

Cálculo III (521227)
Práctica 5

Puntos críticos.

1. Encontrar todos los puntos críticos de las siguientes funciones e indicar si corresponden a un máximo local, mínimo local o punto de silla.

(a) $f(x, y) = x^2 + 3x - 2y^2 + 4y$.

(b) $f(x, y) = (x^2 + y^2)e^{-y}$.

(c) $f(x, y) = (x - y)e^{-(x^2+y^2)/4}$

(d) $f(x, y, z) = xyz - x^2 - y^2 + z^2$.

(e) $f(x, y, z) = x^3 + xz^2 - 3x^2 + y^2 + 2z^2$.

(f) $f(x, y, z) = (x - y + z)e^{-(x^2+y^2+z^2)/6}$

Problemas de optimización.

2. Encontrar el punto del plano $x - 2y + 3z = 6$ mas cercano al punto $(0, 1, 1)$.
3. Encontrar tres números positivos cuya suma es 100 y su producto es máximo.
4. Encontrar tres números positivos cuya suma es 12 y la suma de sus cuadrados es máxima.
5. Encontrar las dimensiones de la caja rectangular de mayor volumen, si su área superficial es 64cm^2 .
6. Un edificio rectangular es diseñado, de forma que minimiza la perdida de calor. Los muros este y oeste pierden calor a razón de $10 \text{ unidades}/\text{m}^2$ por día. Los muros norte y sur pierden calor a razón de $8 \text{ unidades}/\text{m}^2$ por día. El piso pierde calor a razón de $1 \text{ unidad}/\text{m}^2$ por día, y el techo pierde calor a razón de $5 \text{ unidades}/\text{m}^2$ por día. Si cada muro tiene que ser de al menos 30 mts de largo, y 4 mts de alto y el volumen del edificio debe ser de 4000 m^3 .
 - (a) Determinar la función P de perdida de calor, en términos de las longitudes de los muros y especificar su dominio.
 - (b) Encontrar las dimensiones que minimizan la perdida de calor. (Justificar la existencia del mínimo).
 - (c) ¿Es posible diseñar un mejor edificio mas eficientemente si quitamos las restricciones sobre las dimensiones de los muros?