

# 1 Derivada Direcional e Vetor Gradiente

Seja:  $f : \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ .

$P = (a, b)$  um ponto no domínio de  $f$ .

$\vec{v} = (v_x, v_y)$  um vetor unitário.

A derivada de  $f$  no ponto  $P$  na direção de  $\vec{v}$  é

$$f_{\vec{v}}(a, b) = f_x(a, b) \cdot v_x + f_y(a, b) \cdot v_y$$

O vetor gradiente de  $f$  no ponto  $P$  é

$$\nabla f(a, b) = f_x(a, b) \cdot \vec{i} + f_y(a, b) \cdot \vec{j}$$

Portanto, vale que  $f_{\vec{v}}(a, b) = \langle \nabla f(a, b), \vec{v} \rangle$ .

Teorema: A direção em que  $f$  tem a maior taxa de variação é a do vetor gradiente.