = -80
\end{cases}$$

$$i_{1} + i_{3} = 45$$

$$v_{13} = 256V$$

$$i_{1} = -46A$$

$$i_{2} = -20A$$

$$i_{3} = -1A$$

$$i_{0} = i_{1} - i_{2} = \boxed{-26A}$$

**28.** Determine a corrente i no circuito da Figura 28.

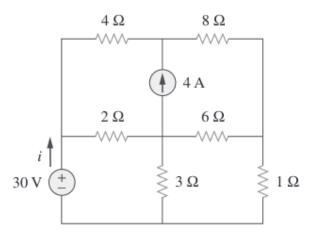


Fig. 28: Esquema para o Problema 28

$$\begin{split} i_3 - i_4 &= 4 \\ i_1: \\ &- 30 + 2(i_1 - i_4) + 3(i_1 - i_2) = 0 \\ 5i_1 - 3i_2 - 2i_4 &= 30 \\ i_2: \\ 3(i_2 - i_1) + 6(i_2 - i_3) + i_2 &= 0 \\ &- 3i_1 + 10i_2 - 6i_3 = 0 \\ i_3: \\ &- v_{34} + 8i_3 + 6(i_3 - i_2) = 0 \\ &- 6i_2 + 14i_3 - v_{34} = 0 \\ i_4: \\ v_{34} + 2(i_4 - i_1) + 4i_4 &= 0 \\ &- 2i_1 + 6i_4 + v_{34} = 0 \\ & \begin{cases} 5i_1 - 3i_2 - 2i_4 &= 30 \\ -3i_1 + 10i_2 - 6i_3 &= 0 \\ -6i_2 + 14i_3 - v_{34} &= 0 \\ -2i_1 + 6i_4 + v_{34} &= 0 \end{cases} \\ i_1 &= 8.561A \\ i &= i_1 = \boxed{8.561A} \end{split}$$

## **29.** Determine $v_0$ e $i_0$ no circuito da Figura 29.

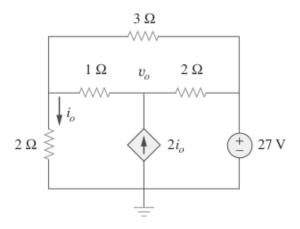


Fig. 29: Esquema para o Problema 29

$$\begin{split} &i_0 = i_1 \\ &i_{12} \colon \\ &2i_1 - 27 + 2(i_2 - i_3) + 1(i_1 - i_3) = 0 \\ &3i_1 + 2i_2 - 3i_3 = 27 \\ &i_3 \colon \\ &3i_3 + 1(i_3 - i_1) + 2(i_3 - i_2) = 0 \\ &- i_1 - 2i_2 + 6i_3 = 0 \\ &i_{12} \colon \\ &i_1 - i_2 = 2i_0 \\ &i_1 - i_2 = 2i_1 \\ &i_1 + i_2 = 0 \\ &\left\{ \begin{array}{c} 3i_1 + 2i_2 - 3i_3 = 27 \\ -i_1 - 2i_2 + 6i_3 = 0 \\ &i_1 + i_2 = 0 \end{array} \right. \\ &\left\{ \begin{array}{c} 3i_1 + 2i_2 - 3i_3 = 27 \\ -i_1 - 2i_2 + 6i_3 = 0 \end{array} \right. \\ &i_1 + i_2 = 0 \\ &i_1 = 18A \\ &i_2 = -18A \\ &i_3 = -3A \\ &i_0 = i_1 = \boxed{18A} \\ \\ &i_3 - i_2 = \frac{v_0 - 27}{2} \\ &v_0 = \boxed{57V} \\ \end{split}$$

**30.** Use a análise de malhas para determinar a corrente  $i_0$  no circuito da Figura 30.

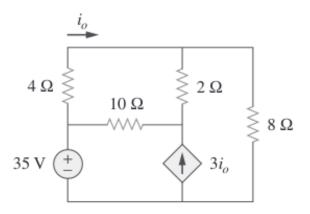


Fig. 30: Esquema para o Problema 30

$$\begin{split} i_0 &= i_3 \\ i_1: \\ &- 35 + 10(i_1 - i_3) + v_0 = 0 \\ 10i_1 - 10i_3 + v_0 &= 35 \\ i_2: \\ &- v_0 + 2(i_2 - i_3) + 8i_2 = 0 \\ 10i_2 - 2i_3 - v_0 &= 0 \\ i_3: \\ 4i_3 + 2(i_3 - i_2) + 10(i_3 - i_1) &= 0 \\ &- 10i_1 - 2i_2 + 16i_3 &= 0 \\ v_0: \\ i_2 - i_1 &= 3i_0 \\ i_2 - i_1 &= 3i_3 \\ i_1 - i_2 + 3i_3 &= 0 \\ \\ \begin{cases} 10i_1 - 10i_3 + v_0 &= 35 \\ 10i_2 - 2i_3 - v_0 &= 0 \\ -10i_1 - 2i_2 + 16i_3 &= 0 \\ i_1 - i_2 + 3i_3 &= 0 \\ i_1 - i_2 + 3i_3 &= 0 \\ \end{cases} \\ i_1 &= 0.8413A \\ i_2 &= 3.8702A \\ i_3 &= 1.0096A \\ v_0 &= 36.6827A \\ i_0 &= i_3 = \boxed{1.0096A} \\ \end{split}$$

**31.** Use a análise de malhas para determinar  $i_1,\,i_2$  e  $i_3$  no circuito da Figura 31.

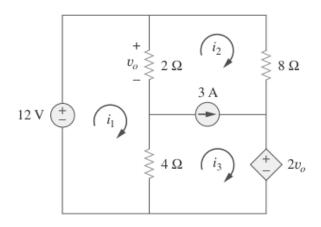


Fig. 31: Esquema para o Problema 31

$$\begin{split} v_0 &= 2(i_2-i_1) \\ i_1: \\ &-12+2(i_1-i_2)+4(i_1-i_3)=0 \\ 6i_1-2i_2-4i_3=12 \\ i_{23}: \\ 2(i_2-i_1)+8i_2+2v_0+4(i_3-i_1)=0 \\ &-6i_1+10i_2+4i_3+2v_0=0 \\ &-2i_1+6i_2+4i_3=0 \\ i_{23}: \\ i_2-i_3=-3 \\ \left\{ \begin{array}{c} 6i_1-2i_2-4i_3=12 \\ &-2i_1+6i_2+4i_3=0 \\ &i_2-i_3=-3 \end{array} \right. \\ i_1=3.5A \\ i_2=-0.5A \\ i_3=2.5A \end{split}$$

**32.** Usando a análise de malha, determine  $v_0$  e  $i_0$  no circuito da Figura 19.

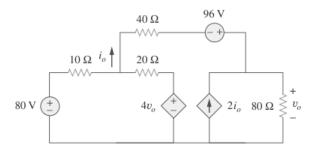


Fig. 32: Esquema para o Problema 32

$$\begin{split} i_1: \\ &-80+10i_1+20(i_1-i_2)+4v_0=0 \\ 30i_1-20i_2+4v_0=80 \\ i_{23}: \\ &-4v_0+20(i_2-i_1)+40i_2-96+80i_3=0 \\ &-20i_1+60i_2+80i_3-4v_0=96 \\ i_{23}: \\ &i_2+2i_0=i_3 \\ &i_2+2i_2=i_3 \\ 3i_2-i_3=0 \\ \\ &\begin{cases} 30i_1-20i_2+4v_0=80 \\ &-20i_1+60i_2+80i_3-4v_0=96 \\ 3i_2-i_3=0 \\ &i_1=143.04A \\ &i_2=-4.48A \\ &i_3=-13.44A \\ &i_0=i_2=\boxed{-4.48A} \\ &v_0=80i_3=\boxed{-1.0752kV} \\ \end{cases} \end{split}$$

33. Calcule a potência dissipada em cada resistor no circuito da Figura 33.

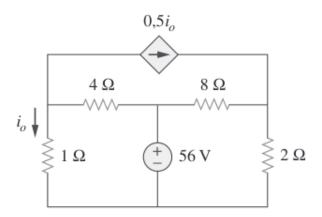


Fig. 33: Esquema para o Problema 33

$$i_{3}:$$

$$i_{3} = 0.5i_{0}$$

$$i_{0} = -i_{1}$$

$$i_{1} = -2i_{3}$$

$$i_{1}:$$

$$i_{1} + 4(i_{1} - i_{3}) + 56 = 0$$

$$5i_{1} - 4i_{3} = -56$$

$$5(-2i_{3}) - 4i_{3} = -56$$

$$-14i_{3} = -56$$

$$i_{3} = 4A$$

$$i_{1} = -8A$$

$$i_{2}:$$

$$-56 + 8(i_{2} - i_{3}) + 2i_{2} = 0$$

$$i_{2} = 8.8A$$

$$P = I^{2}R$$

$$P_{1} = \boxed{64W}$$

$$P_{4} = \boxed{1128.96W}$$

$$P_{8} = \boxed{184.32W}$$

$$P_{2} = \boxed{154.88W}$$

# **34.** Determine as correntes de malha $i_1,\,i_2$ e $i_3$ na rede da Figura 34.

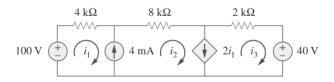


Fig. 34: Esquema para o Problema 34

$$\begin{split} i_{123} &: \\ &-100 + 4i_1 + 8i_2 + 2i_3 + 40 = 0 \\ 4i_1 + 8i_2 + 2i_3 = 60 \\ \\ i_A &: \\ i_1 + 4 = i_2 \\ i_1 - i_2 = -4 \\ \\ i_B &: \\ i_2 &= i_3 + 2i_1 \\ 2i_1 - i_2 + i_3 = 0 \\ \\ &\left\{ \begin{array}{l} 4i_1 + 8i_2 + 2i_3 = 60 \\ i_1 - i_2 = -4 \\ 2i_1 - i_2 + i_3 = 0 \end{array} \right. \\ \\ i_1 &= \left[ 2mA \right] \\ i_2 &= \left[ 6mA \right] \\ i_3 &= \left[ 2mA \right] \\ \end{split}$$

35. Determine  $v_x$  e  $i_x$  no circuito mostrado na Figura 35.

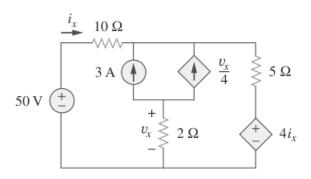


Fig. 35: Esquema para o Problema 35

$$\begin{split} i_x &= i_1 \\ i_{12} : \\ &- 50 + 10i_1 + 5i_2 + 4i_x = 0 \\ 14i_x + 5i_2 &= 50 \\ i_A : \\ i_x + 3 + \frac{v_x}{4} &= i_2 \\ i_x - i_2 &= -2 \\ \left\{ \begin{array}{c} 14i_x + 5i_2 &= 50 \\ i_x - i_2 &= -2 \end{array} \right. \\ i_2 &= 4.105A \\ i_x &= \boxed{2.105A} \\ v_x &= 2(i_1 - i_2) = \boxed{-4V} \end{split}$$

**36.** Determine  $v_0$  e  $i_0$  no circuito da Figura 36.

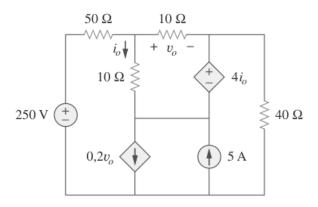


Fig. 36: Esquema para o Problema 36

$$\begin{split} &i_2 : \\ &10(i_2-i_1)+10i_2+4i_0=0 \\ &-3i_1+8i_2=0 \end{split}$$
 
$$&i_{1234} : \\ &-250+50i_1+10i_2+40i_4=0 \\ &50i_1+10i_2+40i_4=250 \end{split}$$
 
$$&i_{5A} : \\ &-i_3+i_4=5 \\ &i_{0.2v_0} : \\ &i_1-2i_2-i_3=0 \\ \begin{cases} &-3i_1+8i_2=0 \\ &50i_1+10i_2+40i_4=250 \\ &-i_3+i_4=5 \\ &i_1-2i_2-i_3=0 \end{cases}$$
 
$$&i_1=0.7843A \\ &i_2=0.2941A \\ &i_3=0.1961A \\ &i_4=5.1961A \\ &v_0=i_2\cdot 10=\boxed{2.941V} \\ &i_0=i_1-i_2=\boxed{0.4902A} \end{split}$$

37. Use o MATLAB para descobrir as correntes de malha no circuito da Figura 37.

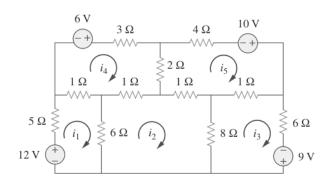


Fig. 37: Esquema para o Problema 37

$$\begin{split} i_1: & -12+5i_1+1(i_1-i_4)+6(i_1-i_2)=0 \\ 12i_1-6i_2-i_4=12 \\ i_2: & 6(i_2-i_1)+1(i_2-i_4)+1(i_2-i_5)+8(i_2-i_3)=0 \\ & -6i_1+16i_2-8i_3-i_4-i_5=0 \\ i_3: & 8(i_3-i_2)+1(i_3-i_5)+6i_3-9=0 \\ & -8i_2+15i_3-i_5=9 \\ i_4: & -6+3i_4+2(i_4-i_5)+1(i_4-i_2)+1(i_4-i_1)=0 \\ & -i_1-i_2+7i_4-2i_5=6 \\ i_5: & 4i_5-10+1(i_5-i_3)+1(i_5-i_2)+2(i_5-i_2)=0 \\ & -i_2-i_3-2i_4+8i_5=10 \\ & \begin{cases} 12i_1-6i_2-i_4=12 \\ -6i_1+16i_2-8i_3-i_4-i_5=0 \\ -8i_2+15i_3-i_5=9 \\ -i_1-i_2+7i_4-2i_5=6 \\ -i_2-i_3-2i_4+8i_5=10 \end{cases} \\ i_1=2.17A \\ i_2=1.99A \\ i_3=1.81A \\ i_4=2.09A \\ i_4=2.25A \\ \end{split}$$

## 3 Exercícios Adicionais

Os exercícios a seguir complementam a lista principal e reforçam a prática dos métodos de análise vistos em aula, foram retirados de lugares obscuros da internet (não encontrei de qual livro vieram).

38. Use nodal analysis to determine the node voltages defined in the circuit in Fig 38.

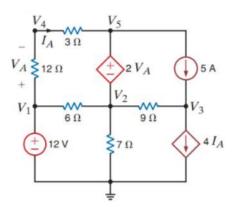


Fig. 38: Exercício Adicional 1

#### Resposta:

39. Use nodal analysis to determine the node voltages defined in the circuit in Fig 39.

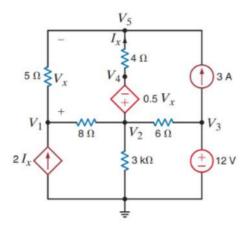


Fig. 39: Exercício Adicional 2

 ${\bf 40.}$  Solve for the mesh currents defined in the circuit in Fig 40.

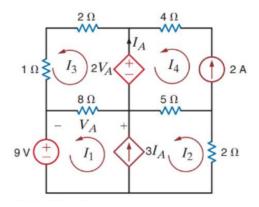


Fig. 40: Exercício Adicional 3

# Referências

[1] Charles K. Alexander and Matthew N. O. Sadiku. *Fundamentos de circuitos elétricos*. 3rd ed. São Paulo, SP: McGraw-Hill, 2008, pp. xxi, 901. ISBN: 9788585804977.