

3 דוגמה

(1) נגדיר: המורם של שקיקה : בולסאר : A  
 המורם של שקיקה : ארבע : בולסאר : B  
 המורם של שקיקה : " " : " : C

$$P(A) = P(A|B)P(B) + P(A|C)P(C) = 0.419$$

$$\frac{21}{41} \quad \frac{4}{11} \quad \frac{15}{41} \quad \frac{7}{11}$$

$P(C|A)$  נגדיר את זה

$$P(C|A) = \frac{P(A|C)P(C)}{P(A)} = \frac{\frac{15}{41} \cdot \frac{7}{11}}{0.419} = \boxed{0.555}$$

define: det

$$P(\text{detect}) = P(\text{det} | \text{ship in A})P(\text{ship in A}) + P(\text{det} | \text{ship in B})P(\text{ship in B}) +$$

$$P(\text{det} | \text{ship in C})P(\text{ship in C}) + P(\text{det} | \text{ship in D})P(\text{ship in D}) =$$

$$0.8 \cdot 0 + 0.7 \cdot 0.2 + 0.6 \cdot 0.3 + 0.5 \cdot 0.5 = \boxed{0.57}$$

$$P(\text{ship in C} | \text{det}) = \frac{P(\text{det} | \text{ship in C})P(\text{ship in C})}{P(\text{det})} = \frac{0.18}{0.57} = \boxed{0.315}$$

$$P(B | \text{det}) = \frac{P(\text{det} | B)}{P(\text{det})} = \frac{0.14}{0.57} = \boxed{0.245}$$

(3) המורה קיבל ישיבה של 2 קבוצות של חיות:  
 חתולים ודגים. קבוצה א' וקבוצה ב'.  
 ההסתברות למחרת את אחת הקבוצות לה (0.5).  
 לאחר שבחרנו קבוצה, בוחרים ק' עם הסתברות 2  
 חיות מאקראיות להקבוצה. ידוע כי ההסתברות  
 למחרת סוס הקבוצה או דג היא 0.6.  
 נשקף מאורעות:

$$C = \begin{cases} 0 & \text{נבחרה קבוצה א'} \\ 1 & \text{נבחרה קבוצה ב'} \end{cases}$$

$$X = \begin{cases} 0 & \text{נבחר סוס להקבוצה א' / בסתירה היתה הבחירה} \\ 1 & \text{אחרת} \end{cases}$$

$$Y = \begin{cases} 0 & \text{נבחר סוס להקבוצה ב' / בסתירה היתה הבחירה} \\ 1 & \text{אחרת} \end{cases}$$

כעת ברור כי  $X, Y, C$  בינאריים, ו:

$$P(X=0) = P(C \cap X=0) = P(C) \cdot P(X=0) = 0.5 \cdot 0.6 = 0.3 =$$

$$P(Y=0) = P(C \cap Y=0) = P(C) \cdot P(Y=0) = 0.5 \cdot 0.6 = 0.3$$

נראה כי  $C \perp X, Y$  כלומר  
 נבדל למקרים.

(I)  $C=0$ : אזי נבחרה קבוצה א'. כיון שיש בו 2 חיות  
 אז  $P(X=0|C=0) = P(Y=0|C=0) = 0.6$

(II)  $C=1$ : אזי נבחרה קבוצה ב'.  
 ~~$P(X=1|C=1) = P(Y=1|C=1) = 0.6$~~

$$P(X=x, Y=y | C=1) = \begin{cases} 0 & \text{אם } x, y = 0 \text{ (הסתברות 0)} \\ 1 & \text{אם } x, y = 1 \end{cases}$$

$$P(X=1, Y=1 | C=1) = 1$$

$$P(X=1 | C=1) \cdot P(Y=1 | C=1)$$

$$P(Y=0 | X=0) = 0.6 \neq P(Y=0) = 0.3$$

אכן,  $X, Y$  תלויים.

~~$$P(X=0, Y=0, C=0) = 0.18$$~~  
$$P(X=0, Y=0, C=0) = 0.18$$

$$P(X=0, Y=0, C=1) = 0$$

$$P(X=0, Y=1, C=0) = 0.12$$

$$P(X=1, Y=0, C=0) = 0.12$$

$$P(X=0, Y=1, C=1) = 0$$

$$P(X=1, Y=0, C=1) = 0$$

$$P(X=1, Y=1, C=0) = 0.08$$

$$P(X=1, Y=1, C=1) = 0.5$$



4) א. נסמן  $X$  - מס' הספרות האחרונות של מס' ה-5. נניח  $p = 0.7$

$$X \sim B(5, 0.7)$$

$$P(X=3) = \binom{5}{3} 0.7^3 0.3^2 = 0.3087$$

$$P(X \geq 2) = 1 - P(X < 2) = 1 - P(X=0 \cup X=1) =$$

$$1 - P(X=0) - P(X=1) = 1 - \binom{5}{0} 0.7^0 0.3^5 - \binom{5}{1} 0.7^1 0.3^4 =$$

$$1 - 0.3^5 - 5 \cdot 0.7 \cdot 0.3^4 = \boxed{0.969}$$

ד. נניח שהמספר  $X$  הוא מס' הספרות האחרונות של מס' ה-5. נניח  $p = 0.7$ ,  $n = 5$

$$E = n \cdot p = 0.7 \cdot 5 = 3.5$$

ה) מס' הספרות האחרונות של מס' ה-5 הוא  $X$ . נניח  $p = 0.7$ ,  $n = 5$ .  
אם  $X = 3.5$  ארוכות, ארוכות, ארוכות, ארוכות, ארוכות - ה-100  
אם  $X = 3.5$  ארוכות, ארוכות, ארוכות, ארוכות, ארוכות - ה-100



CDF of X from 1 to 50

