

## Esercizio 1

Data la seguente porzione di programma rispondere alle domande corrispondenti:

```
int main()
{
    int* matricola = new int[6]{..la tua matricola..}; //scrivi sul foglio la tua matricola
    //1. La seguente istruzione è corretta? Se sì, cosa stampa?
        cout << *(matricola + 3) << *(matricola + 2) << endl;
    //2. La seguente istruzione è corretta? Se sì, cosa stampa?
        cout << *(matricola[0]) << endl;
    //3. Cosa viene stampato dalla seguente porzione di codice?
        int& a = matricola[4];
        int b = matricola[5];
        --a;
        b += 1;
        cout << matricola[4] << " " << matricola[5] << endl;
    //4. Come andrebbe deallocata la memoria dinamica allocata inizialmente?
    //A
        for(int i = 0; i < 6; i++)
            delete matricola[i];
    //B
        for(int i = 0; i < 6; i++)
            delete *matricola[i];
    //C
        Nel main non serve deallocare la memoria dinamica.
    //D
        delete [] matricola;
}
```

## Esercizio 2

Progettare una classe `GestoreValori` che sia in grado di gestire una sequenza di coppie (`int-char`). In particolare, la classe `GestoreValori` deve implementare almeno i seguenti metodi:

1. `inserisciCoppia(int a, char b)` che salvi il nuovo intero `a` e il nuovo `char b`; si noti che in generale ad uno stesso carattere possono essere associati più interi
2. `numCoppie()` che restituisca il numero di coppie (`int-char`) attualmente presenti;
3. `getRisultato()` che restituisca -1.

Implementare, successivamente, altre due classi: `GestoreValoriA` e `GestoreValoriB`. In particolare, le due classi devono estendere opportunamente `GestoreValori` e reimplementare, facendo uso del **polimorfismo**, il metodo `getRisultato()`.

In particolare:

1. Il metodo `getRisultato()` in `GestoreValoriA` deve restituire la somma di tutti gli interi inseriti accoppiati al carattere 'a'. Se non è presente alcun valore associato al carattere 'a', restituire 0.
2. Il metodo `getRisultato()` in `GestoreValoriB` deve calcolare la media (intera) degli interi inseriti accoppiati al carattere 'b'. Se non è presente alcun valore associato al carattere 'b', restituire 0.

La scelta delle classi, dei campi e dei metodi da utilizzare ed implementare, oltre a quelli richiesti dalla traccia, è libera. Verrà valutata, oltre che la correttezza del programma, anche la capacità di progettazione e l'efficienza/charezza della soluzione.

### Esercizio 3

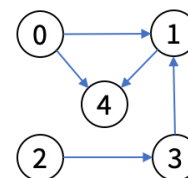
Scrivere una funzione **esercizio3** che prenda in input un grafo orientato  $G$  e restituisca il nodo che non è raggiunto dalla maggior parte degli altri nodi. Ovvero, sia  $f(u)$  una funzione che restituisce il numero di nodi in  $G$  che non raggiungono il nodo  $u$  (cioè il numero dei nodi per il quale non esiste un cammino verso  $u$ ). Dati tutti i nodi  $u$  in  $G$ , si deve restituire il nodo con valore  $f(u)$  massimo ed etichetta (numero nodo) minima.

Il grafo è rappresentato da una classe Grafo con la seguente interfaccia (con  $g$  un'istanza della classe):

- $g.n()$  restituisce il numero di nodi del grafo,
- $g.m()$  restituisce il numero di archi del grafo,
- $g(i,j)$  restituisce true se esiste l'arco diretto tra il nodo  $i$  e il nodo  $j$ .

I nodi sono etichettati da 0 a  $g.n()-1$ . Se esistono più nodi con lo stesso valore  $f(u)$  massimo, restituire quello con l'etichetta minore.

*Esempio:* il nodo 0 non è raggiunto da 4 nodi (quindi  $f(0)=4$ ), il nodo 1 non è raggiunto da un nodo (non è raggiunto solo dal nodo 4, quindi  $f(1)=1$ ), il nodo 2 non è raggiunto da 4 nodi ( $f(2)=4$ ), il nodo 3 non è raggiunto da 3 nodi ( $f(3)=3$ ), il nodo 4 è raggiunto da tutti i nodi ( $f(4)=0$ ). I nodi con il numero più alto di nodi che non li raggiungono sono i nodi 0 e 2. La funzione restituisce 0 (il nodo con etichetta minore tra quelli non raggiunti dalla maggior parte dei nodi).



### Esercizio 4

Scrivere una funzione **esercizio4** che prenda in input un grafo diretto  $G(V,E)$ , e due interi  $1 \leq k_1 \leq k_2 \leq |V|$ , e restituisca true se esiste un sottoinsieme  $U$  di  $V$  tale che le seguenti condizioni sono soddisfatte:

- $U$  contiene almeno  $k_1$  ed al più  $k_2$  nodi, ovvero  $k_1 \leq |U| \leq k_2$  e ,
- per ogni arco  $(i,j)$  in  $E$  se  $i$  è in  $U$  allora  $j$  non è in  $U$ ,

Se tale sottoinsieme non esiste, la funzione restituisce false.

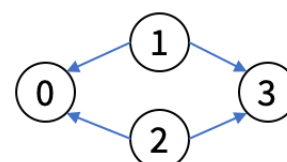
Il grafo è rappresentato da una classe Grafo con la seguente interfaccia (con  $g$  un'istanza della classe):

- $g.n()$  restituisce il numero di nodi del grafo,
- $g.m()$  restituisce il numero di archi del grafo,
- $g(i,j)$  restituisce true se esiste l'arco diretto tra il nodo  $i$  e il nodo  $j$ .

I nodi sono etichettati da 0 a  $g.n()-1$ .

*Esempio:* in questo caso la funzione restituirà true poiché è possibile creare un sottoinsieme  $U$  che rispetti le condizioni di cui sopra. Una possibile soluzione è data dal sottoinsieme  $U = \{1,2\}$  il quale

- contiene almeno  $k_1$  nodi e non più di  $k_2$ ,
- per ogni arco  $(i,j)$ : se  $i$  è in  $U$   $j$  non è in  $U$ ,



$k_1 = 2$   $k_2 = 3$