

1 Probabilidade

A probabilidade é o estudo das experiências aleatórias.

Espaço amostral: denotado por Ω , é o conjunto de todos os resultados possíveis em uma experiência.

Evento: é um subconjunto de Ω ao qual é associado uma probabilidade em uma amostragem aleatória.

1.1 Famílias de Eventos

Uma família de eventos é um conjunto de eventos.

A maior família de eventos é o conjunto potência de Ω , denotado $\mathcal{P}(\Omega)$.

Propriedades das famílias de eventos:

- $\Omega \in \mathcal{F}$
- $A \in \mathcal{F} \implies A^c \in \mathcal{F}$
- $A, B \in \mathcal{F} \implies (A \cup B) \in \mathcal{F}$

1.2 Função Probabilidade

Uma função probabilidade é uma função do tipo $P : \mathcal{F} \rightarrow [0, 1]$.

Propriedades de uma função probabilidade:

- $0 \leq P(A) \leq 1$
- $P(\Omega) = 1, P(\emptyset) = 0$
- $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$
- $P(A^c) = 1 - P(A)$
- $A \subseteq B \implies P(A) \leq P(B)$

1.3 Espaço de Probabilidade

Um espaço de probabilidade é uma tripla da forma (Ω, \mathcal{F}, P) .

O espaço é associado à uma experiência aleatória.

1.3.1 Espaços Equiprováveis

Um espaço de probabilidade (Ω, \mathcal{F}, P) é equiprovável quando

$$\forall a, b \in \Omega : P(a) = P(b) = \frac{1}{|\Omega|}$$

1.4 Probabilidade Clássica

A função de probabilidade clássica para espaços equiprováveis é

$$P(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$$

1.5 Probabilidade Condicional

A probabilidade de um evento B acontecer após um evento A é

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$$