Respuestas Listado 10: Cálculo I (527140)

1.- a)
$$y'(x) = -\frac{3x^2y + 2\sin(xy) + 1}{x^3 + 2x\sin(xy) + x}$$

b)
$$y'(x) = \frac{y - y^2 \cos(y)}{y^2(\cos(y) - x \sin(y)) + x}$$

c)
$$y'(x) = -\frac{y(\sec^2(x) - y^2 + 1)}{x - 3xy^2 + \operatorname{tg}(x)}$$

d)
$$y'(x) = \frac{y + 2\sqrt{xy}\sec^2(x+2y) - 2y^2\sqrt{xy}\sin(xy^2)}{4\sqrt{xy}\sec^2(x+2y) - 4(xy)^{3/2}\sin(xy^2) + x}$$

2.-
$$y = \frac{4}{5} - \frac{1}{2} \left(x - \frac{2}{\sqrt{5}} \right)$$
 y $y = -\frac{4}{5} - \frac{1}{2} \left(x + \frac{2}{\sqrt{5}} \right)$

3.- a)
$$y = 4$$

b)
$$y' = -\frac{y\cos(xy) - y}{x + x\cos(xy) + 2y}$$

c)
$$y = \frac{(2k+1)\pi}{x} \text{ con } k \in \mathbb{Z}$$

4.- El punto de intersección es
$$\left(-\frac{4}{5}, \frac{22}{5}\right)$$

5.- Determinar, la derivada de las siguientes funciones

a)
$$f'(x) = \frac{2x+1}{(x^2+x)^2+1}$$

b)
$$f'(x) = -\frac{1}{x^2\sqrt{1-\frac{1}{x^2}}}$$

c)
$$f'(x) = \frac{2x^3 - 1}{x^4 + x}$$

6.- Calcular las siguientes derivadas:

a)
$$f'(x) = 3x^2e^{3x^3}$$

b)
$$f'(x) = -2^{-3x/5} \frac{3\ln(2)}{5}$$

c)
$$f'(x) = \frac{x^2 - 1}{x^3 + x}$$

d)
$$f'(x) = -\frac{3 \operatorname{tg}(x)}{2 \ln(3)}$$

e)
$$f'(x) = \frac{\ln(x^3) + 3}{x^2 \ln^2(x^3) + 1}$$

f)
$$f'(x) = \frac{e^{3x^3}}{\ln(2)} \left(9x^2 \ln(\arccos(x^2)) - \frac{2x}{\arccos(x^2)\sqrt{1-x^4}} \right)$$

7.- Disminuye a una razón de 9π cm por segundo.