תרגיל 2 אלגוריתמים בביולוגיה חישובית

תיאור המודל:

בחרנו לממש מודל מרקוב חבוי (HMM – Hidden Markov Model) למטרת התרגיל – זיהוי אזורי DNA בחרנו לממש מודל שלמדנו בכיתה.

בחרנו במודל זה מכיוון שהמודל תואם למבנה הנתונים שלנו – במודל HMM המצבים החבויים מייצגים מאפיינים מבניים בגנום שאינם נצפים ישירות. קיומם של איי CpG הוא תכונה סמויה, אך ניתן להסיק עליהם דרך רצפי הDNA. לכן, מודל מרקוב חבוי הוא כלי נוח ומתאים לזיהוי איי – CpG – בזכות היכולת שלו לדמות מצבים חבויים, לשמר הסתברויות מעבר ופליטה, ולהתמודד עם רעש ונתונים לא שלמים.

: המודל מורכב מהרכיבים הבאים

- : (States) שני מצבים חבויים
- $\operatorname{Cp} G$ מצב המייצג אזור אי $-\operatorname{C}$
- $\operatorname{Cp} G$ מצב המייצג אזור שאינו אי-N

נניח שכל מצב מקושר להסתברות פליטה של בסיסי ה-DNA.

- : (Observations) תצפיות
- התצפיות הן רצפים של האותיות $\{A,T,G,C,N\}$ כך שארבע האותיות הראשונות מייצגות את בסיסי הדנ"א ואות N מייצגות את בסיסי הדנ"א ואות את בסיסי הדנ"א התב"מ התב"מ
 - 3. הסתברויות התחלה (Start Probabilities):
 - הסתברות התחלתית עבור כל מצב:

$$P_0(S = C)$$
 , $P_0(S = N)$

- : (Transition Probabilities) הסתברויות מעבר.
- . הסתברויות המעבר בין המצבים: $P(S_t|S_{t-1})$, עבור כל צמד מצבים.
 - 5. הסתברויות פליטה (Emission Probabilities):
- ברצף t-הוא הבסיס ה- $P(O_t|S_t)$, כאשר ריות הפליטה עבור כל מצב אבור כל מצב בור ריות הפליטה עבור הסיס ה- $P(O_t|S_t)$

גל סזנה 318510633 נועה מרגוליס 208635334

הגדרת הפרמטרים במודל:

פרמטרים:

- התחלה. π וקטור הסתברויות התחלה.
- מטריצת הסתברויות מעבר. -A
- מטריצת הסתברויות פליטה. -B

: חישוב הפרמטרים

 $\pi-$ וקטור הסתברויות התחלה •

נחשב את שכיחות המצבים הראשוניים ברצף המוערכים (מספר הפעמים שכל מצב מופיע כמצב ראשון חלקי מספר הרצפים הכולל).

: A – מטריצת הסתברויות מעבר

נחשב את היחס בין המעברים בין כל מצב S_i למצב בין המעברים בין המעברים למספר מעברים מהמצב S_i

$$P(C|N) = \frac{count(N \to C)}{count(N \to C \text{ or } N)}$$
 : לדוגמה

:B – מטריצת הסתברויות פליטה

נחשב את היחס בין שכיחות כל תצפית \mathcal{O}_t במצב S, לחלק שכיחות כל שכיחות כל במצב S.

$$P(A|C) = \frac{Frequency\ of\ A\ in\ state\ C}{Total\ occurrences\ of\ state\ C}$$
: לדוגמה

לימוד הפרמטרים:

- : איסוף הנתונים
- נשתמש בקובץ ה-fasta שניתן לנו במסגרת התרגיל ובקובץ התיוגים המתאים.
- על מנת להגדיל את סט האימון שלנו הפכנו את הרצפים המופיעים בקובץ ה-fasta על מנת להגדיל את סט האימון שלנו הפכנו את התיוגים המופיעים בקובץ התיוגים וכך קיבלנו סט אימון בגודל כפול.

: אומדן פרמטרים

: כאמור, נעשה שימוש באומדן נראות מירבית (MLE) באופן הבא

$$\hat{A}_{i,j} = \frac{count(S_i \to S_j)}{\sum_i count(S_i \to S_j)}$$

$$\hat{B}_{i,k} = \frac{Frequency \ of \ O_k \ in \ state \ S_i}{\sum_k number \ of \ emission \ in \ state \ S_i}$$

גל סזנה 318510633 נועה מרגוליס 208635334

הנחות המודל:

1. תכונת המרקוביות:

במודל אנחנו מניחים כי הסתברות של מצב תלויה רק במצב הקודם, כלומר:

$$P(S_t|S_{t-1}) = P(S_t|S_{t-1}, S_{t-2}, ..., S_0)$$

2. תכונת עצמאות הפליטות:

ההנחה היא שהפליטה תלויה רק במצב הנוכחי ולא במצבים או תצפיות אחרים, כלומר:

$$P(O_t|S_t) = P(O_t|S_t, O_{t-1}, ...)$$

 ההנחה כי הנתונים המתויגים מספיק גדולים לייצג את ההתפלגות האמיתית של המעברים והפליטות.

אופטימליות של הפרמטרים

מטריצות ההסתברויות הנלמדות לפי אומדן הניראות המירבית הם האופטימליים בהנחה שאכן המדגם שלנו מייצג את ההתפלגויות בעולם האמיתי.

יתרון של השיטה שממומשת בתרגיל היא בפשטות החישובית, אך היא תלויה בגודל ואיכות הנתונים. ולכן, במדגם קטן או במדגם מוטה נצפה שיהיו שגיאות באומדנים.

תהליך בחירת התיוגים בהינתן המודל:

כדי לבחור את התיוגים עבור התצפיות, נשתמש באלגוריתם ויטרבי (Viterbi Algorithm), שהוא אלגוריתם דינאמי למציאת רצף המצבים הסביר ביותר במודל מרקוב חבוי.

שימוש באלגוריתם ויטרבי:

- :איתחול
- $: O_1$ את ולהפיק ולהפיק ההסתברות להתחיל במצב חישוב ההסתברות להתחיל חישוב ההסתברות להתחיל -

$$\delta_1(s) = P_1(O_1, S = s) \cdot P_1(S = s)$$
, where $s \in \{C, N\}$

ונבחר את המצב שמקבל את ההסתברות הגבוה יותר בחישוב זה.

2. שלב החישוב:

 ${\bf s}$ עבור כל תצפית המקסימלית את החסתברות את , ${\bf s}$ ולכל מצב ולכל כל תצפית כל תצפית את החסתברות המשרי קודם : ב-t מגיע מרצף מצבים אפשרי קודם :

$$\delta_t = \max_{s'} (P_t(O_t | S = s) \cdot P(S_t = s | S_{t-1} = s') \cdot \delta_{t-1}(s'))$$

ברצף. δ_t במיקום ברצף t במיקום אוא המסלול שהוביל ביל מצב ווא המסלול המקסימלי

: backtracking – מעקב לאחור.

לאחר חישוב כל ההסתברויות, מוצאים את המצב הסביר ביותר במיקום האחרון לאחר סיום חישוב כל ההסתברויות, מוצאים את המצב הסביר ביותר במיקום האחרון (T) ברצף:

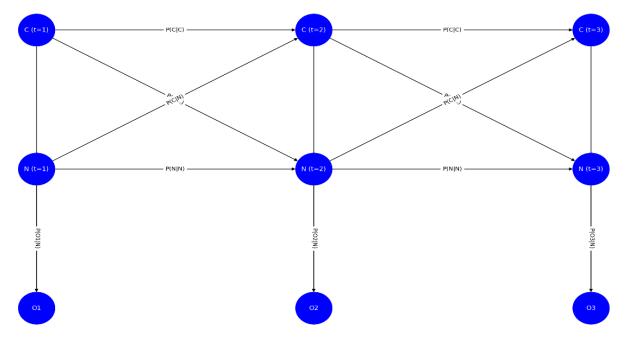
$$S_T = \arg\max_{s} \delta_T(s)$$

 $S_{T-1}, S_{T-2}, \dots, S_1$ את מנת למצוא שחושב על שחושב אורך המסלול וחוזרים אחורה לאורך

אלגוריתם ויטרבי מבטיח את מציאת הרצף הסביר ביותר של מצבים במודל HMM ועובד בצורה דינאמית כך שהוא יעיל גם עבור רצפים ארוכים.

HMM אילוסטרציה למודל

HMM Structure for CpG Island Detection (with Edge Descriptions)



בגרף מתואר באופן ויזואלי המבנה של מודל מרקוב חבוי עבור משימת זיהוי איי

בהמשך למה שמתואר במסמך בפירוט, מודל המרקוב החבוי אומד את ההסתברויות של כלל המעברים ובעזרת אלגוריתם ויטרבי מוצא את המסלול בעל ההסתברות המצטברת הגבוהה ביותר.

:טסטים למודל

ביצענו אימון על בסיס הנתונים שקיבלנו בתיקיית data, על מנת להכפיל את גודל סט האימון ביצענו reverse-complement לרצפים בקובץ שסופק, והערכנו את ביצוע המודל על ידי שימוש במידע שסופק על כרומוזום 2.

על מנת להריץ את הטסט יש לכתוב את המילה ״evaluate״ במקום נתיב output בשורת הפקודה.

להלן התוצאות שהתקבלו בהרצה:

```
Transition Probabilities:
C N
C 0.9969 0.0031
N 0.0006 0.9994
```

Emission Probabilities:					
	Α	T	G	С	N
С	0.1614	0.1614	0.3386	0.3386	0.0000
N	0.2362	0.2362	0.2637	0.2637	0.0002

Evaluation Metrics

Accuracy: 0.8263

Precision: 0.7765

Recall: 0.8263

F1_score: 0.7885

ניתן לראות שהתוצאות שמתקבלות על ידי שימוש במודל הן תוצאות טובות סה״כ למשימה מורכבת כמו זיהוי איי CpG ובעבור מודל יחסית פשוט עם הנחות משמעותיות:

Accuracy = 82.6%

משמעות – היחס הכולל של ניבויים נכונים מתוך כל הניבויים שבוצעו.

83%-ב non-CpG ואזורי CpG ב-83% פירוש – דיוק של כ-83% מצביע על כך שהמודל מסווג נכון אזורי מחמרים, שזו תוצאה יחסית טובה.

Precision = 77.6%

משמעות – המדד בוחן את היחס בין הניבויים החיוביים שנמצאו נכונים לבין סך כל הניבויים החיוביים. החיוביים.

פירוש – כאשר המודל מנבא אזור כ- CpG הוא צודק ב-77.6% מהמקרים. זה מצביע על כך שקיים שיעור מסוים של false positives.

Recall = 82.6%

משמעות – המדד בוחן את היחס בין הניבויים החיוביים הנכונים לבין סך כל המקרים החיוביים בפועל.

פירוש – רגישות של כ-82.6% מציינת שהמודל מצליח לזהות כ-82% מכלל אזורי ה- CpG בפועל. זה מצביע על יכולת טובה של המודל לזהות מקרים חיוביים.

F1 Score = 78.8%

 \cdot משמעות - מדד $\mathrm{F1}$ הוא הממוצע ההרמוני בין הדיוק החיובי לרגישות, ומאזן בין שני המדדים

$$F1 \ Score = 2 \cdot \frac{Precision \cdot Recall}{Precision + Recall}$$

פירוש – מדד F1 של כ-78.8% מצביע על איזון טוב בין הדיוק החיובי לרגישות. המדד חשוב כאשר יש צורך לאזן בין שיעור החיוביים הכוזבים לשיעור השליליים הכוזבים.