

Transformaciones lineales

U, V : e.v. sobre mismo cuerpo \mathbb{K} .

Sea $T : U \rightarrow V$ una función que transforma vectores de U en vectores de V .

Sea $\{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ una base de U .

- T es **lineal** si

- ① $\forall u, v \in U : T(u + v) = T(u) + T(v),$
- ② $\forall v \in U : \forall \alpha \in \mathbb{K} : T(\alpha v) = \alpha T(v).$

- Una transformación lineal puede definirse completamente mediante los valores de $T(u_1), T(u_2), \dots, T(u_n)$.
- Núcleo e imagen

$$\ker(T) = \{v \in U \mid T(v) = \theta_V\}, \quad \text{im}(T) = \{T(v) \mid v \in U\}.$$

$\ker(T)$ es s.e.v. de U , $\text{im}(T)$ es s.e.v. de V .

- **Nulidad** de T , $\eta(T) = \dim(\ker(T))$. **Rango** de T , $r(T) = \dim(\text{im}(T))$.
- $\text{im}(T) = \langle \{T(u_1), T(u_2), \dots, T(u_n)\} \rangle$. El conjunto $\{T(u_1), T(u_2), \dots, T(u_n)\}$ es un **generador** de la imagen de T , no necesariamente una base de la imagen de T .
- $\eta(T) + r(T) = \dim(U)$.

