

# 1 Linguagens formais

## 1.1 Alfabetos

Um alfabeto é denotado por  $\Sigma$ . Exemplos:

$$\Sigma = \{0, 1\}$$

$$\Sigma = \{a, b, c, d, e\}$$

$$\Sigma = \{\triangle, O, \square, X\}$$

## 1.2 Palavras

Uma palavra (ou cadeia) é uma sequência de zero ou mais símbolos do alfabeto.

Notação:

$$\lambda = \emptyset$$

$$0^4 = 0000$$

$$\Sigma^3 = \{000, 001, 010, 011, 100, 101, 110, 111\}$$

$$\Sigma^* = \bigcup_{i \in \mathbb{N}} \Sigma^i \quad \text{conjunto de todas as possíveis palavras deste alfabeto.}$$

Concatenação:

$$x = 00$$

$$y = 11$$

$$xy = 0011$$

Reverso:

$$(xy)^R = 1100$$

Observação: uma palavra  $w$  é um palíndromo se, e somente se  $w^R = w$ .

## 1.3 Linguagens

Uma linguagem é um conjunto de palavras  $L \subseteq \Sigma^*$ .

### 1.3.1 Operações

$$L_1 L_2 = \{xy \mid x \in L_1, y \in L_2\}$$

$$L^0 = \{\lambda\}$$

$$L^1 = L$$

$$L^2 = LL$$

$$L^* = \bigcup_{i \in \mathbb{N}} L^i \quad \text{Fecho de Kleene}$$

$$L^+ = \bigcup_{i \in \mathbb{N}^*} L^i$$

$$\emptyset^* = \{\lambda\}$$

$$\emptyset^+ = \emptyset$$

## 1.4 Autômatos

Um autômato finito determinístico é definido por:

$Q$	Um conjunto finito de estados.
$\Sigma$	Um alfabeto finito.
$\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$	Uma função de transição.
$q_o \in Q$	Um estado inicial.
$F \subseteq Q$	Um conjunto de estados finais.

Notação:

$L(M) = A$  A linguagem reconhecida pelo autômato  $M$ .

$L(M : F = \emptyset) = \emptyset$

### 1.4.1 Computação

Seja  $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$  um autômato finito, e  $w \in \Sigma^*$ . Dizemos que  $M$  aceita  $w$  se existe uma **sequência** de estados  $r_1, \dots, r_n \in Q$  satisfazendo:

1.  $r_0 = q_0$
2.  $\forall i \in [0, n) : \delta(r_i, w_{i+1}) = r_{i+1}$
3.  $r_n \in F$

Um autômato  $M$  reconhece uma linguagem  $L$  se  $\forall w \in L : M$  aceita  $w$ .

Uma linguagem é formal se existe um autômato que a reconhece.