דור וגל, כל הכבוד! הדו"ח מאוד הגיוני וברור. עם כך, יש לא מעט הערות , תעברו עליהן לקראת כתיבת הדו"ח הבא והאחרון. ההערה הכי חשובה: בחלק של המסקנות אתם חייבים לב00 את כל הטענות שלכם - כלומר, צריכים להופיע ערכים נמדדים רלוונטיים, כשאתם מדברים על התאמה לליניאריות תציגו את ה Rsquare וכד'. בהצלחה!

ציונים: בחן: 80 ביצוע: 100 דו"ח: 94

טורי RL מקבילי ומעגל - מדידת עכבה של מעגל - מדידת עכבה של מעבדה - 4

דור קליינשטרן (204881692), גל רעיוני (305653487)

2016 במאי 1

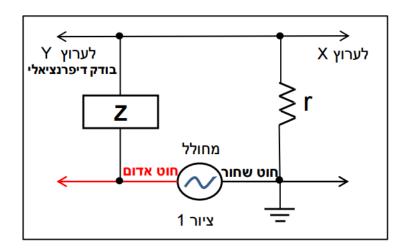
 $galra@campus.technion.ac.il,\ dore@campus.technion.ac.il$

מטרת הניסוי

LCבניסוי זה חישבנו את העכבה (הן גודלה והן זווית ההסחה) של המעגלים הבאים: מעגל בחיבור מקבילי ומעגל ערכי ומעגל ומעגל את החישוב ביצענו על ידי מדידה של ערכי חיתוך עם צירים וערכים מקסימליים בגרף $V_{supplier}\,vs.\,V_Z$ על ידי מדידה של ערכי חיתוך עם צירים וערכים מקסימליים בגרף או והתלות שלהם (המתח על המעגל כנגד המתח מהקבי), ושימוש בתלות התיאורטית שלהם בערכי |Z|, מערכים אלו והתלות ערכים אלו, כמבחן במאפייני המעגל (R, C או R, L) או אוריה למציאור למציאורים להתאמת התיאוריה למציאורים

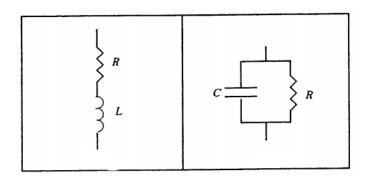
מבוא

בניסו עבדנו עם המערכת הבאה:



איור 1: תיאור מערכת הניסוי

כאשר כמעגל העכבה (Z) עבדנו עם שני המעגלים הבאים:



איור 2 של איור מערכת של העכבות 2 איור 2 איור 2

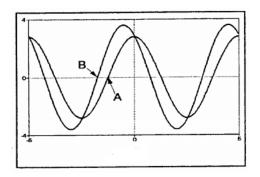
ניתן לראות שבמעגל הימני, החיבור הינו במקביל, ואילו בשמאלי הוא טורי. הדבר ישפיע על העכבה ועל זוית ההסחה כפי שנראה בהמש<u>ד.</u>

עבור כל אחת מהעכב דיר $V_x=\Re(Z)I$ ו $V_x=\Re(Z)I$ ו אהו חישוב עבור כל אחת מהעכבה). אהו חישוב עבור כל אחת מהעכבה, ולכן אם נארים ארם של $I=I_0\cos{(\omega t)}$ מתקבל כי:

$$V_x = rI_0 \cos\left(\omega t\right) \tag{1}$$

$$V_y = |Z| I_0 \cos(\omega t + \varphi) \tag{2}$$

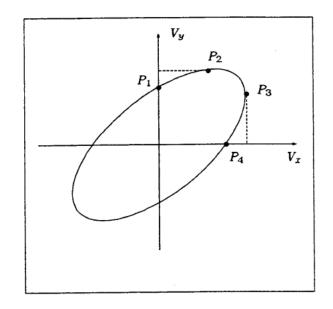
כפי שניתן לראות, שתי הפונקציות הן פונקציות cos אך עם משרע לונות, ועם זוית הסחה שונה. הדבר אומר כי אם נסתכל על הגרפים של תלות המתח בזמן של שני הרכיבים זה ליד זה, נראה שנקודות המקסימום הן שונות, וכי אחד מהגרפים מוזז. כלומר הם לא מתאפסים ביחד ולא מקבלים מקסימום ביחד, כמו שניתן לראות באיור הבא:



איור 3: V_y , איור 3: איור

נקודות A,B שתי הפונקציות מתאפסות, אך הן אינן מתאפסות במקביל, משמע יש את זוית ההסחה φ ביניהן במקרה שלנו הפונקציה עם הנק' B היא של V_y והשניה של V_x כיוון ש φ חיובי). ובנוסף ניתן לראות שגרף אחד מקבל מקסימום גדול מהשני, כלומר המשרעות שונות.

ממשוואות 8 ובתן לראות כי הן המשוואות הפרמטריות של אליפסה במישור אות כי הן המשוואות פי חליפסה ממשוואות 8 ובשתן לראות כי הן המשוואות ממדידת מתח אחד כעתות בשני (לדוגמה, באוסצילוסקופ) היא אליפסה, המקיימת את התכונות המוצגות באיור הבא:



טבלה 1.

ערך של ωt	נקודה	Vx	$V_{\mathcal{Y}}$
$-\pi/2$	P_1	0	Z Iosin ø
-ø	P_2	$rI_0\cos\phi$	Z I ₀
0	P_3	rI_{0}	$ Z I_0 \cos \phi$
$\pi/2-\phi$	P_4	rI ₀ sin φ	0

חשובות חשובות ותיאור ותיאור ע V_{y} ב כתלות איור איור איור ער כתלות ב

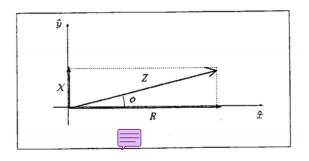
מן הטבלה שבאיור ניתן לראות שמנת ערכים של נקודות שונות, מאפשרת לחשב מאפייני מערכת שונים, דוגמת:

$$|Z| = r \frac{V_y(P_2)}{V_x(P_3)} = r \frac{V_y(P_1)}{V_x(P_4)}$$
(3)

$$\sin \varphi = \frac{V_y(P_1)}{V_y(P_2)} = \frac{V_x(P_4)}{V_x(P_3)} \tag{4}$$



נרצה להראות את הביטוי ל- $\tan{(\varphi)}$, כאשר φ הינה זוית ההסחה, כלומר הזוית שבין החלק הממשי לעכבה, כפי שמוצג כאן:



איור 5: זוית ההסחה של העכבה

:מתקיים $\Re(Z)=R$ ו-הואיל

$$\tan\left(\varphi\right) = \frac{X}{R} \tag{5}$$

RC נחשב את הביטוי 5 עבור המעגל RC במקביל, המוצג בצד הימני של איור

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{R} + \frac{1}{-iX_C} \rightarrow Z = \frac{-iRX_C}{-iX_C + R}$$

$$Z = \frac{-iR^2X_C + RX_C^2}{X_c^2 + R^2} \rightarrow \tan(\varphi) = -\frac{\frac{R^2X_C}{const}}{\frac{RX_C^2}{const}} = -\frac{R}{X_C} = -\omega RC$$
(6)

 $\frac{1}{i\omega C}=-iX_C$ לכן . לכן . לכן . איר, $X_C=\frac{1}{\omega C}$ הטורי, לכן . לכן בדומה, מוצאים את הביטוי ל $\tan{(\varphi)}$ לכן את הביטוי ל

$$Z = R + iX_L = R + i\omega L \quad \rightarrow \quad tan(\varphi) = \frac{X_L}{R} = \frac{\omega L}{R}$$
 (7)

 $.X_L=\omega L$ כאשר

יים: מתקביל מתקביל מעגל RC במקביל מתקיים:

$$\tan\left(\varphi\right) = -\omega RC\tag{8}$$

יים: מעגל מעגל טורי מתקיים:

$$\tan\left(\varphi\right) = \frac{\omega L}{R} \tag{9}$$

ממשוואה 6 מתקבל:

$$|Z|^{2} = \frac{1}{(X_{C}^{2} + R^{2})^{2}} \left(R^{4} X_{C}^{2} + R^{2} X_{C}^{4} \right) = \frac{R^{2} X_{C}^{2}}{X_{C}^{2} + R^{2}}$$

$$\frac{1}{|Z^{2}|} = \frac{1}{R^{2}} + \frac{1}{X_{C}^{2}} = \frac{1}{R^{2}} + (\omega C)^{2}$$
(10)



$$|Z|^2 = R^2 + (\omega L)^2 \tag{11}$$

את המדידות בניסוי ביצענו באמצעות אוסצילוסקופ, וגשש דיפרנציאלי. את מדידת ערוץ Y (תרשים 1) לא ניתן להאריק ישירות מבלי לקצר את המעגל, ועל כן נדרש גשש דיפרנציאלי. למדידת ערכי התנגדות, קיבול והשראה, נעשה שימור במולטימטר.

המימה, על מתדר מתדר מתדר מתדים מתדר החסימה, ובמעגל RL בתדרים מתדר החסימה, על מנת בוצעו במעגל למנוע את עיוות התוצאות בשל סינון האותות במעגלים אלי חישובי שגיאות נעשו ע"פ שגיאת התוצאה מהתאמה לבית (עבור שגיאה סטטיסטית), וע"פ הנוסחה הבאה עבור

:שגיאה נגררת

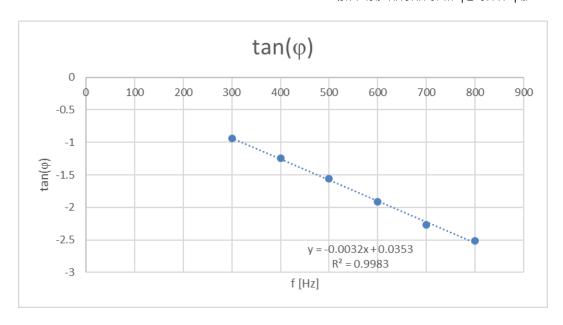
$$\delta Y(X_1, X_2, X_3, ..., X_n) = \sqrt{\sum_{i=1}^n \left(\frac{\partial Y}{\partial X_i} \delta X_i\right)^2}$$
(12)

 $:\eta$ השוואה בין גדלים נעשית בשיטת

$$\eta = \frac{|X_1 - X_2|}{\sqrt{\delta X_1^2 + \delta X_2^2}}$$
(13)

תוצאות

להלן מוצגים הגרפים שהתקבלו מהערכת הביטויים ל $\cot \varphi$ ול- $\frac{1}{|Z|^2}$ ממדידת נקודות P1-P4 עבור תדירויות שונות פלערכת גרף. לאחר לאחר כל גרף מוצגת טבלה עם תוצאות התאמה לינארית לגרף. גרף היחס בין זווית ההסחה לתדירות:

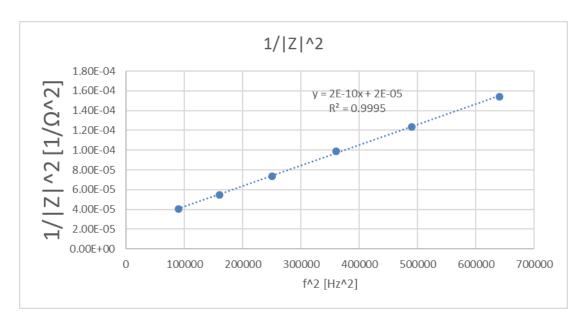


 $Z=Z_{RC}$ איור 6: an arphi כנגד במערכת an arphi

	Coeff	Inter.
Val	-0.00323	0.04
Err	7E-04	0.04

טבלה 1: תוצאות התאמה לינארית לגרף 6

גרף היחס בין גודל העכבה לתדירות:

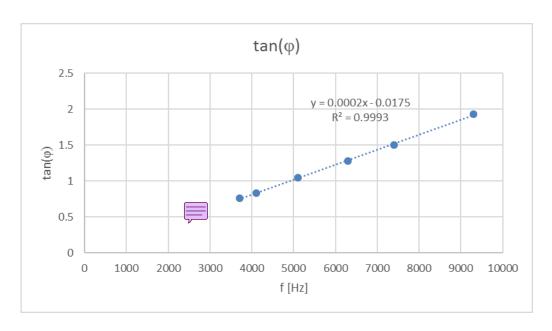


 $Z=Z_{RC}$ במערכת במערכת לנגד $\left|Z
ight|^2$:7 איור

	Coeff	Inter.
Val	2.07E-10	2.22E-05
Err	2E-12	9E-07

7 טבלה 2: תוצאות התאמה לינארית לגרף

להלן מוצגים הגרפים שהתקבלו מהערכת הביטויים ל $\left. \varphi - 1 \right|$ ול- $\left. |Z|^2 \right|$ ממדידת נקודות P1-P4 עבור תדירויות שונות במערכת במערכת $Z=Z_{RL}$, בהתאם למשוואות 8, 11 לאחר כל גרף מוצגת טבלה עם תוצאות התאמה לינארית לגרף. גרף היחס בין זווית ההסחה לתדירות:

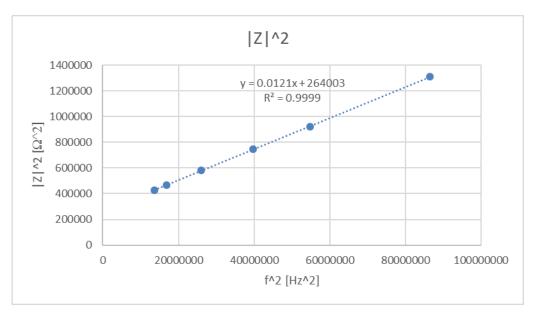


 $Z=Z_{RL}$ איור 18 כנגד f כנגד an arphi :8 איור

		Coeff	Inter.
	Val	0.00020781	-0.02
	Err	3E-06	0.02

8 טבלה 3: תוצאות התאמה לינארית לגרף

גרף היחס בין גודל העכבה לתדירות:



 $Z=Z_{RL}$ איור 9: $\left|Z
ight|^2$ כנגד $\left|Z
ight|^2$ במערכת

	Coeff	Inter.
Val	0.01209	264003
Err	5E-05	2509

9 טבלה 4: תוצאות התאמה לינארית לגרף

מדידה ישירה של הסליל, הקבל והנגד סיפקה את התוצאות הבאות:

$$L_{meas} = 9.0 \times 10^{-3} \pm 4 \times 10^{-4} [mH] \tag{14}$$

$$C_{meas} = 2.00 \times 10^{-6} \pm 2 \times 10^{-8} [mF]$$
 (15)

$$R_{meas} = 220 \pm 0.5 [\Omega] \tag{16}$$



דיון בתוצאות והשוואה לתאוריה

a-כ (Coeff) בדיון שלהלן נתייחס לערך המקדם הנידון בכל נקודה

ממשוואה 8 והנתונים בטבלה 1 מקבלים, תוך שימוש במשוואה 12 לחישוב השגיאה, בהתייחסות לשגיאה הסטטיסטית $\delta a_{c,z}$

$$C_{tan} = \frac{a_{c,tan}}{2\pi R} = 2.34 \times 10^{-6} \pm 5 \times 10^{-7}$$
(17)

 $\delta a_{c,z}$ הסטטיסטית לשגיאה, בהתייחסות השגיאה, לחישוב משוואה 12 מקבלים, מקבלים, מקבלים 2 מקבלים ווממשוואה 1 δR :

$$C_z = \frac{\sqrt{a_{c,z}}}{2\pi} = 2.3 \times 10^{-6} \pm 2.5 \times 10^{-7}$$
 (18)

ממשוואה 9 והנתונים בטבלה 3 מקבלים, תוך שימוש במשוואה 12 לחישוב השגיאה, בהתייחסות לשגיאה הסטטיסטית ממשוואה 9 והנתונים בטבלה 3 מקבלים, תוך שימוש במשוואה $\delta R_{c,z}$

$$L_{tan} = \frac{R \cdot a_{L,tan}}{2\pi} = 7.3 \times 10^{-3} \pm 1 \times 10^{-4}$$
(19)

וממשוואה 11 וטבלה 4 מקבלים, בהתייחסות לשגיאה הסטטיסטית 11 וממשוואה ו

$$L_z = \frac{\sqrt{a_{L,z}}}{2\pi} = 1.7 \times 10^{-2} \pm 1 \times 10^{-3}$$
 (20)

מתקבל: C_{meas} ו- C_{can} מתקבל

$$\eta_{C,z,tan} = 0.16$$
 $\eta_{C,z,meas} = 1.20$
 $\eta_{C,tan.meas} = 0.68$



מתקבל: L_{meas} ו- L_{tan} מתקבל

 $\eta_{L,z,tan} = 9.05$ $\eta_{L,z,meas} = 7.43$ $\eta_{L,tan,meas} = 2.67$

דומה כי ישנה הבדל של פקטור 2 בתוצאת החישוב של ביחס לערכו כפי שמתקבל ממדידה ישירה, ומחישוב L_z אולם, פרט לכך, התוצאות הולמות יפה את התיאוריה, ומתקבלים ערכי η קטנים חלקם אף קטנים מאוד מ-3, מה שמעלה שאלה לגבי דיוק המדידה וגודל השגיאה המתקבל. אכן, עבור ערכי τ , מתקבלת שגיאה של קרוב ל- τ

אה המשמעותית בחישובים שלעיל היא השגיאה הסטטיסטית מההתאמה הלינארית לגרפים. אולם גם היא, בתורה, נגזרת מפיזור הנקודות P_1-P_4 (איזר 4). נוכל לשפר את דיוק המדידה, ובכך, ככל, הנראה, להקטין את השגיאה הסטטיסטית שנוצרת, ע"י שמירת נתוני קריאת האוסצילוסקופ למחשב, וניתוח נק' החיתוך בקוד, שכן הרזולוציה האפשרית בהערכתן הידנית על צג הסקופ מספקת רמת דיוק נמוכה מרמת דיוק המדידה של הסקופ. בנוסף, ניתן להקטין את השפעת הפלקטואציות בקריאת הערכים של הסקופ ע"י שמירת נתונים ממס' מדידות לכל תדירות, חישוב נק' P_1-P_2 לכל סט נתונים, ולקיחת הממוצע המדידות של כל נקודה כערך הנקודה.



מסקנות

בניסוי זה רצינו למדוד את העכבה (גודל ופאזה) של מכלול RC מקבלי ומכלול ני בעזרת כי בעזרת מדידת העכבה יכולנו לחשב את הקיבול של הקבל (במכלול RC) ואת ההשראות של הסליל (במכלול RC)

התוצאות המתקבלות הולמות יפה את התיאוריה, אולם יש צורך לחזור על המדידות בר ביוק גבוהה יותר, כמוצע בסעיף הקודם, על מנת לשערך התאמה זו באופן מהימן יותר, שלא בהסתמך על שגיאה של כ-20%. עם זאת, התוצאות הנוכחיות מאששות את המודל התיאורטי באשר לעכבת המעגלים, ע"י התאמת גדלים הנגזרים ממנה לגדלים שומדדו.

הערך היחיד שאינו תואם את התיאוריה, ואינו קונסיסנטי אף עם אותו ערך תיאורטי, כאשר הוא נגזר ממשוואה הערך היחיד שאינו תואם את התיאוריה, גדול פי 2 מהערך האמיתי, וזה שחושב כ- L_{tan} , אך לא עלה בידנו לאתר את מקור הטעות הנ"ל.

