# תרגיל 2 – אלגוריתמים בביולוגיה חישובית

#### תיאור המודל:

בחרנו לממש מודל מרקוב חבוי (HMM – Hidden Markov Model) בחרנו לממש מודל מרקוב חבוי (DNA בחרנו לממש מודל שלמדנו בכיתה.

בחרנו במודל זה מכיוון שהמודל תואם למבנה הנתונים שלנו – במודל HMM המצבים החבויים מייצגים מאפיינים מבניים בגנום שאינם נצפים ישירות. קיומם של איי CpG הוא תכונה סמויה, אך ניתן להסיק עליהם דרך רצפי הDNA. לכן, מודל מרקוב חבוי הוא כלי נוח ומתאים לזיהוי איי – CpG – בזכות היכולת שלו לדמות מצבים חבויים, לשמר הסתברויות מעבר ופליטה, ולהתמודד עם רעש ונתונים לא שלמים.

המודל מבצע אימון על בסיס זוגות של נתוני DNA והתיוגים שלהם, באמצעות מודל ה - שבו נלמדים הסתברויות המעבר והסתברויות הפליטה. לאחר מכן מתויג קובץ פלט חדש באמצעות הפרמטרים שוערכו בשלב האימון – בעזרת אלגוריתם ויטרבי שמטרתו למצוא את רצף המצבים Dynamic ) הסביר ביותר עבור הנתונים החדשים. אלגוריתם ויטרבי מיישם חישוב דינאמי (C/N) הסביר ביותר עבור התצפית (רצף המצבים שנבחר עבור התצפית (רצף ה-DNA).

המודל מורכב מהרכיבים הבאים:

- : (States) שני מצבים חבויים
- . $\operatorname{Cp} G$  מצב המייצג אזור אי C
- $\operatorname{CpG}$  מצב המייצג אזור שאינו אי $-\operatorname{N}$

נניח שכל מצב מקושר להסתברות פליטה של בסיסי ה-.DNA

- : (Observations) מצפיות
- התצפיות הן רצפים של האותיות  $\{A,T,G,C,N\}$  כך שארבע האותיות הראשונות מייצגות את בסיסי הדנ"א ואות N מייצגות את בסיסי הדנ"א ואות את בסיסי הדנ"א התב"מ במיסי הדנ"מ במיסי הדנ"מ במיסי הדנ"א התב"מ במיסי הדנ"מ במיסי הדנ"מ
  - 3. הסתברויות התחלה (Start Probabilities):
    - הסתברות התחלתית עבור כל מצב:

$$P_0(S=C)$$
 ,  $P_0(S=N)$ 

- : (Transition Probabilities) א הסתברויות מעבר (4
- . הסתברויות המעבר בין המצבים:  $P(S_t|S_{t-1})$ , עבור כל צמד מצבים.

- 5. הסתברויות פליטה (Emission Probabilities):
- ברצף t-הוא הבסיס ה- $O_t$  כאשר אור כל מצב (מצב למצב ברויות הפליטה עבור כל מצב הסתברויות הפליטה עבור כל מצב הדנייא.

הגדרת הפרמטרים במודל:

פרמטרים:

- התחלה.  $\pi$  וקטור הסתברויות התחלה.
- מטריצת הסתברויות מעבר. -A
- מטריצת הסתברויות פליטה. B

: חישוב הפרמטרים

 $\pi$  – וקטור הסתברויות התחלה

נחשב את שכיחות המצבים הראשוניים ברצף המוערכים (מספר הפעמים שכל מצב מופיע כמצב ראשון חלקי מספר הרצפים הכולל).

A-מטריצת הסתברויות מעבר  $\bullet$ 

נחשב את היחס בין המעברים בין כל מצב  $S_i$  למצב בין המעברים בין המעברים למספר מעברים מהמצב  $S_i$ .

$$P(N) = \frac{count(N \to C)}{count(N \to C \text{ or } N)}$$
 : לדוגמה

B − מטריצת הסתברויות פליטה

נחשב את היחס בין שכיחות כל תצפית  $\mathcal{O}_t$  במצב S, לחלק שכיחות כל שכיחות כל במצב S. במצב S.

$$P(C) = \frac{Frequency\ of\ A\ in\ state\ C}{Total\ occurrences\ of\ state\ C}$$
: לדוגמה

: לימוד הפרמטרים

- : איסוף הנתונים
- נשתמש בקובץ ה-fasta שניתן לנו במסגרת התרגיל ובקובץ התיוגים המתאים.
- על מנת להגדיל את סט האימון שלנו הפכנו את הרצפים המופיעים בקובץ ה-fasta על מנת להגדיל את סט האימון שלנו הפכנו את התיוגים המופיעים בקובץ התיוגים וכך קיבלנו סט אימון בגודל כפול.

- : שיערוך פרמטרים .2
- באופן הבא: (MLE) כאמור, נעשה שימוש באומדן נראות מירבית

$$\hat{A}_{i,j} = \frac{count(S_i \to S_j)}{\sum_i count(S_i \to S_j)}$$

$$\hat{B}_{i,k} = \frac{Frequency \ of \ O_k \ in \ state \ S_i}{\sum_k number \ of \ emission \ in \ state \ S_i}$$

הנחות המודל:

1. תכונת המרקוביות:

במודל אנחנו מניחים כי הסתברות של מצב תלויה רק במצב הקודם, כלומר:

$$P(S_{t-1}) = P(S_t|S_{t-1}, S_{t-2}, ..., S_0)$$

2. תכונת עצמאות הפליטות:

ההנחה היא שהפליטה תלויה רק במצב הנוכחי ולא במצבים או תצפיות אחרים, כלומר:

$$P(S_t) = P(S_t, O_{t-1}, ...)$$

 ההנחה כי הנתונים המתויגים מספיק גדולים לייצג את ההתפלגות האמיתית של המעברים והפליטות.

אופטימליות של הפרמטרים

מטריצות ההסתברויות הנלמדות לפי אומדן הנראות המירבית הם האופטימליים בהנחה שאכן המדגם שלנו מייצג את ההתפלגויות בעולם האמיתי.

יתרון של השיטה שממומשת בתרגיל היא בפשטות החישובית, אך היא תלויה בגודל ואיכות הנתונים. ולכן, במדגם קטן או במדגם מוטה נצפה שיהיו שגיאות באומדנים.

תהליך בחירת התיוגים בהינתן המודל:

כדי לבחור את התיוגים עבור התצפיות, נשתמש באלגוריתם ויטרבי (Viterbi Algorithm), שהוא אלגוריתם דינאמי למציאת רצף המצבים הסביר ביותר במודל מרקוב חבוי.

שימוש באלגוריתם ויטרבי:

- :אתחול
- $: O_1$  את ולהפיק את  $S_1$  ולהפיק את סתברות להתחיל במצב -

$$\delta_1(s) = P_1(O_1, S = s) \cdot P_1(S = s)$$
 , where  $s \in \{C, N\}$ 

ונבחר את המצב שמקבל את ההסתברות הגבוה יותר בחישוב זה.

### 2. שלב החישוב:

 ${\bf s}$  עבור כל תצפית המקסימלית את החסתברות ,  ${\bf s}$  ולכל מצב ולכל כל עבור כל תצפית , ב-1 מגיע מרצף מצבים אפשרי קודם ב-1 מגיע מרצף מצבים אפשרי הודם ב-1

$$\delta_t = (P_t(S=s) \cdot P(S_{t-1}=s') \cdot \delta_{t-1}(s'))$$

ברצף. t במיקום sביל למצב $\delta_t$  הוא המסלול המקסימלי שהוביל למצב

# : backtracking – מעקב לאחור.

לאחר סיום חישוב כל ההסתברויות, מוצאים את המצב הסביר ביותר במיקום האחרון (T) ברצף:

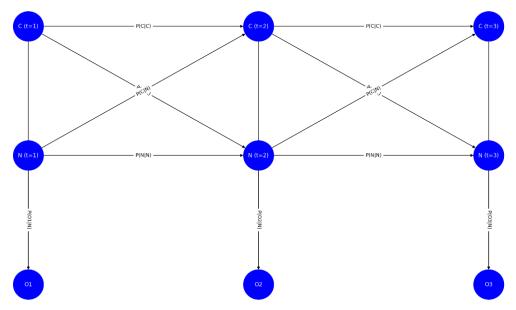
$$S_T = arg \max_s \delta_T(s)$$

 $.S_{T-1}, S_{T-2}, \dots, S_1$ את למצוא מנת שחושב שחושב שחורה לאורך המסלול שחושה וחוזרים אחורה

אלגוריתם ויטרבי מבטיח את מציאת הרצף הסביר ביותר של מצבים במודל HMM ועובד בצורה דינאמית כך שהוא יעיל גם עבור רצפים ארוכים.

### HMM אילוסטרציה למודל

HMM Structure for CpG Island Detection (with Edge Descriptions)



. CpG בגרף מתואר באופן ויזואלי המבנה של מודל מרקוב חבוי עבור משימת זיהוי איי

את שני המצבים פייוב פעיגולים ו- את את שני המצבים שמייצג את פעיגולים ניתן לראות בתרשים שמייצג את את שני המצבים החבויים בעיגולים  $\{A,T,G,C\}$  הבסיס שחזינו בו

בהמשך למה שמתואר במסמך בפירוט, מודל המרקוב החבוי משערך את ההסתברויות של כלל המעברים ובעזרת אלגוריתם ויטרבי מוצא את המסלול בעל ההסתברות המצטברת הגבוהה ביותר.

### הערכת ביצועי המודל:

ביצענו אימון על בסיס הנתונים שקיבלנו בתיקיית data, על מנת להכפיל את גודל סט האימון ביצענו reverse-complement לרצפים בקובץ שסופק, והערכנו את ביצוע המודל על ידי שימוש במידע שסופק על כרומוזום 2.

על מנת להריץ את הטסט יש לכתוב את המילה "evaluate" במקום נתיב סutput על מנת להריץ את הטסט יש לכתוב את המילה "evaluate" ביצועיו להכניס את קובץ האינפוט CpG-islands.2K.chr2.lbl.fa.gz כך שהמודל יציג את ניתוח ביצועיו על נתוני הטסט שקיבלנו.

כדי לתייג את הנתונים נריץ בדרך הרגילה את קבצי הטסט.

להלן התוצאות שהתקבלו בהרצה:

```
Transition Probabilities:
C N
C 0.9969 0.0031
N 0.0006 0.9994
```

Emission Probabilities:					
	Α	T	G	С	N
С	0.1614	0.1614	0.3386	0.3386	0.0000
N	0.2362	0.2362	0.2637	0.2637	0.0002

### **Evaluation Metrics**

```
Evaluating the model...

Comparison Metrics:
Accuracy: 0.8263

Balanced accuracy: 0.5452

Precision: 0.7765

Recall: 0.8263

F1 score: 0.7885

Evaluation complete.
```

ניתן לראות שהתוצאות שמתקבלות על ידי שימוש במודל הן תוצאות טובות סה"כ למשימה ניתן לראות שהתוצאות שמתקבלות על ידי שימוש במודל הנחות משמעותיות:  $\operatorname{CpG}$ 

## **Accuracy = 82.6%**

משמעות – היחס הכולל של ניבויים נכונים מתוך כל הניבויים שבוצעו.

83%-ב non-CpG ואזורי CpG ב-83% פירוש – דיוק של כ-83% מצביע על כך שהמודל מסווג נכון אזורי מחמרים, שזו תוצאה יחסית טובה.

### **Balanced Accuracy = 0.5452**

. שמופיע פחות היטב תיוג אחד אך פחות טוב תיוג אחר למשל את  ${
m C}$  שמופיע פחות פעמים.

ניסינו לשפר את המודל באמצעות איזון הנתונים כך שיכלול משקלים מותאמים לשיפור זיהוי התיוג הנדיר יותר על ידי הגדלת המשקל של כיתה "C" בעת חישוב הסתברויות המעבר והפליטה. כמו כן ניסינו להוסיף smoothing.

ניתן לראות כי השינוי שיפר את הבלנס בצורה זניחה והזיק מעט לדיוק כך שבסופו של דבר בחרנו להישאר עם המודל המקורי. אלו התוצאות של המודל עם תוספת זאת:

Training complete. Evaluating the model...

Comparison Metrics:
Accuracy: 0.8253

Balanced accuracy: 0.5478

Precision: 0.7770

Recall: 0.8253

F1 score: 0.7892

Evaluation complete.

### **Precision = 77.6%**

משמעות – המדד בוחן את היחס בין הניבויים החיוביים שנמצאו נכונים לבין סך כל הניבויים החיוביים. החיוביים.

פירוש – כאשר המודל מנבא אזור כ- CpG הוא צודק ב-77.6% מהמקרים. זה מצביע על כך שקיים שיעור מסוים של false positives.

### **Recall = 82.6%**

משמעות – המדד בוחן את היחס בין הניבויים החיוביים הנכונים לבין סך כל המקרים החיוביים בפועל.

פירוש – רגישות של כ-82.6% מציינת שהמודל מצליח לזהות כ-82% מכלל אזורי ה- $\operatorname{CpG}$  בפועל. זה מצביע על יכולת טובה של המודל לזהות מקרים חיוביים.

### F1 Score = 78.8%

משמעות - מדד F1 הוא הממוצע ההרמוני בין הדיוק החיובי לרגישות, ומאזן בין שני המדדים :

$$F1 \, Score = 2 \cdot \frac{Precision \cdot Recall}{Precision + Recall}$$

פירוש – מדד F1 של כ-78.8% מצביע על איזון טוב בין הדיוק החיובי לרגישות. המדד חשוב כאשר יש צורך לאזן בין שיעור החיוביים הכוזבים לשיעור השליליים הכוזבים.