

रेखीय बीजगणित

गाडेपल्लि वेंकट विश्वनाथ शर्मा *

Contents

नामकरण 1

1 बिंदु एवं सदिश 1

सार—यह लेख लेटक के द्वारा देवनागरी में वैज्ञानिक कृतियों के लेखनविधि से आरम्भकर्ताओं को परिचित कराने का प्रयास है।

नामकरण

Angle	कोण
Matrix	आव्यूह
Parallelogram	समांतर चतुर्भुज
Point	बिंदु
Quadrilateral	चतुर्भुज
Rectangle	समचतुर्भुज
Scalar Product	अदिश गुणनफल
Square	वर्ग
Vector	सदिश

1 बिंदु एवं सदिश

1.1. निम्न बिंदु किस चतुर्भुज के शीर्ष हैं? कारण सहित अपने उत्तर की पुष्टि करें।

$$\mathbf{P} = \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \end{pmatrix}, \mathbf{Q} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \mathbf{R} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \mathbf{S} = \begin{pmatrix} -3 \\ 0 \end{pmatrix} \quad (1.1.1)$$

हल: आकृति 1.1 में

$$\mathbf{P} - \mathbf{S} = \mathbf{Q} - \mathbf{R} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix} \quad (1.1.2)$$

$$\mathbf{R} - \mathbf{S} = \mathbf{Q} - \mathbf{P} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} \quad (1.1.3)$$

$PQRS$ की सम्मुख भुजायें समांतर हैं। अतः वह एक समांतर चतुर्भुज है। इसके अतिरिक्त

$$\|\mathbf{P} - \mathbf{S}\| = \|\mathbf{Q} - \mathbf{R}\| \quad (1.1.4)$$

$$= \|\mathbf{R} - \mathbf{S}\| = \|\mathbf{Q} - \mathbf{P}\| = 2\sqrt{2} \quad (1.1.5)$$

∴ चतुर्भुज की समस्त भुजायें समान हैं, समांतर चतुर्भुज एक समचतुर्भुज है। PS एवं RS से कृत कोण

$$\cos \theta = \frac{(\mathbf{S} - \mathbf{P})^T (\mathbf{S} - \mathbf{R})}{\|\mathbf{S} - \mathbf{P}\|^T \|\mathbf{S} - \mathbf{R}\|} \quad (1.1.6)$$

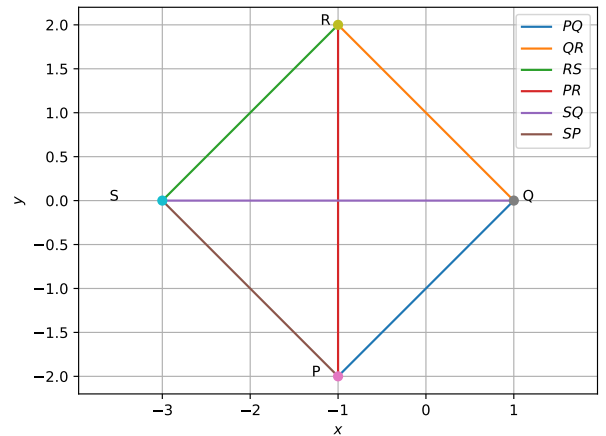
∴

$$(\mathbf{S} - \mathbf{P})^T (\mathbf{S} - \mathbf{R}) = \begin{pmatrix} 2 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} = 0 \quad (1.1.7)$$

उपरोक्त समीकरण में T अदिश गुणनफल का चिन्ह है। (1.1.2) का (1.1.3) में प्रतिस्थापन पर

$$\cos \theta = 0 \implies PS \perp RS \quad (1.1.8)$$

अतः समचतुर्भुज मूलतः एक वर्ग है।



आकृति. 1.1: The given points form a square

*रचयिता भारतीय प्रौद्योगिकी संस्थान, हैदराबाद, ५०२२८५ के विद्युत अभियान्त्रिकी विभाग में कार्यरत हैं, ईमेल: gadepalli@ee.iith.ac.in। यह लेख मुक्त स्रोत विचारधारा के अनुरूप है।