תרגיל 1 אלגוריתמים בביולוגיה חישובית

שאלה 1 – מספר העימודים האפשריים

יהיו n כל אחד. DNA שני רצפי s,t

n ברצה להראות כי מספר העימודים האפשריים של s מול הוא אקספוננציאלי ב-

2n נבחין כי הגודל המקסימלי של כלל הסידור יהיה

נפשט את הבעיה (נצמצם אפשרויות סידור) ונגיד בלי הגבלת הכלליות שאנחנו בוחרים מיקומים s_1 ומיקומי הבסיסים של הרצף t יוגדרו ככה שהם בוחרים מיקום אקראי בודד בין s_1 לבין s_2 .

לכן, הבעיה שקולה לבחירת n מקומות להעמדה של הבסיסים של s מתוך n. וזו בעיה מוכרת לכן, הבעיה שקולה לבחירת מקומות להעמדת הבסיסים של s מתוך n מיקומים קיימות n מקומות להעמדת הבסיסים של n מתוך n מיקומים קיימות (עם שמירה על סדר רצף ה-DNA).

n בראה ביטוי $\binom{2n}{n}$ לבחירת מיקומי בסיסים של s מהרצפים הוא אקספוננציאלי ב- n . n בראה כי מספר העימודים האפשריים של s מול t הוא לפחות אקספוננציאלי ב-

:2 שאלה

ניתוח זמן ריצה

q - נסמן את אורך סדרת הנקודות, p - קנס על כל סגמנט, p - קנס על כל סגמנט, מטרת האלגוריתם למצוא את הארגומנט המינימלי של נוסחת ה- $Cost\ SSE$ (סכום הפרשי הריבועים) על מנת להגיע למזעור המרחקים של כל נקודה איבר בסדרה שנקבל כקלט) לערך הממוצע בסגמנט אליה נשייך, בתוספת קנס p:

$$\arg\min\sum_{1}^{n}(x_{i}-\mu_{j})^{2}+k\cdot p$$

אופן פעולת האלגוריתם הינו מעבר על כל הנקודות בסדרה (קיימות n כאלה כמספר האיברים), ועבור כל נקודה בודקים מה הסגמנט האידיאלי (שייתן cost מינימלי) שנגמר באותה נקודה כלומר נקודה בודקים מה הידיאלית, בודקים עבור כל נקודה את ה-cost עבור כל מקטע שמתחיל עד q נקודות לפניה:

$$SSE\ cost = \sum_{k=i}^{j-1} (x_k - \mu)^2$$

. כאשר μ הערך הממוצע של הסגמנט, j היא נקודת הסוף ו- μ הערך הממוצע של הסגמנט.

עבור כל נקודה עדכנו את נקודת ההתחלה ואת מערך ה-cost במידה ומצאנו מינימום חדש. O(1) אנחנו מבצעים n*q חישובים של ה-cost כל חישוב על פי הנוסחה הוא SSE בנוסף, לחישוב הSSE של הסגמנט בצורה יעילה השתמשנו בשני מערכי עזר:

O(n) – לחישוב סכום מצטבר comulative sum האחד

O(n) – לחישוב סכום ריבועי מצטבר comulative sum squared השני

כך שבכל פעם יכולנו לחשב את הממוצע של הסגמנט ואת הנוסחה של SSE במספר פעולות קבוע (חמש).

 $O(n) + O(n \cdot q)$ - סך הכל לאלגוריתם הדינאמי

לאחר סיום החלק הזה באלגוריתם אנחנו משחזרים את הפתרון האופטימלי שנמצא על ידי מעבר לאחר סיום החלק הזה באלגוריתם אנחנו משחזרים את שייצג עבור כל $t \leq i \leq n$ שייצג עבור כל $t \leq i \leq n$ שייצג עבור כל שייצג עבור ל שייצג עבור כל $t \in t$ אייברים ממערך שייצר מתחיל. $t \in t$

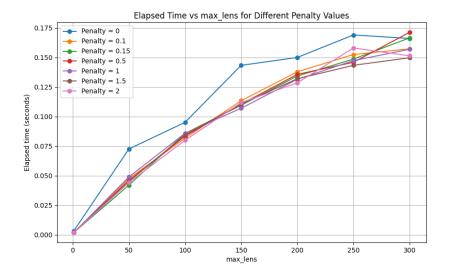
זמן הריצה הכולל:

$$O(n) + O(n \cdot q) + O(n)$$

במקרה הגרוע ביותר נעבור על n נקודות לכן שלב זה מתבצע ב- O(n) כי לא ייתכנו יותר סגמנטים במקרה הגרוע ביותר נעבור על n>k).

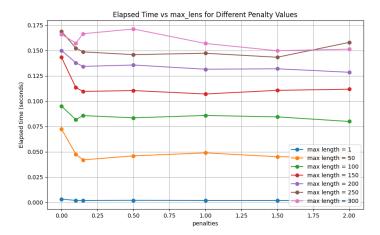
 $oldsymbol{.o}(n*q)$ לכן נקבל סה"כ שסיבוכיות זמן הריצה של האלגוריתם הדינאמי הוא

g-נרצה להראות את השינוי בזמן הריצה כתלות ב-q (אורך הסגמנט המקסימלי):

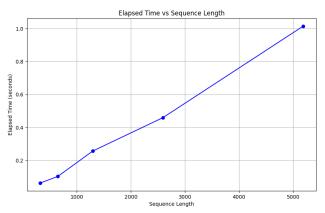


יצרנו 7 קווים (לכל ערך penalty שונים. ניתן המציגים את זמן הריצה כתלות בערכי q שונים. ניתן לראות כי אכן רואים קשר כמעט לינארי בין הגבלת אורך הסגמנט המקסימלי לבין זמן ריצה של התוכנית – ככל שהגבלת הגודל גדולה יותר זמן הריצה עולה.

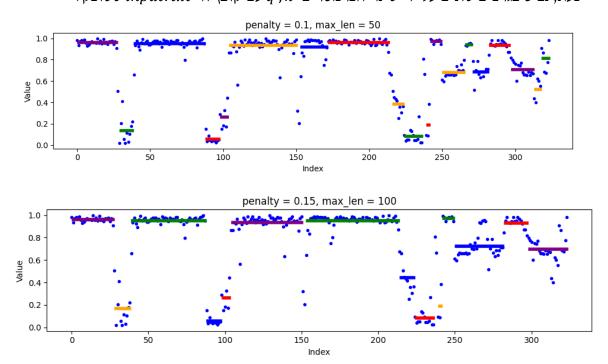
: נרצה לוודא כי אכן גודל הקנס לא משפיע על זמן הריצה



כפי שציפינו, ניתן לראות כי לא ניתן להצביע על קשר בין גודל הקנס לבין זמן ריצת התוכנית. q,p נראה כי אכן קיים קשר לינארי בין אורך סדרת הנקודות לבין זמן הריצה של התוכנית כאשר קבועים:



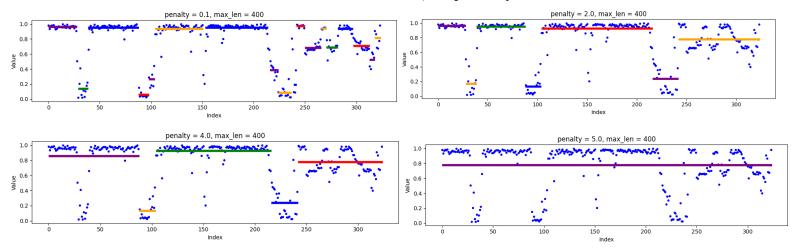
: שסופק $input.\,txt$ - עם קובץ q , k שסופק שינוי שינוי שינוי שונים על ידי שינוי פעת, נביט בגרפים



מהשוואה בין הגרפים ניתן לראות כי בשל העלאת ערך ה- penalty בריצה השנייה נוצרו פחות סגמנטים וכתוצאה מכך הסגמנטים ארוכים יותר (וכן כי אפשרנו אורך ארוך יותר לכל סגמנט), וכן נוצר סגמנט ארוך שכולל יותר מ-50 נקודות (154 עד 214).

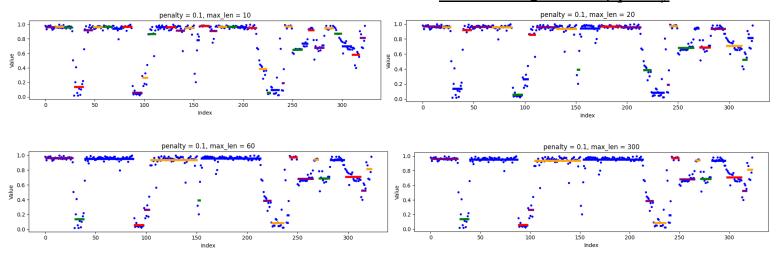
בחינת מקרי קיצון:

ללא הגבלת max len עם ללא הגבלת



כפי שניתן לצפות, רואים שככל שנעלה את הקנס על הסגמנטים נקבל פחות ופחות סגמנטים.

:משתנה קבוע עם penalty

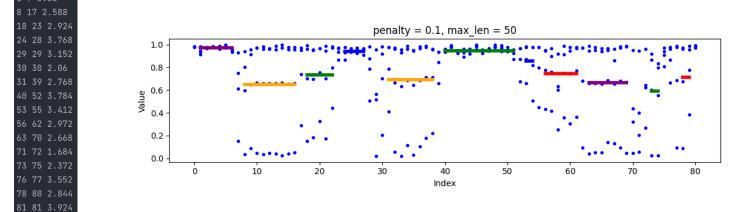


מעניין לראות מרצף הגרפים כי ככל שאנחנו מאפשרים אורך מקסימלי גדול יותר (10,20,60) נראה מעניין לראות מרצף הגרפים כי ככל שאנחנו מאפשרים עד לשלב מסוים שבו התוכנית תגיע למינימום של כי אכן נקבל סגמנטים באורכים גדלים, אומנם עד לשלב זה העלאת אורך הסגמנט המקסימלי לא ערך ה-cost עבור חלוקה לסגמנטים מסוימת והחל משלב זה העלאת בין $max_len=60$ תשפיע על החלוקה לסגמנטים (כפי שרואים בהשוואה בין $max_len=60$).

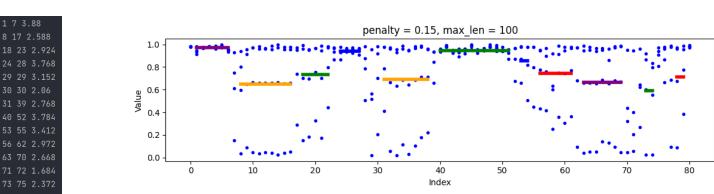
גל סזנה 318510633 נועה מרגוליס 208635334

חלק בונוס – סגמנטציה למידע רב ערוצי:

 max_len ו- penalty ו- penalty ו-



2.298



בגרפים שמנו את כל הנקודות מכל הערוצים על הגרף וניתן לראות כי אכן הסגמנטים הנבחרים מצאו איזון כלשהו בין כל הערוצים השונים.