Отчет по лабораторной работе №7

Модель эффективности рекламы

Легиньких Галина Андреевна

Содержание

1				
2				
3				
4	4.1	лнени Julia . 4.1.1	ле лабораторной работы $ \hbox{Kod программы для первого случая } \frac{dn}{dt} = (0.61 + 0.000061 n(t))(N-n(t)) \hbox{ (рис. 4.1): } $	10 10
		4.1.2	Код программы для второго случая $\frac{dn}{dt}=(0.000073+0.73n(t))(N-n(t))$ (рис. 4.2):	11
		4.1.3	Код программы для третьего случая $\frac{dn}{dt}=(0.7t+0.6\cos{(t)}n(t))(N-n(t))$ (рис. 4.3):	13
	4.2	Openl	Modelica	14
		4.2.1	d_{∞} (:	14
		4.2.2	Код программы для второго случая $\frac{dn}{dt}=(0.000073+0.73n(t))(N-n(t))$ (рис. 4.5):	15
		4.2.3	J.,	16
5	Анализ полученных результатов. Сравнение языков.			18
6	Выво	Д		19
7	Список литературы. Библиография.			20

Список иллюстраций

2.1	График решения уравнения модели Мальтуса	7
2.2	График логистической кривой	8
4.1	График распространения рекламы для первого случая, построен-	11
12	ный на языке Julia	11
4.2	График распространения рекламы для второго случая, построенный на языке Julia	13
4.3	График распространения рекламы для третьего случая, построен-	
	ный на языке Julia	14
4.4	График распространения рекламы для первого случая, построен-	
	ный с помощью OpenModelica	15
4.5	График распространения рекламы для второго случая, построен-	
	ный с помощью OpenModelica	16
4.6	График распространения рекламы для третьего случая, построен-	
	ный с помощью OpenModelica	17

Список таблиц

1 Цель работы

Изучить и построить модель эффективности рекламы.

2 Теоретическое введение.

Организуется рекламная кампания нового товара или услуги. Необходимо, чтобы прибыль будущих продаж с избытком покрывала издержки на рекламу. Вначале расходы могут превышать прибыль, поскольку лишь малая часть потенциальных покупателей будет информирована о новинке. Затем, при увеличении числа продаж, возрастает и прибыль, и, наконец, наступит момент, когда рынок насытиться, и рекламировать товар станет бесполезным. [3]

Предположим, что торговыми учреждениями реализуется некоторая продукция, о которой в момент времени t из числа потенциальных покупателей N знает лишь n покупателей. Для ускорения сбыта продукции запускается реклама по радио, телевидению и других средств массовой информации. После запуска рекламной кампании информация о продукции начнет распространяться среди потенциальных покупателей путем общения друг с другом. Таким образом, после запуска рекламных объявлений скорость изменения числа знающих о продукции людей пропорциональна как числу знающих о товаре покупателей, так и числу покупателей о нем не знающих

Модель рекламной кампании описывается следующими величинами. Считаем, что $\frac{dn}{dt}$ - скорость изменения со временем числа потребителей, узнавших о товаре и готовых его купить, t - время, прошедшее с начала рекламной кампании, N - общее число потенциальных платежеспособных покупателей, n(t) - число уже информированных клиентов. Эта величина пропорциональна числу покупателей, еще не знающих о нем, это описывается следующим образом: $\alpha_1(t)(N-n(t))$, где $\alpha_1>0$ - характеризует интенсивность рекламной кампа-

нии (зависит от затрат на рекламу в данный момент времени). Помимо этого, узнавшие о товаре потребители также распространяют полученную информацию среди потенциальных покупателей, не знающих о нем (в этом случае работает т.н. сарафанное радио). Этот вклад в рекламу описывается величиной $\alpha_2(t)n(t)(N-n(t))$. эта величина увеличивается с увеличением потребителей узнавших о товаре. Математическая модель распространения рекламы описывается уравнением:

$$\frac{dn}{dt} = (\alpha_1(t) + \alpha_2(t)n(t))(N - n(t))$$

При $\alpha_1(t) >> \alpha_2(t)$ получается модель типа модели Мальтуса, решение которой имеет вид (рис. 2.1):

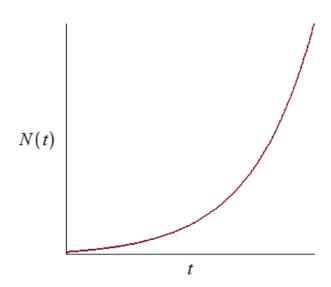


Рис. 2.1: График решения уравнения модели Мальтуса

В обратном случае $\alpha_1(t) << \alpha_2(t)$ получаем уравнение логистической кривой (рис. 2.2):

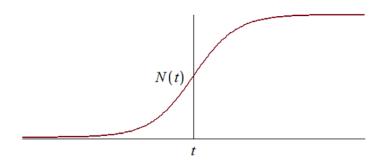


Рис. 2.2: График логистической кривой

3 Задание

Мой вариант 18.

Постройте график распространения рекламы, математическая модель которой описывается следующим уравнением:

1.
$$\frac{dn}{dt} = (0.61 + 0.000061n(t))(N - n(t))$$

2.
$$\frac{dn}{dt} = (0.000073 + 0.73n(t))(N - n(t))$$

$$\begin{aligned} &1. \ \ \frac{dn}{dt} = (0.61 + 0.000061n(t))(N-n(t)) \\ &2. \ \ \frac{dn}{dt} = (0.000073 + 0.73n(t))(N-n(t)) \\ &3. \ \ \frac{dn}{dt} = (0.7t + 0.6\cos{(t)}n(t))(N-n(t)) \end{aligned}$$

При этом объем аудитории N=1224, в начальный момент о товаре знает 14 человек. Для случая 2 определите в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

4 Выполнение лабораторной работы

4.1 Julia

4.1.1 Код программы для первого случая

```
\frac{dn}{dt} = (0.61 + 0.000061n(t))(N - n(t)) \text{ (puc. 4.1):} using Plots using DifferentialEquations N = 1224 n0 = 14 function ode_fn(du, u, p, t)  (n) = u  du[1] = (0.61 + 0.000061*u[1])*(N - u[1])  end v0 = [n0] tspan = (0.0, 30.0) prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan) sol = solve(prob, dtmax = 0.05) n = [u[1] \text{ for u in sol.u}] T = [t \text{ for t in sol.t}]
```

plt = plot(dpi = 300, title = "Эффективность рекламы ", legend = false) plot!(plt, T, n, color = :blue)

savefig(plt, "model_1.png")

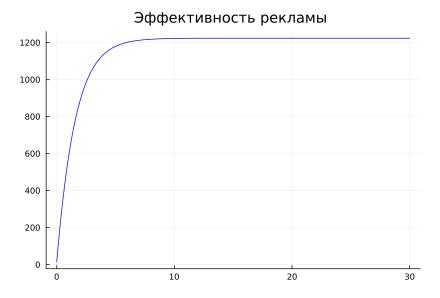


Рис. 4.1: График распространения рекламы для первого случая, построенный на языке Julia

4.1.2 Код программы для второго случая

$$rac{dn}{dt} = (0.000073 + 0.73 n(t))(N-n(t))$$
 (рис. 4.2):

using Plots

using DifferentialEquations

$$N = 1224$$

$$n0 = 14$$

function ode_fn(du, u, p, t)

$$(n) = u$$

```
du[1] = (0.000073 + 0.73*u[1])*(N - u[1])
end
v0 = [n0]
tspan = (0.0, 0.1)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob)
n = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t for t in sol.t]
max_dn = 0;
max_dn_t = 0;
\max_{n} dn_n = 0;
for (i, t) in enumerate(T)
  if sol(t, Val{1})[1] > max_dn
    global max_dn = sol(t, Val{1})[1]
    global max_dn_t = t
    global max_dn_n = n[i]
  end
end
plt = plot(dpi = 300, title = "Эффективность рекламы", legend = false)
plot!(plt, T, n, color = :blue)
plot!(plt, [max_dn_t], [max_dn_n], seriestype = :scatter, color = :red)
savefig(plt, "model_2.png")
```

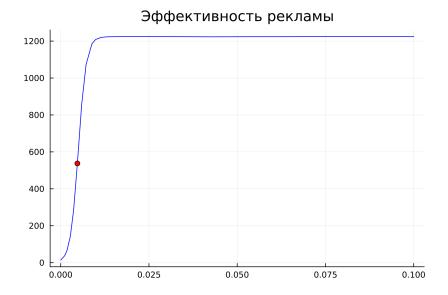


Рис. 4.2: График распространения рекламы для второго случая, построенный на языке Julia

4.1.3 Код программы для третьего случая

$$rac{dn}{dt} = (0.7t + 0.6\cos{(t)}n(t))(N-n(t))$$
 (рис. 4.3):

using Plots

using DifferentialEquations

```
N = 1224
n0 = 14

function ode_fn(du, u, p, t)
   (n) = u
   du[1] = (0.7*t + 0.6*cos(t)*u[1])*(N - u[1])
end

v0 = [n0]
tspan = (0.0, 0.1)
```

prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)

```
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)

n = [u[1] for u in sol.u]

T = [t for t in sol.t]

plt = plot(dpi = 300, title = "Эффективность рекламы ", legend = false)

plot!(plt, T, n, color = :blue)

savefig(plt, "model_3.png")
```

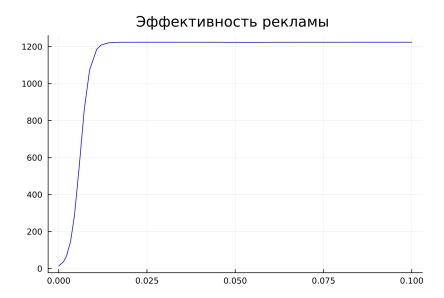


Рис. 4.3: График распространения рекламы для третьего случая, построенный на языке Julia

4.2 OpenModelica

4.2.1 Код программы для первого случая

$$rac{dn}{dt} = (0.61 + 0.000061 n(t)) (N - n(t))$$
 (рис. 4.4):

model lab7
Real N = 1224;
Real n;

```
initial equation n = 14; equation der(n) = (0.61 + 0.00061*n)*(N-n); end lab7;
```

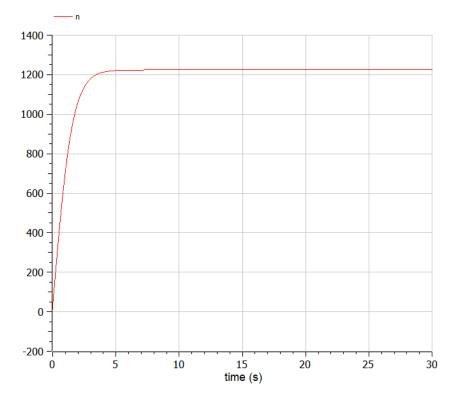


Рис. 4.4: График распространения рекламы для первого случая, построенный с помощью OpenModelica

4.2.2 Код программы для второго случая

$$rac{dn}{dt} = (0.000073 + 0.73 n(t))(N-n(t))$$
 (рис. 4.5):

model lab7_2
Real N = 1224;
Real n;
initial equation
n = 14;

```
equation  der(n) = (0.000073 + 0.73*n)*(N-n);  end lab7_2;
```

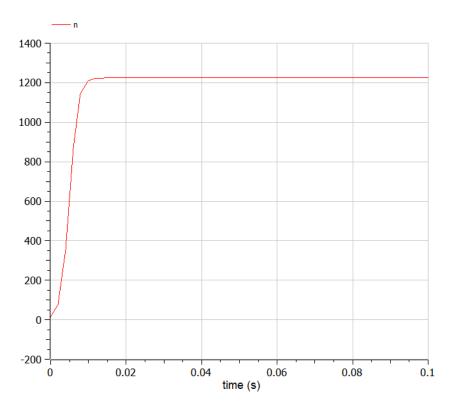


Рис. 4.5: График распространения рекламы для второго случая, построенный с помощью OpenModelica

4.2.3 Код программы для третьего случая

$$rac{dn}{dt} = (0.7t + 0.6\cos{(t)}n(t))(N - n(t))$$
 (рис. 4.6):

model lab7_3
Real N = 1224;
Real n;
initial equation
n = 14;
equation
der(n) = (0.7 * time + 0.6*cos(time)*n)*(N-n);

end lab7_3;

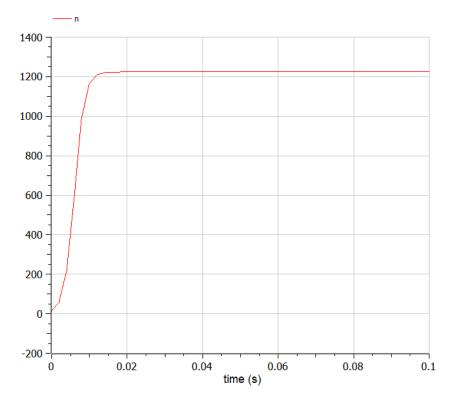


Рис. 4.6: График распространения рекламы для третьего случая, построенный с помощью OpenModelica

5 Анализ полученных результатов.Сравнение языков.

В итоге проделанной работы мы построили графики распространения рекламы для трех случаев на языках Julia и OpenModelica. Построение модели распространения рекламы на языке OpenModelica занимает значительно меньше строк, чем аналогичное построение на Julia. Кроме того, построения на языке OpenModelica проводятся относительно значения времени t по умолчанию, что упрощает нашу работу.

6 Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель эффективности рекламы и в дальнейшем построена модель на языках Julia и Open Modelica.

7 Список литературы. Библиография.

- [1] Документация по Julia: https://docs.julialang.org/en/v1/
- [2] Документация по OpenModelica: https://openmodelica.org/
- [3] Мальтузианская модель роста: https://www.stolaf.edu//people/mckelvey/envision.dir/malth