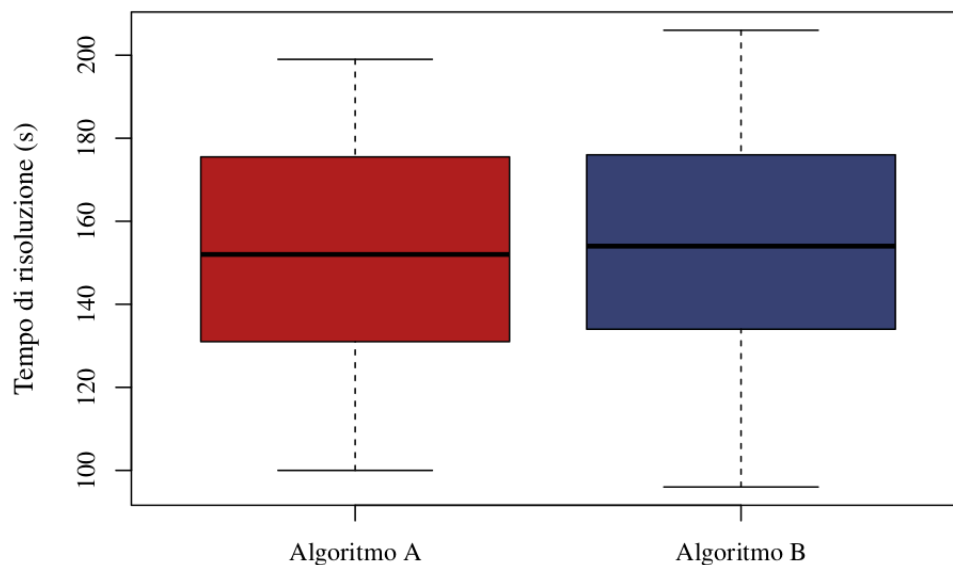


# Probabilità e Statistica per l'Informatica

## Analisi dei tempi di esecuzione degli algoritmi A e B

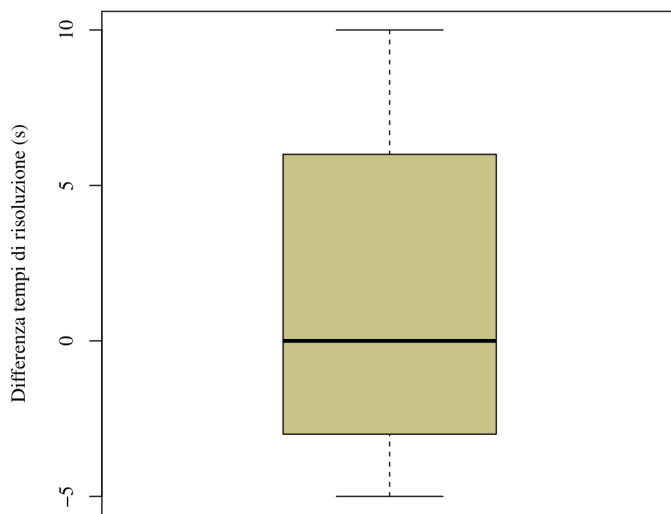
Gabriele Migliorini 899722



*Box plot con distribuzione dei tempi di risoluzione per i due algoritmi su 200 esempi numerici*

	Algoritmo A	Algoritmo B
<b>Minimo</b>	100.00	96.00
<b>Q1</b>	131.50	134.00
<b>Mediana</b>	152.00	154.00
<b>Q3</b>	175.25	176.00
<b>Massimo</b>	199.00	206.00
<b>Media</b>	152.25	153.75
<b>SD</b>	27.77	28.13
<b>IQR</b>	43.75	42.00

Come mostrano i boxplot e le statistiche descrittive, i due algoritmi hanno prestazioni molto simili in termini di tempi di esecuzione. L'algoritmo A risulta leggermente più stabile attorno ai valori centrali, mentre l'algoritmo B presenta una variabilità leggermente maggiore, con qualche valore più distante dal resto. Sulla base di questi dati non è possibile concludere che uno dei due algoritmi abbia una struttura dati più efficiente dell'altra.



	<b>B - A</b>
<b>Minimo</b>	-5.00
<b>Q1</b>	-3.00
<b>Mediana</b>	0.00
<b>Q3</b>	6.00
<b>Massimo</b>	10.00
<b>Media</b>	1.50
<b>SD</b>	4.66
<b>IQR</b>	9

*Box plot con distribuzione le differenze dei tempi di risoluzione per i due algoritmi su 200 esempi numerici*

Dal boxplot delle differenze si osserva che la mediana è zero, ma la scatola sopra lo zero è più ampia di quella sotto, quindi le differenze positive tendono ad avere valori più grandi rispetto alle negative.

Consideriamo il campione formato dalle differenze tra i tempi di risoluzione dei due algoritmi. Per verificare se i due algoritmi hanno la stessa efficienza in termini di tempo oppure no, si esegue un test t unilaterale per dati appaiati con livello di significatività del 5% ( $\alpha = 0.05$ ) specificando le ipotesi e la regione critica.

$$H_0 : \mu_d \leq \mu_0 \implies \mu_d \leq 0 \quad (\text{i tempi sono uguali o l'algoritmo A è più lento di B})$$

$$H_1 : \mu_d > \mu_0 \implies \mu_d > 0 \quad (\text{differenza positiva delle medie, l'algoritmo A è più veloce di B})$$

$$\frac{\bar{d}_n - \mu_0}{s_d / \sqrt{n}} > t_{n-1, \alpha} \implies \frac{1.50}{4.66 / \sqrt{200}} > t_{199, 0.05} \implies 4.55 > 1.65$$

La disequazione è verificata, quindi si rifiuta  $H_0$  a livello di significatività del 5%. L'ipotesi che non ci sia differenza significativa tra i tempi dei due algoritmi è in contraddizione con i dati forniti.

Come ulteriore conferma si calcola il p-value che risulta essere molto piccolo (strettamente minore di 0.01, perciò anche di  $\alpha$ ), quindi i dati sono in contraddizione significativa con  $H_0$ . I dati dimostrano che statisticamente l'algoritmo A è più veloce dell'algoritmo B.

Ulteriormente è possibile calcolare l'intervallo di confidenza per la differenza media al 95% (campione numeroso estratto da una popolazione con media e varianza incognite)

$$\left( \bar{d}_n - t_{n-1, \alpha/2} \cdot \frac{s_n}{\sqrt{n}}, \bar{d}_n + t_{n-1, \alpha/2} \cdot \frac{s_n}{\sqrt{n}} \right) \implies (0.85, 2.15)$$

(0.85, 2.15) è la stima intervallare della media delle differenze. Si conferma che statisticamente la struttura dati dell'algoritmo A è più efficiente di quella dell'algoritmo B.