

PROLOG

3 DIC 2019

- PROgramming in LOgic. Nasce negli anni '70/'80.
- Il DataLog è un linguaggio usato in basi di dati
- Si basa sulla logica dei predicati e non è un linguaggio procedurale tipo Python bensì dichiarativo e la ritorsione non avviene con cicli for o while ma attraverso meccanismi di backtracking
- I costrutti base non sono comandi o funzioni bensì relazioni
- Si basa sull'unificazione e sul backtracking
- Calcolare in prolog significa costruire una dimostrazione
- A partire da delle formule logiche, prolog cerca di costruire una dimostrazione per una implicazione generica data e restituisce true o false

Idee di base

- 1) Descrivere la situazione d'interesse
- 2) Facciamo una domanda (query)
- 3) Prolog farà delle deduzioni a partire dal programma per rispondere alla query

Un programma in prolog ha significato:

- 1) Dichiarativo: una serie di fatti, regole, formule che non sono altro che dichiarazioni. E' costituito da relazioni che sono: 1) fatti 2) regole
- 2) Operazionale: Vi è un motore di inferenza che permette di rispondere alla query

Fatti:

- 1) Semplici

es. soleggiato.

Chiediamo nel prompt:

? - soleggiato

Il programma lo riconosce nelle dichiarazioni e restituisce:

True

es. piove.

Chiediamo nel prompt:

?- piove

Il programma non lo riconosce nelle dichiarazioni e restituisce:

False

- Devono iniziare con una lettera minuscola e terminare con un punto
- Possono essere costituiti di una qualsiasi combinazione di lettere e numeri, maiuscole e minuscole, e vi può essere l'underscore
- Si dovrebbe evitare di utilizzare singoli operatori matematici quali somma, differenza, moltiplicazione e divisione

es. paolo_ha_freddo

piove.

paolo_gioca_calcio.

QUERY: ?-piove

True

QUERY: ?-nevica
False

QUERY: ?-gianni_ha_freddo
False

es. paoloGiocaCalcio - SI
paoloFreddo1 - SI
PaoloFreddo. - NO

2) Con argomenti

Relazioni che legano elementi

- relazioni(<arg1>, <arg2>, ..., <argn>)
- Si usano le lettere minuscole
- Commenti: si chiude il commento fra due slash con asterischi
/* commento */
Se il commento dura una sola riga si può solamente anteporre il segno di percentuale
% commento
- L'ordine in cui vengono scritti gli argomenti viene rispettato dal programma
es. amico(bianca, dario) != amico(dario, bianca)
- Un nome in minuscolo indica un elemento specifico; un nome in maiuscolo indica una variabile.
es. amico(antonio, Chiunque) == (V Chiunque.amico(antonio, Chiunque))
QUERY: ?-amico(Antonio,100)
True

ESEMPI

es.

Mangia(paolo, mele)

Mangia(paolo, arance)

?-mangia(paolo, mele)

True

?-mangia(paolo, fragole)

?-mangia(paolo,What)

(E What.mangia(paolo,What))

What=paolo

——>next (prolog scorre e mostra tutte le possibilità)

What=arance

es.

ama(ugo,maria)

Ama(paolo,calcio)

?-ama(paolo,Chi)

Chi=calcio

——>next

Chi=maria

es.

- Per ottenere gli argomenti messi come prompt basta porre una query con delle variabili

cd(1,artista1,album1,canzone1)

cd(2,artista2,album2,canzone2)

cd(3,artista3,album3,canzone3)

?-cd(2,artista2,album2,Cantante2)

Cantante2=canzone3

Regole: formule che ci consentano di fare dichiarazioni condizionali

:- == (conseguenza)

amico(antonio,bianca)

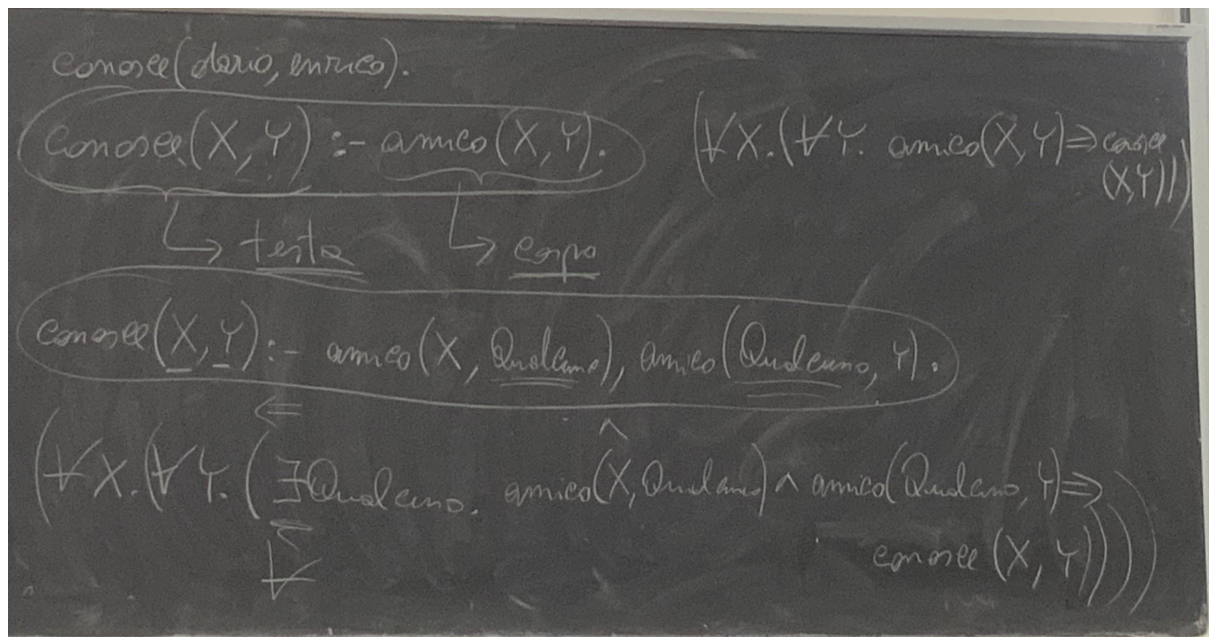
amico(antonio,enrico)

amico(bianca,dario)

amico(dario,carla)

amico(enrico,bianca)

amico(antonio,Chiunque)



?-conosce(bianca, carla)
 X=bianca Y=carla
 amico(bianca, Qualcuno) A amico(Qualcuno, carla)
 Qualcuno=dario
 amico(dario, carla)

4 DIC 2019

Fatti, regole	clausole	formule logiche	am
Implicazioni	$A \text{ :- } B$	$B \Rightarrow A$	
Congiuntive	A, B	$A \wedge B$	
Disgiuntive	$A; B$	$A \vee B$	

Fatti:
 amico(antonio, X) /* Antonio è amico di tutti*/
 $(\forall X. \text{amico}(\text{antonio}, X))$
 pred(c1, c2, c3..., cn, x1, x2, ..., Xn)
 $(\forall X1. (\forall X2. (\dots (\forall Xn. \text{pred}(\text{pred}(c1, c2, c3..., cn, x1, x2, ..., xn))))))$

conosce(X, Y) :- amico(X, Qualcuno), amico(Qualcuno, Y)

/* per ogni X e Y se esiste Qualcuno tale che X è suo amico e Qualcuno è amico di Y allora X conosce Y */

(VX.(VY.(EQualcuno.amico(X,Qualcuno)andamico(Qualcuno,Y)->conosce(X,Y)))

A(X1,...,Xn):-B(X1,...Xn,Y1,...,Ym).

(VX1.(...(VXn.(EY....(EYm.B(X1,...Xm,Y1...Ym)->A(X1,...,Xn))))...)

- Le variabili nella testa Prolog vengono interpretate come “per ogni”. Quelle nel corpo sono interpretate come un esiste
- Se non interrompiamo il processo, Prolog cerca tutte le possibili soluzioni

QUERY:

?-conosce(bianca,X).

/* esiste X conosciuto da bianca? */

(EX.conosce(bianca,X))

?-goal(X1,...Xn).

(EX1.(E...(EXn.goal(X1...Xn))))?

- La funzione goal non restituisce True o False ma i valori che individua per le variabili della query
- Prolog lavora associando alle variabili dei valori presenti nel prompt e prova tutte le possibili combinazioni logiche

ESEMPIO

genitore(tommaso,francesco).

genitore(francesco,vittorio).

genitore(francesca,linda).

genitore(vittorio,bianca).

nonno(X,Y):-genitore(X,Z),genitore(Z,Y).

?-nonno(tommaso,bianca)

/* prolog scorre tutti i prompt e cerca una testa di nome ‘nonno’ */

X=tommaso Y=bianca Z=vittorio

True

?-nonno(tommaso,Chi)

X=tommaso Y=Chi Z=francesca

Fatti, regole e query sono costruiti sulla base di TERMINI:

- 1) Termini semplici:
 - a) Costanti
 - b) Variabili
- 2) Termini complessi:

- a) Strutture
- b) Liste

Costanti:

- 1) atomi:
 - A) Un simbolo :- , ; .
 - B) Nomi (sequenze di lettere/cifre) che iniziano con una lettera minuscola.
Possono iniziare con la prima lettera maiuscola ma il nome deve andare tra apici es. 'Paolo'
- 2) numeri: vengono trattati come tali

Variabili: definite tramite la prima lettera maiuscole

Strutture: atomo applicato ad una sequenza di termini -> atomo(termine1,...,termine2) dove ogni termine può a sua volta essere semplice o complesso. Tale atomo è detto funtore

es. libro('Le tigri di Mompracem', autore(emilio, salgari))
 nonno(X, maria)
 figlio(X, Y):-genitore(Y, X).

Due termini possono essere unificati se:

- 1) sono lo stesso termine es. vittorio=vittorio tommaso!=vittorio
- 2) Hanno delle variabili che possono essere assegnate (istanziate) in modo che due termini rappresentino lo stesso termine es. tommaso = X (X=termine) nonno(X, Y)
 nonno(tommaso, Y) -> X=tommaso Y=Z

Es. nonno(tommaso, X)=nonno(Y, linda)
 X=linda Y=tommaso
 Nonno(tommaso, X) nonno(vittorio, linda)
 X=linda
 Tommaso!=vittorio
 Nonno(tommaso, X)
 Nonno(x, linda)
 X=tommaso!=linda
 Es. p(X, f(c), X)
 P(f(Y), Y, Z) con X=f(y)

P(f(Y), f(c), f(Y))
 P(f(Y), Y, Z) con Y=f(c), X=f(f(c))

P(f(f(c)), f(c), f(f(c)))
 P(f(f(c))), f(c), t Z=f(f(c))

X e padre(X) possono essere unificati?

Prolog lo unifica facendo diventare $X = \text{padre}(X)$ e $\text{padre}(X) = \text{padre}(X)$ che non ha la stessa semantica del senso comune. L'unificazione continua ponendo $X = \text{padre}(\text{padre}(X))$ ma non si arriva mai ad una conclusione. Dunque si deve operare l'occur check per verificare come occorre la variabile nei termini da unificare —> si può operare l'unificazione solo se la variabile X non occorre nel termine che segue es. se in input viene dato $?-X = \text{padre}(X)$, prolog non risponde né True né False ma riscrive $X = \text{padre}(X)$

Esiste però un comando `unify_with_occur_check`:

```
?_unify_with_occur_check(X,padre(X)).
```

```
/* prolog restituisce False */
```

```
False
```

- In Prolog non esistono i cicli come in Python dove si usano i cicli for e while
- Ricorsione -> si esprime un funtore in termine del funtore stesso
es. `in_prestito(rom,libro(le_tigri_di_Mompracem,autore(emilio,algari)))`

Dove:

rom -> termine semplice

libro -> termine complesso (struttura a sua volta) dove libro lavora come funtore di altri due termini e dunque:

le_tigri_di_Mompracem -> termine semplice

autore -> termine complesso (struttura a sua volta) dove autore lavora come funtore di altri due termini e dunque:

emilio -> termine semplice

algari -> termine complesso

Se chiedo:

```
?-in_prestito(rossi,libro(X,autore(Y,Z))).
```

```
/* Prolog opera un processo di unificazione con i dati che ha restituendo */
```

```
X=le_tigri_di_Mompracem
```

```
Y=emilio
```

```
Z=algari
```

```
/* se nel database vi sono più dati relativi al termine rossi, cliccando su next o aggiungendo un punto e virgola si ottengono i vari risultati e le assegnazioni possibili */
```

```
?-in_prestito(X,libro(Y,autore(emilio,algari)))
```

```
/* Prolog procede ad assegnare X ed Y rispettivamente alla persona e al libro comprato relativo a quell'autore */
```

```
X=rossi
```

```
Y=le_tigri_di_Mompracem
```

Strutture con esemplificazione ad albero:

es. `studenti(anna,roberto,paolo)`

`impiegato(rossi,indirizzo(via(pietroBucci),numero(32)))`

Studenti

——> anna
——> roberto
——> paolo

Impiegato

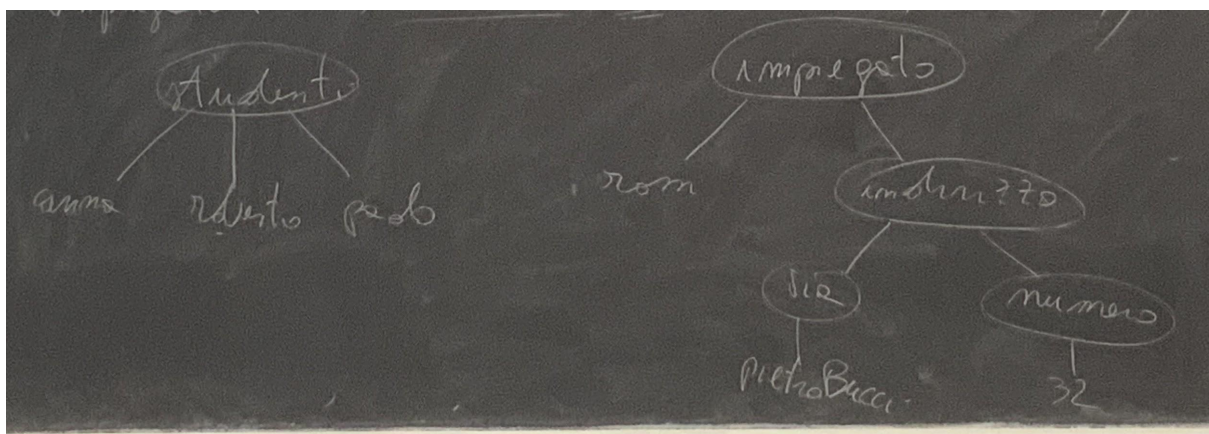
——> rossi
——> indirizzo

Via

——> PietroBucci

Numero

——> 32



- Liste: sequenza di un numero finito di elementi separati da virgole e racchiusi tra parentesi quadre []. Ogni elemento a sua volta può essere semplice o complesso e dunque anche una lista a sua volta
es. [a,b,[c,d]] con a->termine semplice b->termine semplice [c,d]->lista di due termini semplici
 - [] -> lista vuota
 - Ogni lista ha una testa e una coda:
 - Testa: primo elemento della lista
 - Coda: sequenza degli elementi dal secondo in poi e cioè ciò che resta della lista tolta la testa

Testa e coda si indicano attraverso la separazione con una riga verticale: [testa|coda]

es. [genova,milano, roma]

testa -> genova coda -> [milano,roma]

[10,20,[30,40],cinquanta]

testa -> 10 coda -> [20,[30,40],cinquanta]


```
[a,b,[C,D,[e]]]  
testa -> a coda -> [b,[C,D,[e]]]
```

```
[]  
testa -> - coda -> -
```

```
[a]  
testa -> a coda -> []
```

```
[[a,b],c]  
testa -> [a,b] coda -> [c]
```

La testa può essere un elemento, una lista ecc. **La coda è SEMPRE una lista.**

Assegnamento delle liste:

Se si chiede a prolog es. `?-[X,Y|Z]=[rossi,verdi]` per il principio di unificazione si ha che `X=rossi, Y=verdi, Z=[]`

es. `?-[X,Y|Z]=[prolog,linp,pascal]`

`X=prolog`

`Y=linp`

`Z=[pascal] /* termine complesso -> lista */`

`?-[X,Y,Z]=[prolog,linp,pascal]`

`X=prolog`

`Y=linp`

`Z=pascal /* termine semplice */`

`[studenti,[Y,Z]]=[X,[mario,giovanni]]`

`X=studenti`

`Y=mario`

`Z=giovanni /* opera l'unificazione delle due liste in maniera ordinata e cioè seguendo l'ordine dato */`

es. `e_una_lista([questa,e,una,lezione,sulle,liste]).`

`e_una_lista([la,vispa,teresa,[avea,tra,l,erbetta]])`

`?-e_una_lista([X|Y]).`

`X=questa`

`Y=[e,una,lezione,sulle,liste]; Next`

`X=la`

`Y=[vispa,teresa,[avea,tra,l,erbetta]].`

`/*pongo ora una domanda con una variabile muta*/`

`/* la variabile muta non scrive nulla */`

`?-e_una_lista([_|X]).`

`X=[e,una,lezione,sulle,liste]; Next`

`X=[vispa,teresa,[avea,tra,l,erbetta]]`

```
?-e_una_lista([_,_,_],[X|_]).  
X=avea
```

10 DIC 2019

- Controlla se un certo elemento x appartiene ad una lista L:
member(x,L)
?-member(a,[a,b,c]).
True

?-member(d,[a,b,c]).
False
- Concatenare due liste L1 e L2:
append(L1,L2,L3)
?-append([a,b,c],[d,e,f],L).
L=[a,b,c,d,e,f]

?-append(x,y,[a,b,c]).
/* la concatenazione avrà successo per tali assegnamenti: */
x=[]
y=[a,b,c]; Next
x=[a]
y=[b,c]; Next
x=[a,b]
y=[c]; Next
x=[a,b,c]
y=[]

?-append(x,[1,2,3],[a,b,1,2,3]).
x=[a,b]

ESERCIZIO n1:

Assumendo tali fatti formulare una query quale “quale corso piace a Simone?”:

- A simone piacciono soltanto i corsi facili.
- I corsi di scienze sono difficili
- Tutti i casi di Intelligenza Artificiale sono facili
- CK300 è un corso di Intelligenza Artificiale

corso(ck300,ia).

facile(X):-corso(X,ia).

/* se X è un corso di ia allora ciò implica che sia facile */

difficile(X):-corso(X,scienze).
piace(simone,X):-facile(X),corso(X,Y).

?_corso(X,Y),piace(simone,X).

ESERCIZIO n2:

Scrivere che collega(X,Y) è vera se X è un collega di Y dati il seguente prompt:

- lavora(X,Z) vera se X lavora nell'azienda Z
- $X \neq Y$ vero se X e Y sono diversi
- lavora(imp1,ibm).
- lavora(imp2,ibm).
- lavora(imp3,olivetti).
- lavora(imp4,txt).
- ?_collega(X,Y)
- X=imp1, Y=imp2

collega(X,Y):-lavora(X,Z),lavora(Y,Z), $X \neq Y$.

ESERCIZIO n3:

Siano:

- finanz,univ,ebrown,bill delle costanti
- prof(X), stud(X), rabbia(X) dei predicati unitari
- taglia(X,Y), boccia(X,Y) dei predicati binari
- Se la finanza taglia i finanziamenti all'università, i prof si arrabbiano
- Se i prof si arrabbiano, gli studenti sono bocciati
- La finanza taglia i finanziamenti all'università
- E.Brown è una professoressa e Bill è uno studente
- Query: La prof E.Brown boccia lo studente Bill?

prof(ebrown).
stud(bill).
taglia(finanz,univ).
rabbia(X):-taglia(finanz,univ),prof(X).
boccia(X,Y):-prof(X),stud(Y),rabbia(X).

?_boccia(ebrown,bill).
True

ESERCIZIO n4:

Dati:

- padre(X,Y) X è padre di Y
- madre(X,Y) X è madre di Y

mostrare come ottenere le relazioni e verificare con l'albero genealogico della propria famiglia:

- nonno(X,Y), nonna(X,Y) bisnonno(X,Y) bisnonno(X,Y) nipote(X,Y)
pronipote(X,Y) antenato(X,Y)

Svolgimento:

nonno(X,Y):-padre(X,Z),padre(Z,Y)

nonno(X,Y):-padre(X,Z),madre(Z,Y)

nonna(X,Y):-padre(X,Z),padre(Z,Y)

nonna(X,Y):-madre(X,Z),padre(Z,Y)

bisnonno(X,Y):-padre(X,Z),nonno(Z,Y)

bisnonno(X,Y):-padre(X,Z),nonno(Z,Y)

bisnonna(X,Y):-madre(X,Z),nonno(Z,Y)

bisnonna(X,Y):-madre(X,Z),nonna(Z,Y)

nipote(X,Y):-nonno(Y,X)

nipote(X,Y):-nonna(Y,X)