

Артем Груздев

Прогнозное моделирование в R и Python

Модуль 4. Введение в метод случайного леса



Москва — 2017

СОДЕРЖАНИЕ

١	Модуль 4 Введение в метод случайного леса	3
	Лекция 4.1. Описание метода случайного леса	3
	Лекция 4.2. Оценка качества модели	9
	Лекция 4.3. Настройка параметров случайного леса	32
	4.3.1 Количество деревьев в ансамбле	32
	4.3.2 Количество случайно отбираемых предикторов	34
	4.3.3 Глубина	37
	4.3.4 Биннинг количественных предикторов	38
	4.3.5 Биннинг категориальных предикторов	41
	4.3.6 Способ обработки категориальных предикторов	42
	4.3.7 Преобразование категориального предиктора в количественный Оши С Закладка не определена.	бка!
	4.3.7 Стартовое значение генератора случайных чисел	45
	Лекция 4.4. Важность предикторов	46
	4.4.1. Важность предиктора на основе усредненного уменьшения неоднородности	46
	4.4.2. Важность предиктора на основе усредненного уменьшения качества прогнозирования	47
	Лекция 4.5. Графики частной зависимости	51
	Лекция 4.6. Матрица близостей	54
	Лекция 4.7. Обработка пропущенных значений	55
	Лекция 4.8. Обнаружение выбросов	56
	Лекция 4.9. Преимущества и недостатки случайного леса	.57

Модуль 4 Введение в метод случайного леса

Лекция 4.1. Описание метода случайного леса

Как уже отмечалось, основным недостатком деревьев решений является их склонность к переобучению и нестабильность результатов, когда небольшие изменения в наборе данных могут приводить к построению совершенно другого дерева (особенно это актуально для метода CART). Случайный лес стал одним из способов решения этой проблемы. По сути случайный лес – это набор деревьев решений, где каждое дерево немного отличается от остальных. Идея случайного леса заключается в том, что каждое дерево может довольно хорошо прогнозировать, но скорее всего переобучается на определенной части данных. Если мы построим много деревьев, которые хорошо работают и переобучаются с разной степенью, мы можем уменьшить переобучение путем усреднения их результатов. Для реализации вышеизложенной стратегии нам нужно построить большое количество деревьев решений, то есть ансамбль деревьев. Каждое должно приемлемом дерево на уровне прогнозировать зависимую переменную и должно отличаться от других деревьев (условие декоррелированности деревьев). Для этого построения деревьев вносим случайность, которая призвана обеспечить уникальность каждого дерева (отсюда случайный лес и получил свое название). Для получения рандомизированных деревьев в случайном лесе последовательно применяются две техники: сначала случайным образом отбираем наблюдения, которые будут использоваться для построения дерева, а затем для каждого узла дерева осуществляем случайный отбор фиксированного количества предикторов для поиска наилучшего расщепления.

Чтобы построить случайный лес, сначала необходимо определиться с количеством деревьев. Допустим, мы хотим построить ансамбль из 5 деревьев. Для построения каждого дерева мы сначала сформируем бутстреп-выборку (bootstrap sample) наших данных. То есть из набора данных объемом п наблюдений мы случайным образом выбираем наблюдение с возвращением п раз (поскольку отбор с возвращением, то одно и то же наблюдение может быть выбрано несколько раз). Мы получаем выборку, которая имеет такой же размер, что и исходный набор данных, однако некоторые наблюдения будут отсутствовать в нем (примерно 37% наблюдений исходного набора), а некоторые попадут в него несколько раз.

Чтобы проиллюстрировать это, предположим, что мы хотим создать бутстреп-выборку для списка из 10 наблюдений ['1', '2', '3', '4', '5', '6', '7', '8', '9', '10']. Возможная бутстреп-выборка может выглядеть как ['10', '9', '7', '8', '1', '3', '9', '10', '10', '7']. Другой возможной бутстреп-выборкой

может быть ['4', '8', '5', '8', '3', '9', '2', '6', '1', '6']. В нашем случае нам нужно построить 5 деревьев, поэтому будет сформировано 5 бутстреп-выборок. Наглядно механизм бутстрепа показан на рисунке 4.1.



Рис. 4.1 Механизм работы бутстрепа

На основе каждой сформированной бутстреп-выборки строится полное бинарное дерево решений¹, то есть разбиения узлов будут продолжаться пока не будет достигнуто минимальное до тех пор, количество наблюдений терминальных узлах (изначально качестве минимального количества наблюдений в терминальном узле Лео Брейман, один из авторов случайного леса, предложил для дерева классификации брать значение 1, а для дерева регрессии – значение 5). Однако алгоритм, который был описан для полного бинарного дерева решений (смотрите главу 3), теперь немного изменен. Вместо поиска наилучшей точки расщепления по каждому предиктору, алгоритм для разбиения каждого узла случайным образом отбирает фиксированное подмножество предикторов И затем находит наилучшую расщепления среди наилучших точек, найденных по каждому случайно отобранных предикторов. Для выбора наилучшей точки разбиения используется уже знакомый вам критерий уменьшения неоднородности (для количественной зависимой переменной

¹ В оригинальном подходе Лео Бреймана и в большинстве пакетов используется дерево решений CART, однако существуют реализации, где в качестве деревьев ансамбля используются деревья QUEST, деревья C4.5.

ошибка, среднеквадратичная a ДЛЯ категориальной используется переменной Джини). Отбор зависимой _ мера подмножества предикторов повторяется отдельно для каждого узла, поэтому в каждом узле дерева может быть принято решение с использованием «своего» подмножества предикторов.

Необходимо отметить, что идея случайного отбора определенного количества предикторов в каждом узле дерева появилась не сразу. Сначала Лео Брейман в 1996 году предложил метод бэггинга или бутстреп-агрегирования, когда на основе исходного набора данных мы генерируем бутстреп-выборки, по ним строим полные бинарные деревья и затем агрегирум их результаты путем голосования или простого усреднения. Бэггинг стал предшественником случайного леса. Примерно в это же время Тин Кам Хо предложил идею ансамбля деревьев, построенных с помощью случайных подпространств признаков. Томас Диттерих в 2000 году предложил улучшить бэггинг дополнительной рандомизацией. Его подход заключался в том, чтобы ранжировать 20 наилучших вариантов разбиений по каждому узлу и случайным образом выбирать один вариант. Используя моделирование на синтетических и реальных наборах данных, он доказал, что дополнительная рандомизация улучшает качество работы бэггинга. Однако именно Лео Брейман и Адель Катлер предложили случайный отбор предикторов для поиска наилучшего расщепления каждого узла.

Использование бутстрепа приводит к тому, что деревья решений в случайном лесе строятся на немного отличающихся между собой бутстреп-выборках. Из-за случайного отбора переменных в каждом узле все расщепления в деревьях будут основаны на отличающихся подмножествах предикторов. Вместе эти два механизма приводят к тому, что все деревья в случайном лесе будут отличаться друг от друга. Кроме того, для достижения лучшего качества Лео Брейман предлагал при построении ансамбля варьировать размер терминального узла. Идея была развита Хемантом Ишвараном и Джеймсом Мэлли в рамках метода synthetic random forests или синтетических случайных лесов, а сам метод реализован в пакете R rfsrcSyn. Также для улучшения обобщающей способности Брейман предлагал вместо одномерных расщеплений использовать многомерные расщепления, когда наилучшее разбиение узла определяется не отдельным признаком, а линейными комбинациями признаков. Такую комбинацию можно найти с помощью обычной модели машинного обучения (гребневой регрессии, метода частичных наименьших квадратов, метода опорных векторов и др.). Идея получила развитие в работах Бьерна Менце и Микаэля Кельма, предложивших oblique random случайный метод forest косоугольный лес, сам метод был реализован в пакете R obliqueRF.

Решая задачу классификации, каждое дерево сначала вычисляет для наблюдения листовые вероятности классов зависимой переменной. Листовая вероятность класса – это доля объектов класса в листе (терминальном узле) дерева, в который попало классифицируемое Каждое наблюдение. дерево голосует за класс наибольшей вероятностью листе. В итоге побеждает класс. который В за проголосовало большинство деревьев. Итоговыми вероятностями классов для наблюдения будут доли голосов деревьев, поданных за данный класс.

Данный подход реализован в оригинальном программном коде Лео Бреймана и Адель Катлер, на базе которого написан пакет R randomForest. Для каждого дерева фиксируется только «победивший класс», листовые вероятности классов, полученные для отдельного дерева, отбрасываются и в дальнейших расчетах не участвуют. Поэтому в пакете randomForest итоговые вероятности классов для наблюдения — это доли голосов деревьев, поданных за данный класс.

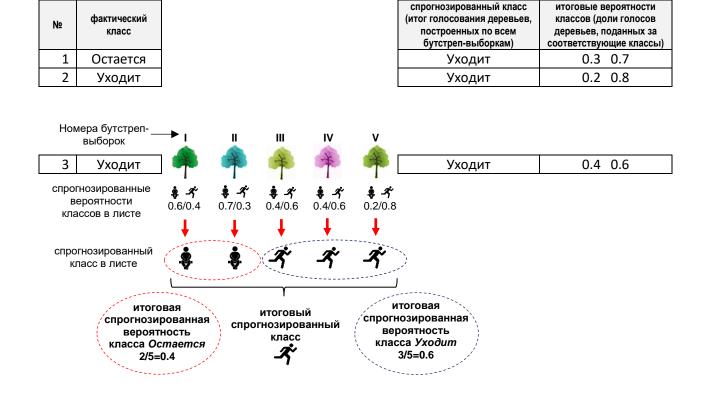


Рис. 4.2 Получение прогнозов для задачи классификации (оригинальный подход «усреднение прогнозов», реализован в пакете R randomForest)

библиотеке В питоновской scikit-learn моделей ДЛЯ RandomForestClassifier и RandomForestRegressor используется другой подход. Каждое дерево вычисляет для наблюдения листовые вероятности классов. Эти листовые вероятности усредняются по всем деревьям и в итоге прогнозируется класс с наибольшей усредненной листовой вероятностью. Поэтому для классов RandomForestClassifier RandomForestRegressor итоговыми вероятностями будут классов листовые вероятности классов, усредненные по всем деревьям.

спрогнозированный класс

(итог голосования деревьев.

итоговые вероятности

классов (листовые

Nº	фактический класс			построенных по всем бутстреп-выборкам)	вероятности классов, усредненные по всем деревьям)
1	Остается			Остается	0.54 0.46
2	Уходит			Уходит	0.42 0.58
	иера бутстреп выборок	→ I II	III IV V	, Marrier	0.46.054
3	Уходит			Уходит	0.46 0.54
	спрогно вер класса	0.6 (0.4) (0.7) (0.3) (0.6) (0.4) (0.7) (0.3) (0.7) (.4 4 4 4 0.6 0.2 итого спрогнози вероят класса у (0.4+0.3+0.6+0.	рвая рованная ность /ходит	
		γ			
		итого спрогнози			

Рис. 4.3 Получение прогнозов для задачи классификации (подход «усреднение листовых вероятностей», реализован в классе RandomForestClassifier питоновской библиотеки scikit-learn)

класс

Решая задачу регрессии, каждое дерево прогнозирует для наблюдения среднее значение зависимой переменной в листе (терминальном узле), в который это наблюдение попало, и в результате происходит усреднение полученных средних значений по всем деревьям.

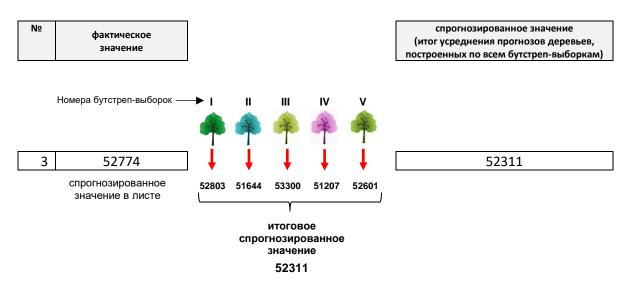


Рис. 4.4 Получение прогнозов для задачи регрессии

В итоге математически алгоритм случайного леса можно описать следующим образом:

- 1. Для b = 1, 2... B (где B -количество деревьев в ансамбле):
 - (a) извлечь бутстреп-выборку S размера N из обучающих данных;
 - (b) по бутстреп-выборке S построить полное дерево T_b , рекурсивно повторяя следующие шаги для каждого терминального узла, пока не будет достигнуто минимальное количество наблюдений в нем (для классификации одно наблюдение, для регрессии 5 наблюдений):
 - і. из первоначального набора M предикторов случайно выбрать m предикторов;
 - ii. из *m* предикторов выбрать предиктор, который обеспечивает наилучшее расщепление;
 - ііі. расщепить узел на два узла-потомка.
- 2. В результате получаем ансамбль деревьев решений $\{T_b\}_{b=1}^{B}$
- 3. Предсказание новых наблюдений осуществлять следующим образом:

ДЛЯ регрессии:
$$\hat{f}_{rf}^{B}(x) = \frac{1}{B} \sum_{b=1}^{B} T_{b}(x)$$
;

для классификации: пусть $\hat{C}_b(x)$ - класс, спрогнозированный деревом решений T_b , то есть $T_b(x) = \hat{C}_b(x)$; тогда $\hat{C}_{f}^B(x)$ - это класс, наиболее часто встречающийся в множестве $\left\{\hat{C}_b(x)\right\}_{b=1}^B$

Лекция 4.2. Оценка качества модели

Качество модели случайного леса может быть оценено обычным способом и с помощью метода ООВ.

В рамках обычного способа мы берем каждое наблюдение и используем для прогноза деревья, построенные по всем бутстреп-выборкам. Для классификации применяем голосование, подсчитываем задачи классифицированных наблюдений количество неправильно (спрогнозированный класс для наблюдения – это класс, за который проголосовало большинство деревьев, построенных по всем бутстрепвыборкам). Затем делим количество неправильно классифицированных наблюдений на общее количество наблюдений и получаем ошибку классфикации. Для задачи регрессии подсчитываем сумму квадратов остатков – разностей между фактическим и спрогнозированным значением зависимой переменной (спрогнозированное значение для наблюдения – это результат усреднения средних значений, которые вычислили деревья, построенные по всем бутстреп-выборкам). Затем эту наблюдений количество всех CVMMV делим И получаем среднеквадратичную ошибку.

В рамках метода ООВ мы берем каждое наблюдение и используем для прогноза только те деревья, которые строились по бутстреп-выборкам, не содержащим данное наблюдение (т.е. наблюдение «выпало» из бутстрепвыборки и данную бутстреп-выборку для этого наблюдения можно назвать out-of-bag выборкой, отсюда и название метода). Для задачи классификации применяем голосование, подсчитываем количество неправильно классифицированных наблюдений (спрогнозированный класс для наблюдения – это класс, за который проголосовало большинство деревьев, построенных по out-of-bag выборкам). Затем делим количество неправильно классифицированных наблюдений на общее количество наблюдений и получаем ошибку классификации по методу ООВ. Для задачи регрессии подсчитываем сумму квадратов остатков – разностей между фактическим и спрогнозированным значением зависимой переменной (спрогнозированное значение для наблюдения – это результат усреднения средних значений, которые вычислили деревья, построенные по out-of-bag выборкам). Затем эту на количество наблюдений сумму делим всех получаем среднеквадратичную ошибку по методу ООВ.

Метод ООВ используется только для оценки качества модели на обучающей выборке. К каждому наблюдению контрольной выборки мы просто применяем правила, сформулированные каждым деревом леса в ходе обучения. Затем осуществляем голосование или усреднение и на основе полученных прогнозов обычным способом вычисляем метрику качества.

Рассмотрим процесс оценки качества модели с помощью метода ООВ наглядно (рис. 4.5). Допустим, у нас есть исходный набор из 10 наблюдений, на его основе мы сгенерировали 5 бутстреп-выборок. Для каждого наблюдения мы должны зафиксировать бутстреп-выборки, в которых оно отсутствует. Например, на рис. 4.5 видно, что наблюдение 4 отсутствует в бутстреп-выборках I, III, IV и V. Эти выборки будут для наблюдения 4 out-of-bag выборками. Для классификации или вынесения прогноза по наблюдению 4 нас как раз будут интересовать голоса или прогнозы деревьев, построенных по этим четырем out-of-bag выборкам.



Рис. 4.5 Out-of-bag выборки для оценки качества модели

Возьмем задачу классификации (рис. 4.6). Допустим, необходимо отнести наблюдение 4 к тому или иному классу зависимой переменной Статус клиента [status]. Фактически оно принадлежит классу Уходит. Для оценки качества модели используются только те деревья решений, которые строились по бутстреп-выборкам, не содержащим наблюдение 4, и затем проводится голосование деревьев. Наблюдение 4, фактически принадлежащее классу Уходит, отсутствует в 4 бутстреп-выборках: I, III, IV, V. В голосовании участвуют 4 дерева, построенных по этим 4 out-of-bag выборкам. Мы предъявляем наше наблюдение каждому дереву, оно проверяет наблюдение на соответствие своим правилам классификации,

вычисляет листовые вероятности классов и соответствующий класс. Например, деревья классифицировали наблюдения так: *Остается*, *Остается*, *Остается*, *Остается* и *Уходит*. В итоге побеждает класс *Остается*. Случайный лес ошибочно относит наблюдение 4 к классу *Остается*. В итоге мы подсчитываем количество таких неверно классифицированных наблюдений, делим на общее количество наблюдений и получаем ошибку классификации по методу ООВ или ООВ ошибку для классификации.

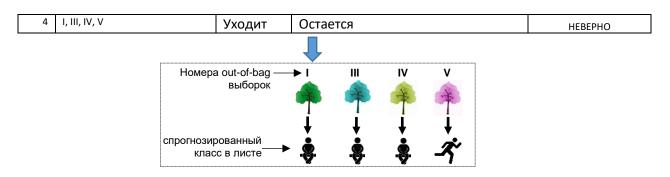
$$ER^{OOB} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} 1(\hat{Y}^{OOB}(X_i) \neq Y_i)$$

где:

 Y_i – фактический класс зависимой переменной;

 $\hat{Y}^{oob}(X_i)$ — спрогнозированный класс зависимой переменной (класс, за который проголосовало большинство деревьев, построенных по выборкам, не содержащим X_i)

Nº	номера out-of-bag выборок, участвующих в голосовании	фактический класс	спрогнозированный класс (итог голосования деревьев, построенных по out-bag выборкам)	результат классификации
1	IV	Остается	Остается	ВЕРНО
2	I, V	Уходит	Уходит	ВЕРНО
3	IV, V	Уходит	Уходит	ВЕРНО



5	I, IV	Остается	Остается	ВЕРНО
6	I, V	Уходит	Уходит	ВЕРНО
7	II, III	Уходит	Уходит	ВЕРНО
8	III	Остается	Уходит	НЕВЕРНО
9	III	Остается	Остается	ВЕРНО
10	II	Уходит	Уходит	ВЕРНО

количество неверных ответов=2

Ошибка классификации = количество неверно классифицированных наблюдений/общее количество наблюдений = 2/10=0,2

Рис. 4.6 Вычисление ООВ ошибки для задачи классификации

Теперь возьмем задачу регрессии (рис. 4.7). Допустим, необходимо спрогнозировать значение зависимой переменной *Оценка дохода* [income] для наблюдения 4. Для оценки качества модели используются только те деревья решений, которые строились по бутстреп-выборкам, не содержащим наблюдение 4, и затем проводится усреднение прогнозов, выданных деревьями.

Наблюдение 4, имеющее фактическое значение 45304, отсутствует в 4 бутстреп-выборках: I, III, IV, V. Таким образом, в усреднении участвуют 4 дерева, построенных по этим 4 бутстреп-выборкам. Мы предъявляем наше наблюдение каждому дереву, оно проверяет наблюдение на соответствие своим правилам прогнозирования, вычисляет среднее значение. Допустим, деревья прогнозируют следующие значения: 44470, *45112*, *46790* и *47230*. На этот раз нас интересует квадрат остатка – разницы между фактическим значением зависимой переменной 45304 и ее спрогнозированным значением 45901 (результатом усреднения средних значений, вычисленных деревьями). В итоге по каждому наблюдению вычисляем квадрат остатка, суммируем и полученную сумму квадратов остатков делим на общее количество наблюдений. Сумма квадратов остатков, поделенная на общее количество наблюдений, становится оценкой качества случайного леса для регрессии. Ее еще называют среднеквадратичной ошибкой по методу ООВ или ООВ ошибкой для регрессии.

$$MSE^{OOB} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (\hat{Y}^{OOB}(X_i) - Y_i)^2$$

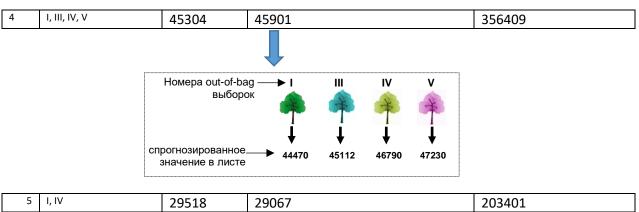
где:

 Y_{i} – фактическое значение зависимой переменной;

 $\hat{Y}^{oob}(X_i)$ — спрогнозированное значение зависимой переменной (результат усреднения средних значений, которые вычислили деревья, построенные по выборкам, не содержащим X_i)

Наглядно процесс вычисления среднеквадратичной ошибки по методу OOB показан на рисунке 4.7.

Nº	номера out-of-bag выборок, участвующих в прогнозе	фактическое значение	спрогнозированное значение (результат усреднения прогнозов деревьев, построенных по out-bag выборкам)	квадрат остатка (факт. знач. — спрогн. знач.)²
1	IV	50451	50037	171396
2	I, V	52700	52127	328329
3	IV, V	32704	32028	456976



5	I, IV	29518	29067	203401
6	I, V	29508	29029	229441
7	II, III	24018	23501	267289
8	III	26369	26938	323761
9	III	26109	26905	633616
10	II	19369	19857	238144

сумма квадратов остатков=3208762

Среднеквадратичная ошибка = сумма квадратов остатков/общее количество наблюдений = 3208762/10=320876,2

Рис. 4.7 Вычисление OOB ошибки для задачи регрессии

На практике оценка ООВ ошибки достоверна, когда количество деревьев в ансамбле достаточно велико. В ситуации, когда вы используете мало деревьев, то есть мало бутстреп-выборок, высока вероятность того, что наблюдение встретится во всех бутстреп-выборках (иными словами, ни разу не выпадет из бутстреп-выборок) и таким образом для него не будет получена ООВ оценка. Необходимо настраивать качество модели, увеличивая количество деревьев до достаточно большого числа, пока ООВ ошибка не перестанет уменьшаться. Обратите внимание, что вычисление ООВ ошибки не заменяет собой проверку на контрольной выборке. Эксперименты показывают, что ошибка классификации и среднеквадратичная ошибка, вычисленные по методу ООВ, являются более оптимистичными, ошибка классификации чем среднеквадратичная ошибка, вычисленные на контрольной выборке или усредненные по контрольным блокам перекрестной проверки.

В различных статистических пакетах оценка качества случайного леса может быть вычислена либо с помощью обычного способа, либо с помощью ООВ метода.

В пакете R randomForest функция print для ансамбля деревьев классификации выводит ошибку классификации по методу ООВ, а для

ансамбля деревьев регрессии — среднеквадратичную ошибку и процент объясненной дисперсии, вычисленные по методу ООВ. Функция predict позволяет спрогнозировать значения (классы) зависимой переменной и вероятности классов двумя способами. При наличии аргумента, задающего выборку, значения (классы) зависимой переменной и вероятности классов для заданной выборки прогнозируются обычным способом, при пропуске этого аргумента для наблюдений обучающей выборки будут возвращены значения (классы) зависимой переменной и вероятности классов, спрогнозированные по методу ООВ. Если для параметра predict.all задать значение TRUE, можно получить листовые спрогнозированные значения (классы), т.е. прогнозы конкретных деревьев, полученные по обычному методу.

Давайте установим и загрузим пакет R randomForest. Пакет randomForest был разработан Энди Лиавом и Мэттью Винером и базируется на оригинальном программном коде Лео Бреймана и Адель Катлер, написанном на Fortran.

```
# устанавливаем пакет randomForest
# install.packages("randomForest")
# загружаем пакет randomForest
library(randomForest)
```

Начнем с задачи классификации. Сейчас мы вычислим ошибку классификации, спрогнозируем классы зависимой переменной и вероятности классов с помощью обоих методов.

Загрузим наши данные и взглянем на них.

```
# загружаем данные
data <- read.csv2("C:/Trees/RF_classification.csv")
# смотрим данные
data</pre>
```

Сводка 4.1 Исходные данные для построения случайного леса деревьев классификации

```
age gender default
1 70 Мужской Да
2 64 Мужской Нет
3 69 Женский Да
4 68 Мужской Нет
5 65 Женский Нет
```

Строим модель случайного леса из 10 деревьев классификации и вычисляем ошибку классификации по методу ООВ.

```
# задаем стартовое значение генератора случайных
# чисел для воспроизводимости результатов
set.seed(152)
# строим случайный лес из 10 деревьев классификации
model<-randomForest(default ~., data, ntree=10, importance=TRUE, norm.votes=FALSE)
# выводим информацию об ошибке классификации
# по методу ООВ
print(model)
Сводка 4.2 Оценка качества модели (используется
ошибка классификации по методу ООВ)
Call:
randomForest(formula = default ~ ., data = data, ntree = 10,
                                                                 importance = TRUE,
norm.votes = FALSE)
              Type of random forest: classification
                    Number of trees: 10
No. of variables tried at each split: 1
```

Из сводки 4.2 видим, что для наших данных мы получили ошибку классификации по методу ООВ, равную 60%. Теперь посмотрим на классы зависимой переменной, спрогнозированные по методу ООВ. Для этого в функции predict опускаем аргумент, задающий выборку, а для параметра type задаем значение "response". Напомним, что в пакете R randomForest класс, спрогнозированный по методу ООВ, — это класс, за который проголосовало большинство деревьев, построенных по бутстреп-выборкам, где данное наблюдение отсутствовало (out-of-bag выборкам).

```
# выводим классы, спрогнозированные по методу ООВ oob_predictions <- predict(model, type="response") oob_results <-data.frame(data, result=oob_predictions) oob results
```

OOB estimate of error rate: 60%

Confusion matrix:

.. Нет 1

Да Heт class.error

1.0000000

0.3333333

Сводка 4.3 Фактические и спрогнозированные классы зависимой переменной, для прогнозирования используется метод ООВ



Из сводки 4.3 видим, что из 5 наблюдений 3 неверно спрогнозированы, отсюда и получаем нашу ошибку классификации 3/5=0,6 или 60%.

Теперь выясним, как мы спрогнозировали итоговые классы по методу ООВ. Для этого нам по каждому наблюдению нужно посмотреть, как распределились голоса деревьев, построенных по out-of-bag выборкам. Для параметра type вместо значения "response" задаем значение "vote". Дополнительно воспользуемся параметром norm.votes, он определяет, в каком виде должны выводиться голоса деревьев для каждого класса — в виде исходных частот (значение FALSE) или процентных долей (значение TRUE). Обратите внимание, чтобы иметь возможность выводить частоты голосов деревьев с помощью функции predict, при построении модели случайного леса нужно задать norm.votes=TRUE. Сначала выведем частоты голосов деревьев.

```
# смотрим частоты голосов деревьев для каждого класса
# (деревья построены по out-of-bag выборкам)
oob_vote_freq <- predict(model, type="vote", norm.votes=FALSE)
oob_vote_freq
```

Сводка 4.4 Частоты голосов деревьев, поданных за каждый класс (деревья построены по out-of-bag выборкам)

Возьмем наблюдение 1. Из сводки 4.3 мы видим, что для наблюдения 1 фактическим классом является класс Да. Мы строили лес из 10 деревьев классификации, значит было сгенерировано 10 бутстреп-выборок. В трех из 10 бутстреп-выборок наблюдение 1 отсутствует. Нас будут интересовать деревья, построенные по этим 3 бутстреп-выборкам. Их по отношению к наблюдению 1 можно назвать out-of-bag выборками. Одно дерево проголосовало за класс Да, 2 дерева проголосовали за класс Нет. В итоге для наблюдения 1 неверно прогнозируется класс Нет. Если мы представим голоса деревьев не в виде частот, а в виде процентных долей, получим вероятности классов. Вспомним, что в пакете R randomForest вероятности классов, спрогнозированные по методу ООВ — это доли голосов деревьев, поданных за каждый класс, при этом нас интересуют деревья, которые построены по out-of-bag выборкам.

```
# смотрим процентные доли голосов деревьев для каждого класса # (деревья построены по out-of-bag выборкам)
oob_vote_fract <- predict(model, type="vote", norm.votes=TRUE)
oob vote fract
```

Сводка 4.5 Процентные доли голосов деревьев, поданных за каждый класс, или вероятности классов (деревья построены по out-of-bag выборкам)

```
Да Нет
1 0.3333333 0.6666667
2 0.0000000 1.0000000
3 0.0000000 1.0000000
4 1.0000000 0.0000000
5 0.0000000 1.0000000
attr(,"class")
[1] "matrix" "votes"
```

Возьмем наблюдение 1. Из сводки 4.4 мы видим, что из 3 деревьев одно проголосовало за класс $\mathcal{A}a$, получаем вероятность класса $\mathcal{A}a$ 1/3=0,33, а остальные деревья проголосовали за класс Het , получаем вероятность класса Het 2/3=0,67. Можно вывести вероятности классов, непосредственно задав для параметра type значение "prob".

```
# выводим вероятности классов,
# спрогнозированные по методу ООВ
oob_probabilities <- predict(model, type="prob")
oob_probabilities
```

Сводка 4.6 Вероятности классов, спрогнозированные по методу ООВ

```
Да Нет
1 0.3333333 0.6666667
2 0.0000000 1.0000000
3 0.0000000 0.0000000
4 1.0000000 1.0000000
5 0.0000000 1.0000000
attr(,"class")
[1] "matrix" "votes"
```

Итак, мы выяснили, как с помощью метода ООВ можно вычислить ошибку классификации, спрогнозировать классы зависимой переменной и вероятности классов. Теперь вычислим ошибку классификации, спрогнозируем классы и вероятности классов обычным методом. Для функции predict указываем аргумент, задающий обучающую выборку, и прогнозируем классы зависимой переменной, установив для параметра значение "response". В пакете R randomForest type класс, спрогнозированный по обычному методу – это класс, за который проголосовало большинство деревьев, построенных по всем бутстрепвыборкам.

```
# выводим классы, спрогнозированные по обычному методу predictions <- predict(model, data, type="response") results <-data.frame(data, result=predictions) results
```

Сводка 4.7 Фактические и спрогнозированные классы зависимой переменной, для прогнозирования используется обычный метод



Из сводки 4.7 видим, что неверно спрогнозированных наблюдений нет и мы получаем нулевую ошибку классификации. Теперь выясним, как мы получили классы, спрогнозированные по обычному методу. Для этого нам по каждому наблюдению нужно посмотреть, как распределились голоса деревьев, построенных по всем бутстреп-выборкам.

```
# смотрим частоты голосов деревьев для каждого класса
# (деревья построены по всем бутстреп-выборкам)
vote_freq <- predict(model, data, type="vote", norm.votes=FALSE)
vote_freq
```

Сводка 4.8 Частоты голосов деревьев, поданных за каждый класс (деревья построены по всем бутстреп-выборкам)

```
Да Нет

1 7 3

2 0 10

3 7 3

4 1 9

5 2 8

attr(,"class")

[1] "matrix" "votes"
```

Возьмем наблюдение 1. Из сводки 4.7 мы знаем, что для наблюдения 1 фактический класс — это класс $\mathcal{A}a$. Мы строили лес из 10 деревьев классификации, значит было сгенерировано 10 бутстреп-выборок. Мы используем обычный метод, поэтому нас будут интересовать деревья, построенные по всем 10 бутстреп-выборкам. 7 деревьев проголосовали за класс $\mathcal{A}a$, 3 дерева проголосовали за класс $\mathcal{A}a$. В итоге по правилу большинства верно прогнозируется класс $\mathcal{A}a$.

Теперь представим голоса деревьев в виде процентных долей, чтобы получить вероятности классов. Вероятности классов, спрогнозированные по обычному методу — это доли голосов деревьев, поданных за каждый класс, но теперь нас интересуют деревья, построенные по всем бутстрепвыборкам, а не только по out-of-bag выборкам.

```
# смотрим процентные доли голосов деревьев для каждого класса # (деревья построены по всем бутстреп-выборкам) vote_fract <- predict(model, data, type="vote", norm.votes=TRUE) vote_fract
```

Сводка 4.9 Процентные доли голосов деревьев, поданных за каждый класс, или вероятности классов (деревья построены по всем бутстреп-выборкам)

```
Да Нет
1 0.7 0.3
2 0.0 1.0
3 0.7 0.3
4 0.1 0.9
5 0.2 0.8
attr(,"class")
[1] "matrix" "votes"
```

Возьмем наблюдение 1. Из сводки 4.8 мы видим, что по данному наблюдению из 10 деревьев семь проголосовали за класс $\mathcal{A}a$, получаем вероятность класса $\mathcal{A}a$ 7/10=0,7, а остальные деревья проголосовали за класс Het , получаем вероятность класса Het 3/10=0,3. И вновь мы можем вывести вероятности классов, непосредственно задав для параметра type значение "prob".

```
# смотрим вероятности классов,
# спрогнозированные по методу ООВ
probabilities <- predict(model, data, type="prob")
probabilities
```

Сводка 4.10 Вероятности классов зависимой переменной, спрогнозированные по обычному методу

```
Да Нет
1 0.7 0.3
2 0.0 1.0
3 0.7 0.3
4 0.1 0.9
5 0.2 0.8
attr(,"class")
[1] "matrix" "votes"
```

До этого момента мы вычисляли частоты голосов деревьев, проголосовавших за тот или иной класс, однако пакет randomForest позволяет узнать, как голосовало каждое дерево в отдельности. Достаточно для параметра predict.all задать значение TRUE.

```
# смотрим частоты голосов деревьев по
# каждому классу и голос каждого дерева
ind_predictions <- predict(model, data, type="vote",
norm.votes=FALSE, predict.all=TRUE)
ind_predictions
```

Сводка 4.11 Частоты голосов и голоса отдельных деревьев

```
$aggregate
           Да Нет
1 7 3
2 0 10
3 7
                                    3
4 1
5 2
                                        8
attr(,"class")
[1] "matrix" "votes"
$individual
            [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] "Да" "Да" "Нет" "Да" "Нет" "Да" "Нет" "Да"
2 "Het" "Het" "Het" "Het" "Het" "Het" "Het" "Het" "Het" "Het"
3 "Да" "Да" "Да" "Нет" "Нет" "Да" "Да" "Нет" "Да"
4 "Heт" "He
5 "Нет" "Нет" "Да" "Нет" "Нет" "Нет" "Да" "Нет" "Нет" "Нет"
```

В разделе **\$aggregate** приводятся частоты голосов деревьев, а в разделе **\$individual** можно увидеть, как каждое из 20 деревьев проголосовало за тот или иной класс. Например, для наблюдения 1 видим, что дерево №1 (или дерево, построенное по бустреп-выборке №1) проголосовало за класс $\mathcal{A}a$, дерево №2 (или дерево, построенное по бустреп-выборке №2) тоже проголосовало за класс $\mathcal{A}a$, а дерево №3 (или дерево, построенное по бустреп-выборке №3) проголосовало за класс $\mathcal{H}er$ и так далее. По сути мы получаем информацию о листовых спрогнозированных классах. Листовой спрогнозированный класс — это класс, спрогнозированный для листа отдельного дерева, в которое попало наше наблюдение.

Теперь перейдем к задаче регрессии. Мы вычислим среднеквадратичную ошибку и R-квадрат (процент объясненной дисперсии), спрогнозируем значения зависимой переменной с помощью обоих методов.

Загрузим наши данные и взглянем на них.

```
# загружаем данные
data <- read.csv2("C:/Trees/RF_regression.csv")
# смотрим данные
data
```

Сводка 4.12 Исходные данные для построения случайного леса деревьев регрессии

```
age gender days_of_delinquency
   70 Мужской
   64 Мужской
                               15
   69 Женский
                               17
   68 Мvжской
                               19
   65 Женский
                               15
   63 Мужской
                               16
   55 Женский
                               13
  60 Мужской
                               14
  67 Мvжской
                               16
10 68 Женский
```

Строим модель случайного леса из 10 деревьев регрессии, вычисляем среднеквадратичную ошибку и R-квадрат по методу ООВ.

```
# задаем стартовое значение генератора случайных # чисел для воспроизводимости результатов set.seed(152)
# строим случайный лес из 10 деревьев регрессии model<-randomForest(days_of_delinquency ~., data, ntree=10, importance=TRUE)
# выводим информацию о среднеквадратичной ошибке
# и R-квадрате по методу ООВ
print(model)
```

Сводка 4.13 Оценка качества модели (используется среднеквадратичная ошибка и R-квадрат по методу ООВ)

Из сводки 4.13 видим, что для наших данных с помощью метода ООВ мы получили среднеквадратичную ошибку, равную 3,13 и R-квадрат, равный 2,39. Теперь посмотрим на значения зависимой переменной, спрогнозированные по методу ООВ. Для этого в функции predict опускаем аргумент, задающий обучающую выборку, а для параметра type задаем значение "response". В пакете R randomForest значение зависимой переменной, спрогнозированное по методу ООВ, — это результат усреднения средних значений, которые вычислили деревья, построенные по out-of-bag выборкам.

```
# выводим значения, спрогнозированные по методу ООВ oob_predictions <- predict(model, type="response") oob_results <-data.frame(data, result=oob_predictions) oob_results
```

Сводка 4.14 Фактические и спрогнозированные значения зависимой переменной, для прогнозирования используется метод ООВ

```
Фактическое
                                     Спрогнозированное
                           значение
                                     значение (по методу ООВ)
  age gender days of delinquency
                                     result
   70 Мужской
                                18 17.00000
   64 Мужской
                                15 16.10000
   69 Женский
                                17 15.36667
   68 Мvжской
                                19 15.99333
   65 Женский
                                15 15.50000
   63 Мужской
                                16 15.75000
   55 Женский
                                13 15.36667
                               14 16.85000
   60 Мvжской
   67 Мужской
                               16 16.13333
10 68 Женский
                                14 15.83333
```

Теперь по каждому наблюдению вычисляем разность между фактическим значением зависимой и спрогнозированным значением зависимой переменной, эту разность возводим в квадрат. Квадраты остатков складываем и полученную сумму делим на количество наблюдений. В итоге получаем нашу среднеквадратичную ошибку по методу ООВ, которая была приведена ранее в сводке 4.13.

```
# вычисляем среднеквадратичную ошибку по методу ООВ, для этого сумму # квадратов разностей между фактическими и спрогнозированными значениями # зависимой переменной делим на количество наблюдений, при этом # каждое спрогнозированное значение — результат усреднения средних # значений, вычисленных деревьями по ООВ выборкам oob_MSE <- sum((data$days_of_delinquency - oob_predictions)^2)/nrow(data) oob MSE
```

Сводка 4.15 Среднеквадратичная ошибка по методу ООВ, вычисленная вручную

[1] 3.133282

А сейчас вручную вычислим R-квадрат по методу ООВ. Сначала вычисляем общую сумму квадратов отклонений — сумму квадратов отклонений фактических значений зависимой переменной от ее среднего значения. Затем вычисляем остаточную сумму квадратов отклонений — сумму квадратов отклонений фактических значений зависимой переменной от спрогнозированных. Остаточную сумму квадратов отклонений делим на общую сумму квадратов отклонений, частное вычитаем из единицы и полученный результат умножаем на 100. В итоге получаем наш R-квадрат по методу ООВ, который был приведен ранее в сводке 4.13.

```
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от ее среднего значения
TSS <- sum((data$days_of_delinquency-(mean(data$days_of_delinquency)))^2)
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от спрогнозированных, при этом каждое
# спрогнозированное значение - результат усреднения средних
# значений, вычисленных деревьями по ООВ выборкам
RSS <- sum((data$days_of_delinquency-oob_predictions)^2)
# вычисляем R-квадрат по методу ООВ
oob_R2 <- (1-(RSS/TSS))*100
oob R2
```

Сводка 4.16 R-квадрат по методу ООВ, вычисленный вручную

[1] 2.389962

Итак, мы выяснили, как с помощью метода ООВ можно вычислить среднеквадратичную ошибку и R-квадрат, спрогнозировать значения зависимой переменной. Теперь вычислим среднеквадратичную ошибку и R-квадрат, спрогнозируем значения зависимой переменной обычным методом. Для этого в функции predict указываем аргумент, задающий обучающую выборку, а для параметра type задаем значение "response". В пакете R randomForest значение зависимой переменной, спрогнозированное по обычному методу, — это результат усреднения средних значений, которые вычислили деревья, построенные по всем выборкам.

```
# выводим значения, спрогнозированные по обычному методу predictions <- predict(model, data, type="response") results <-data.frame(data, result=predictions) results
```

Сводка 4.17 Фактические и спрогнозированные значения зависимой переменной, для прогнозирования используется обычный метод

```
Фактическое
                                       Спрогнозированное значение
                            значение
                                       (по обычному методу)
                                      result
   age gender days_of_delinquency
   70 Мужской
                                 18 17.19333
1
   64 Мужской
                                 15 15.69000
   69 Женский
                                 17 16.20583
   68 Мужской
                                 19 16.72667
   65 Женский
                                 15 14.90250
   63 Мужской
                                 16 15.69000
   55 Женский
7
                                 13 14.07917
   60 Мужской
                                 14 14.86667
   67 Мужской
                                 16 16.04000
10 68 Женский
                                 14 15.73917
```

Вручную вычислим среднеквадратичную ошибку и R-квадрат по обычному методу.

```
# вычисляем среднеквадратичную ошибку по обычному методу, для этого сумму
# квадратов разностей между фактическими и спрогнозированными значениями
# зависимой переменной делим на количество наблюдений, при этом
# каждое спрогнозированное значение - результат усреднения средних
# значений, вычисленных деревьями по всем бутстреп-выборкам
MSE <- sum((data$days_of_delinquency - predictions)^2)/nrow(data)
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от ее среднего значения
TSS <- sum((data$days_of_delinquency-(mean(data$days_of_delinquency)))^2)
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от спрогнозированных, при этом каждое
# спрогнозированное значение – результат усреднения средних
# значений, вычисленных деревьями по всем бутстреп-выборкам
RSS <- sum((data$days_of_delinquency-predictions)^2)
# вычисляем R-квадрат по обычному методу
R2 <- (1-(RSS/TSS))*100
# печатаем результаты
output <- c(MSE, R2)
names(results) <- c("MSE", "R2")
output
```

Сводка 4.18 Среднеквадратичная ошибка и R-квадрат по обычному методу, вычисленные вручную

MSE R2 1.197317 62.700389

В библиотеке scikit-learn для экземпляра класса RandomForestClassifier вычисляется обычная правильность, а для экземпляра класса RandomForestRegressor обычный R-квадрат (по умолчанию значение параметра oob_score равно False). Значения (классы) зависимой переменной и вероятности классов вычисляются также обычным методом. Однако если задать значение параметра oob_score=True, то:

- для экземпляра класса RandomForestClassifier в атрибут oob_score_ будет записана правильность, вычисленная по методу OOB, а в атрибут oob_decision_function_ будут записаны вероятности классов, вычисленные по методу OOB;
- для экземпляра класса RandomForestRegressor в атрибут oob_score_ будет записан R^2 , вычисленный по методу OOB, а в атрибут oob_prediction_ будут записаны итоговые спрогнозированные значения, вычисленные по методу OOB.

Кроме того, с помощью атрибута estimators_ можно получить листовые вероятности классов по каждому дереву.

Начнем с задачи классификации. Сейчас мы вычислим правильность, спрогнозируем классы зависимой переменной и вероятности классов с помощью обоих методов.

Давайте загрузим наши данные и взглянем на них.

```
ln[1]:
# импортируем необходимые библиотеки
import numpy as np
import pandas as pd

# записываем CSV-файл в объект DataFrame
data = pd.read_csv("C:/Trees/RF_classification.csv", encoding='cp1251', sep=';')
# смотрим данные
data
```

Out[1]:

	age	gender	default
0	70	Мужской	Да
1	64	Мужской	Нет
2	69	Женский	Да
3	68	Мужской	Нет
4	65	Женский	Нет

Выполняем дамми-кодирование.

```
ln[2]:
# выполняем дамми-кодирование
print("Исходные переменные:\n", list(data.columns), "\n")
data_dummies = pd.get_dummies(data)
print("Переменные после get_dummies:\n", list(data_dummies.columns))

Out[2]:
Исходные переменные:
  ['age', 'gender', 'default']

Переменные после get_dummies:
  ['age', 'gender_Женский', 'gender_Мужской', 'default_Дa', 'default_Her']
```

Теперь можно подготовить массив меток зависимой переменной и массив признаков.

ln[3]:

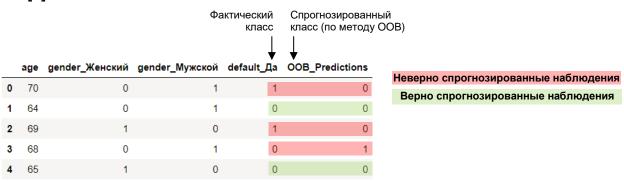
```
# создаем массив меток зависимой переменной y = data_dummies.loc[:, 'default_Дa'] # удаляем из массива признаков дамми-переменные # default_Нет и default_Дa, поскольку они # представляют собой зависимую переменную data_dummies.drop('default_Het', axis=1, inplace=True) data_dummies.drop('default_Дa', axis=1, inplace=True) # создаем массив признаков
X = data_dummies
```

Строим модель случайного леса из 10 деревьев классификации и смотрим правильность, вычисленную по методу ООВ. Чтобы получить правильность по методу ООВ при создании экземпляра класса RandomForestClassifier нужно задать для параметра oob_score значение True (по умолчанию задано значение False), а затем воспользоваться атрибутом oob_score_ объекта-модели.

Из Out[4] видим, что для наших данных мы получили правильность по методу ООВ, равную 40%. Теперь посмотрим на классы зависимой переменной, спрогнозированные по методу ООВ. Для этого воспользуемся атрибутом oob_decision_function_. Поскольку мы работаем в библиотеке scikit-learn, класс зависимой переменной, спрогнозированный по методу ООВ, — это класс с наибольшей усредненной листовой вероятностью, при этом усреднение происходит по деревьям, построенным по out-of-bag выборкам.

ln[5]:

Out[5]:



Из **Out**[5] видим, что из 5 наблюдений 2 верно спрогнозированы, отсюда и получаем нашу правильность 2/5=0,4 или 40%.

Теперь выясним, как мы получили классы, спрогнозированные по методу ООВ. Для каждого наблюдения вычисляем усредненные листовые вероятности классов, усреднение происходит по деревьям, которые построены по out-of-bag выборкам. Вновь воспользуемся атрибутом oob_decision_function_.

По наблюдению 1 видим, что классом с наибольшей усредненной листовой вероятностью является класс 0 (усредненная листовая вероятность класса 0 равна 0.8), поэтому и спрогнозирован класс 0. Теперь вычислим правильность по обычному методу. Для этого воспользуемся методом score.

```
ln[7]:
# вычисляем правильность по обычному методу
print("Правильность по обычному методу: {:.3f}".format(forest.score(X, y)))
Out[7]:
Правильность по обычному методу: 1.000
```

Из **Out**[7] видим, что для наших данных мы получили идеальную правильность по обычному методу. Теперь посмотрим на классы зависимой переменной, спрогнозированные по обычному методу. Для этого воспользуемся методом **predict**. Класс, спрогнозированный по обычному методу, — это класс с наибольшей усредненной листовой вероятностью, однако теперь усреднение происходит по деревьям, построенным по всем бутстреп-выборкам.



Из **Out**[8] видим, что из 5 наблюдений 5 верно спрогнозированы, отсюда и получаем нашу идеальную правильность 5/5=1 или 100%.

Теперь выясним, как мы получили классы, спрогнозированные по обычному методу. Для каждого наблюдения вычисляем усредненные листовые вероятности классов, усреднение происходит по деревьям, построенным по всем бутстреп-выборкам. Здесь мы должны воспользоваться методом predict proba.

ln[9]:

```
# прогнозируем вероятности классов по обычному методу print("Вероятности, спрогнозированные по обычному методу:\n{}". format(forest.predict_proba(X)))
```

Out[9]:

```
Вероятности, спрогнозированные по обычному методу:

[[ 0.4 0.6]

[ 1. 0. ]

[ 0.4 0.6]

[ 0.7 0.3]

[ 0.9 0.1]
```

По наблюдению 1 видим, что классом с наибольшей усредненной листовой вероятностью является класс 1 (усредненная листовая вероятность класса 1 равна 0.6), поэтому и спрогнозирован класс 1. Кроме того, с помощью атрибута estimators_ для наблюдения можно вывести не усредненные, а обычные листовые вероятности классов, вычисленные каждым деревом. Давайте выведем их для наблюдения 1.

ln[10]:

```
# вычисляем листовые вероятности каждого дерева
# для первого наблюдения
for tree_in_forest in forest.estimators_:
    print(tree_in_forest.predict_proba(X)[0])
```

Out[10]:

```
[ 1. 0.]
[ 0. 1.]
[ 1. 0.]
[ 0. 1.]
[ 0. 1.]
[ 0. 1.]
[ 1. 0.]
[ 0. 1.]
[ 0. 1.]
```

Перейдем к задаче регрессии. Сейчас мы вычислим R-квадрат, спрогнозируем значения зависимой переменной с помощью обоих методов.

Давайте загрузим наши данные и взглянем на них.

```
ln[11]:
# записываем CSV-файл в объект DataFrame
data = pd.read_csv("C:/Trees/RF_regression.csv", encoding='cp1251', sep=';')
# смотрим данные
data
```

Out[11]:

age ge		gender	days_of_delinquency		
0	70	Мужской	18		
1	64	Мужской	15		
2	69	Женский	17		
3	68	Мужской	19		
4	65	Женский	15		
5	63	Мужской	16		
6	55	Женский	13		
7	60	Мужской	14		
8	67	Мужской	16		
9	68	Женский	14		

Выполняем дамми-кодирование.

X = data dummies

```
ln[12]:
# выполняем дамми-кодирование
print("Исходные переменные:\n", list(data.columns), "\n")
data_dummies = pd.get_dummies(data)
print("Переменные после get_dummies:\n", list(data_dummies.columns))

Out[12]:
Исходные переменные:
   ['age', 'gender', 'days_of_delinquency']

Переменные после get_dummies:
   ['age', 'days_of_delinquency', 'gender_Женский', 'gender_Мужской']
```

Подготавливаем массив меток зависимой переменной и массив признаков.

```
ln[13]:
# создаем массив меток зависимой переменной
y = data_dummies.loc[:, 'days_of_delinquency']
# удаляем из массива признаков переменную
# days_of_delinquency, поскольку она
# представляет собой зависимую переменную
data_dummies.drop('days_of_delinquency', axis=1, inplace=True)
# создаем массив признаков
```

Строим модель случайного леса из 10 деревьев регрессии и смотрим R-квадрат, вычисленный по методу ООВ. Чтобы получить R-квадрат по методу ООВ при создании экземпляра класса RandomForestRegressor нужно задать для параметра oob_score значение True (по умолчанию задано значение False), а затем воспользоваться атрибутом oob_score_объекта-модели.

Из Out[14] видим, что для наших данных мы получили отрицательный R-квадрат по методу OOB, что говорит об очень плохом качестве модели. Теперь посмотрим на значения зависимой переменной, спрогнозированные по методу OOB. Для этого воспользуемся атрибутом oob_prediction_. Как и в пакете R randomForest, в библиотеке scikit-learn для экземпляра класса RandomForestRegressor значение зависимой переменной, спрогнозированное по методу OOB, — это результат усреднения средних значений, которые вычислили деревья, построенные по out-of-bag выборкам.

Out[15]:

•	Juc	LT21	•				
					Фактическое значение 	Спрогнозированно значение (по мето	
		age	gender_Женский	gender_Мужской	days_of_delinquency	OOB_Predictions	
	0	70	0	1	18	17.800000	
	1	64	0	1	15	16.000000	
	2	69	1	0	17	16.000000	
	3	68	0	1	19	14.666667	
	4	65	1	0	15	14.600000	
	5	63	0	1	16	15.000000	
	6	55	1	0	13	14.333333	
	7	60	0	1	14	15.800000	
	8	67	0	1	16	17.750000	
	9	68	1	0	14	17.666667	

Вручную вычислим R-квадрат по методу ООВ.

```
ln[16]:
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от ее среднего значения
TSS=((oob_results['days_of_delinquency']-oob_results['days_of_delinquency'].mean())**2).sum()
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от спрогнозированных, при этом каждое
# спрогнозированное значение – результат усреднения средних
# значений, вычисленных деревьями по ООВ выборкам
RSS=((oob_results['days_of_delinquency']-oob_results['00B_Predictions'])**2).sum()
# вычисляем R-квадрат по методу ООВ
print("R-квадрат по методу ООВ, вычисленный вручную: {:.2f}".format(1-(RSS/TSS)))
R-квадрат по методу ООВ, вычисленный вручную: -0.36
```

Теперь вычислим R-квадрат обычным методом. Для этого воспользуемся методом ссоге.

```
ln[17]:
```

```
# вычисляем R-квадрат по обычному методу
print("R-квадрат по обычному методу: {:.2f}".format(forest.score(X, y)))
```

Out[17]:

R-квадрат по обычному методу: 0.85

Из Out[17] видим, что для наших данных мы получили довольно высокое значение R-квадрат по методу ООВ, что говорит о прекрасном качестве Теперь посмотрим на значения зависимой спрогнозированные по методу ООВ. Значение зависимой переменной, спрогнозированное по обычному методу, – это результат усреднения средних значений, которые вычислили деревья, построенные по всем бутстреп-выборкам.

Фактическое

```
# прогнозируем значения зависимой переменной по обычному методу
predictions=forest.predict(X)
# преобразуем прогнозы в объект DataFrame
predictions=pd.DataFrame(predictions,
                         index=data.index, columns=['Predictions'])
# конкатенируем массив признаков, массив меток и прогнозы
results=pd.concat([X, y, predictions], axis=1)
results
```

Спрогнозированное значение значение (по обычному методу) gender_Женский gender_Мужской days_of_delinquency Predictions age 0 70 17.9 18 64 0 1 15 15.3 69 0 17 16.5 2 0 1 17.7 3 68 19 65 0 15 14.8 63 0 1 16 15.9 5 55 0 13 13 4 7 60 0 1 14.9 14 67 16.7 16 68 0 14 15.1 1

Теперь вручную вычислим R-квадрат по обычному методу.

```
In[19]:
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от ее среднего значения
TSS=((results['days_of_delinquency']-results['days_of_delinquency'].mean())**2).sum()
# вычисляем сумму квадратов отклонений фактических значений
# зависимой переменной от спрогнозированных, при этом каждое
# спрогнозированное значение - результат усреднения средних
# значений, вычисленных деревьями по всем бутстреп-выборкам
RSS=((results['days_of_delinquency']-results['Predictions'])**2).sum()
# вычисляем R-квадрат по обычному методу
print("R-квадрат по обычному методу, вычисленный вручную: {:.2f}".format(1-(RSS/TSS)))
```

Out[19]:

R-квадрат по обычному методу, вычисленный вручную: 0.85

Лекция 4.3. Настройка параметров случайного леса

4.3.1 Количество деревьев в ансамбле

Главный параметр случайного леса — это количество деревьев в ансамбле. Как правило, большее количество деревьев практически всегда дает лучший результат. Это обусловлено тем, что усреднение результатов по большему количеству деревьев позволит получить более устойчивый ансамбль за счет снижения переобучения. Следует отметить, что если при увеличении числа деревьев улучшения качества не происходит или даже наблюдается уменьшение качества прогноза, то это может говорить о плохом качестве выборки, о присутствии значительного шума в данных. Подобное явление также часто наблюдается на небольших выборках. Количество деревьев в ансамбле, необходимое для хорошего качества модели, возрастает с числом предикторов и ростом объема данных. Помните, что с ростом количества деревьев требуется больше памяти и больше времени для обучения.

Наилучший способ определить, сколько деревьев построить, метрики качества моделей c количеством разным (последовательно увеличиваем значение, строим 100, 200, 300, 400, 500 деревьев) на контрольной выборке. Как вариант, можно воспользоваться проверкой, здесь МЫ смотрим метрики усредненные по контрольным блокам перекрестной проверки. Обычно по мере увеличения числа деревьев качество модели на обучающей выборке увеличивается (можно добиться даже 100%-ной правильности или значения AUC, равного 1), а на контрольной выборке качество увеличивается и затем стабилизируется на определенном значении.

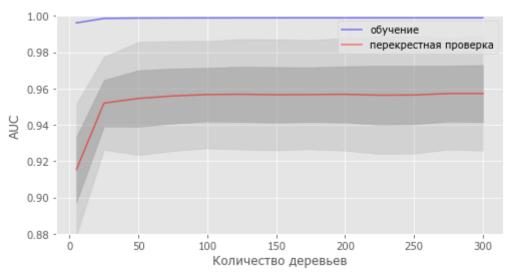


Рис. 4.8 График зависимости AUC от количества деревьев, используется перекрестная проверка

Взглянем на рис. 4.8. Анализируя значения AUC, усредненные по обучающим блокам перекрестной проверки, мы видим, что даже совсем небольшое количество деревьев дает идеальную дискриминирующую способность (значение AUC равно 1). Однако рассматривая метрики, усредненные на контрольных блоках перекрестной проверки, мы видим, что качество увеличивается медленнее и стабилизируется примерно на 150 деревьях при значении AUC, равном 0,957.

Как мы уже говорили выше, большее количество деревьев всегда дает лучшее качество, однако вы должны регулировать стоимость улучшения качества с вычислительной точки зрения. Например, мы можем использовать ансамбль из 300 деревьев и получить на контрольной выборке AUC 0.811, затем дополнительно натренировать еще 100 деревьев и получить AUC 0.83, в этом случае идея увеличить количество деревьев имеет смысл, если же дополнительная тренировка 100 деревьев дает в итоге AUC 0.812, то скорее всего стоимость такого улучшения будет сомнительна.

пакете R randomForest, представляющим собой реализацию случайного классического алгоритма леса, параметр, задающий количество деревьев в ансамбля, называется ntree, в пакете R ranger – быстрой реализации случайного леса, использующей параллельные вычисления, он называется num.trees, в классах RandomForestClassifier и RandomForestRegressor питоновской библиотеки scikit-learn он называется n estimators, в версиях библиотеки h2o для R (функция h2o.randomForest) и Python (класс H2ORandomForestEstimator) называется ntrees.

4.3.2 Количество случайно отбираемых предикторов

Определив такое количество деревьев в ансамбле, которое дает приемлемое качество модели на контрольной выборке и обучается за приемлемое время, мы задаем количество случайно отбираемых предикторов. Лео Брейман называл этот параметр mtry. Поясним, как работает mtry. Количество случайно отбираемых предикторов, равное 1, означает, что при разбиении отбор признаков не будет осуществляться вообще, будет выполнен поиск точек расщепления для одного случайно случайно выбранного признака. Если количество отбираемых предикторов задать равным общему количеству предикторов в наборе данных, это будет обозначать, что в каждом разбиении смогут участвовать все предикторы набора данных, в отбор признаков не будет привнесена случайность (останется лишь случайность, обусловленная бутстрепом). При таком варианте все деревья в случайном лесе будут в большей степени схожи между собой, нежели при более низких значениях mtry, и качество модели может ухудшится. На практике подбирают значения mtry, которые составляют примерно 20-40% от общего числа предикторов. Эти значения были сформулированы на основе дополненных правил Лео Бреймана, приведенных на рис. 4.9.

Количество случайно отбираемых	Для	Для		
предикторов (mtry)	классификации	регрессии		
корень/треть от общего количества	$m = 0.5 \times \sqrt{M}$	$m = 0.5 \times (M/3)$		
предикторов, деленная пополам	$m = 0.5 \times \sqrt{M}$	$m = 0.3 \times (M/3)$		
корень/треть от общего количества	714	m - M/2		
предикторов	$m = \sqrt{M}$	m = M/3		
удвоенный корень/треть от общего	2 14	$m = 2 \times (M/3)$		
количества предикторов	$m=2\times\sqrt{M}$	$m = 2 \times (M/3)$		
общее количество предикторов		$m = M^*$		
	<i>m</i> – случайно отбираем	ое число предикторов <i>, М</i> –		
общее число предикторов в наборе				
Примечания:				
Полученные значения mtry округляем в меньшую сторону *Правило было сформулировано по итогам экспериментов уже после смерти Лео Бреймана				

Рис. 4.9 Правила для определения оптимального количества случайно отбираемых предикторов

Если есть несколько переменных с сильной прогнозной силой (прогнозную силу обычно определяют с помощью пермутированной важности, см. раздел 4.1.4 Важность переменных), меньшие значения ту могут дать лучшее качество. Если данные содержат много переменных со слабой прогнозной силой, нужно попробовать большие значения mtry. При построении случайного леса с помощью классов RandomForestClassifier и RandomForestRegressor библиотеки scikit-

learn помимо правил Бреймана необходимо попробовать большие значения mtry. По мнению ряда специалистов², на практике варьирование значений mtry не оказывает существенного влияния на качество модели.

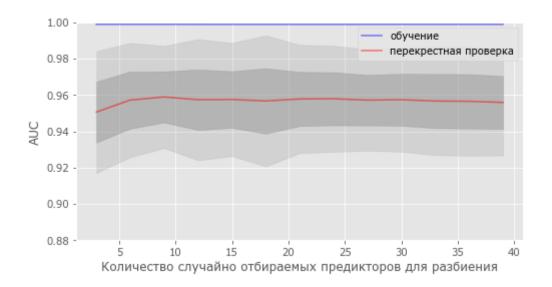


Рис. 4.10 График зависимости AUC модели из 300 полных деревьев от количества случайно отбираемых предикторов, используется перекрестная проверка

Взглянем на рис. 4.10. Здесь мы строим модели на основе полных деревьев. Набор содержит 40 предикторов. Видно, что варьирование количества случайно отбираемых предикторов не очень сильно влияет на качество модели.

Обрезка деревьев, как правило, требует корректировки mtry. Посмотрите на рис. 4.11. Здесь мы уже строим модели, используя обрезку деревьев (оставлено 10 уровней ниже корневого узла). Рассматривая значения AUC, усредненные на контрольных блоках перекрестной проверки, мы видим, что при увеличении количества случайно отбираемых предикторов качество модели постепенно снижается. Оптимальное качество мы получим, используя от 9 до 15 признаков.

_

² D. Richard Cutler, Thomas C. Edwards, Jr., Karen H. Beard, Adele Cutler, Kyle T. Hess, Jacob Gibson, and Joshua J. Lawler. 2007. Random forests for classification in ecology. Ecology 88:2783–2792.

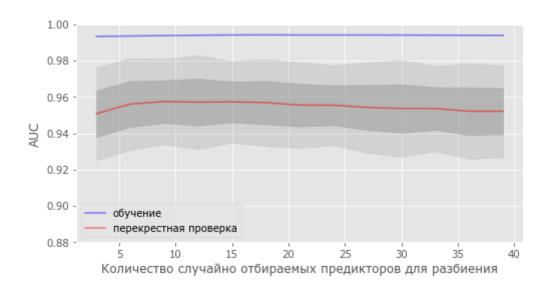


Рис. 4.11 График зависимости AUC модели из 300 обрезанных деревьев от количества случайно отбираемых предикторов, используется перекрестная проверка

В итоге при фиксированном количестве деревьев необходимо выбрать такое количество случайно отбираемых предикторов, которое дает максимальное качество модели на контрольной выборке.

В пакетах R randomForest и ranger параметр, задающий количество случайно отбираемых предикторов, называется mtry (оригинальное название, предложенное Брейманом), в классах RandomForestClassifier и RandomForestRegressor питоновской библиотеки scikit-learn он называется max_features, в версиях библиотеки h2o для R (функция h2o.randomForest) и Python (класс H2ORandomForestEstimator) он называется mtries.

В реализациях случайного леса, предлагаемых пакетами R randomForest ${\tt RandomForestClassifier}$ также классами RandomForestRegressor питоновской библиотеки scikit-learn алгоритм по каждому дереву для разбиения каждого узла случайным образом отбирает фиксированное подмножество предикторов и затем находит наилучшую точку расщепления среди наилучших точек, найденных по каждому из случайно отобранных предикторов. Например, мы задали mtry/max features равным 3, для всех деревьев для каждого узла мы будем случайным образом отбирать 3 предиктора от общего количества предикторов. В реализации случайного леса, предлагаемой библиотекой Н2О, мы можем задать количество случайно отбираемых предикторов для каждого дерева (параметр col sample rate per tree) и задать количество случайно отбираемых предикторов для каждого узла (mtries). В итоге для каждого узла дерева мы будем случайным образом отбирать предикторы из числа случайно отобранных предикторов для каждого дерева. Например, у нас есть набор из 100 столбцов (100

предикторов). Мы задали col_sample_rate_per_tree=0.602 и mtries=3. Для каждого дерева мы будем случайным образом отбирать 0.602*100=60 предикторов из 100. Из этих 60 предикторов мы для каждого узла будем случайно отбирать по 3 предиктора. Еще раз обратите внимание, что теперь не только у каждого узла, но и у каждого дерева будет «свой» случайный набор предикторов. Параметр mtries настраивается независимо от параметра col_sample_rate_per_tree, но его применение может быть ограничено значением col_sample_rate_per_tree. Например, если задать col_sample_rate_per_tree=0.01, то для каждого узла будет выбран лишь один предиктор независимо от значения mtries.

4.3.3 Глубина

Еще один параметр, который стоит учитывать при построении модели случайного леса — это глубина деревьев. Как правило, при увеличении глубины возрастает время обучения, но при этом увеличивается качество модели на обучающей и контрольной выборках.

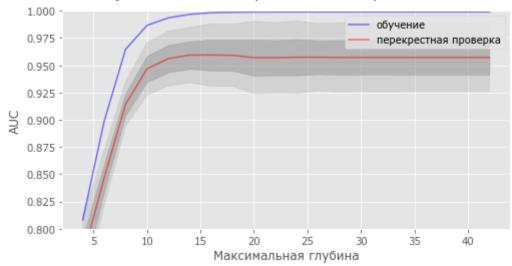


Рис. 4.12 График зависимости AUC модели из 300 деревьев от глубины, используется перекрестная проверка

В ряде случаев, например, при работе с зашумленными данными, построение деревьев с максимальной глубиной не дает хорошего качества модели. Это обусловлено тем, что при очень высоких значениях глубины деревья становятся излишне сложными и чувствительными к случайным возмущениям данных и в случае большого количества шумовых объектов рандомизация и усреднение по ансамблю не позволяют скомпенсировать возникшее переобучение. В таких случаях нужно выбрать меньшее значение глубины. Вместе с тем нужно избегать и слишком низкого значения глубины, при котором деревья не смогут в достаточной степени обучиться и возникнет эффект недообучения.

B пакетах R randomForest и ranger данный параметр отсутствует, поэтому максимальную глубину в них регулируют косвенно с помощью варьирования минимального количества наблюдений в терминальном узле (увеличивая количество наблюдений в терминальном узле, уменьшаем глубину). В пакете R randomForest минимальное количество наблюдений в терминальном узле регулируется параметром nodesize, а ranger параметром min.node.size. В RandomForestClassifier И RandomForestRegressor питоновской библиотеки scikit-learn, в версиях библиотеки h2o для R (функция h2o.randomForest) и Python (класс H2ORandomForestEstimator) параметр, задающий максимальную глубину, называется max depth. Кроме того, в этих инструментах максимальную глубину можно настроить косвенно, наблюдений количество терминальном изменив Соответствующий параметр в классах RandomForestClassifier библиотеки RandomForestRegressor питоновской scikit-learn называется min_samples_leaf, в версиях библиотеки h2o для R (функция h2o.randomForest) и Python (класс H2ORandomForestEstimator) получил название min_rows.

	Количество случайно отбираемых предикторов		Максимальная глубина	Минимальное количество наблюдений в листе		
пакет R randomForest	ntree	mtry	-	nodesize		
пакет R ranger	num.trees	mtry	=	min.node.size		
классы RandomForestClassifier и RandomForestRegressor, библиотека scikit-learn	n_estimators	max_features	max_depth	min_samples_leaf		
библиотека h2o	ntress	mtries	max_depth	min_rows		

Рис. 4.13 Названия параметров случайного леса в пакетах R и Python

4.3.4 Биннинг количественных предикторов

Дополнительного улучшения качества случайного леса можно добиться за счет использования различных стратегий поиска точек расщепления. В классической реализации случайного леса для количественного предиктора с k категориями может быть рассмотрено k-1 вариантов разбиения. Значения будут отсортированы в порядке возрастания и в качестве точек расщепления могут быть рассмотрены средние по каждой паре упорядоченных смежных значений. Например, у нас есть значения количественной переменной Возраст 74, 70, 64 66, 65, 68, 69. Точки расщепления будут выглядеть следующим образом:

Предиктор Возраст

Значения	64		65		68		69		70		74
Точки расщепления		64,5		66,5		68,5		69,5		72	

Рис. 4.14 Создание точек расщепления классическим способом

В реализации случайного леса, предлагаемой библиотекой Н2О, по каждому количественному предиктору будет создана гистограмма, интервалов или бинов. Количество бинов количественных предикторов регулируется параметрами nbins top_level. Тип гистограммы для количественных предикторов histogram_type. По параметром количественного предиктора создается не менее 20 бинов одинаковой ширины (для параметра nbins по умолчанию используется значение 20, а для параметра histogram type по умолчанию задано значение UniformAdaptive, которое назначает интервалы одинаковой ширины). При этом на первом уровне дерева гистограмма не может иметь бинов, превышающее значение количество nbins top level умолчанию используется значение 1024), затем на каждом последующем уровне происходит уменьшение этого максимального значения вдвое. Параметр $nbins_top_level$ работает в паре с параметром $nbins_t$ который регулирует, когда нужно прекратить уменьшение количества бинов вдвое. Например, если на определенном уровне дерева nbins_top_level становится равным 32, а nbins задан равным 20, то на последующем уровне разбиение количества бинов на 2 не происходит. Ширина бина будет определена по формуле (max-min)/N, где max – максимальное значение, min – минимальное значение, N – количество интервалов. В нашем случае будет создано 20 бинов с шагом (74-64)/20=0,5: от 64 до 64,5, от 64,5 до 65, ..., от 73,5 до 74. По границам этих интервалов будут найдены точки расщепления.



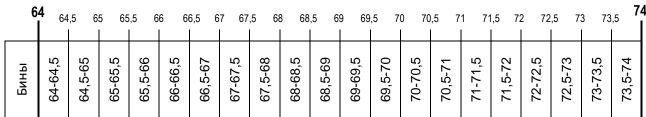


Рис. 4.15 Создание точек расщепления с помощью гистограммирования

Перебор значений nbins и nbins_top_level может улучшить качество модели.

Обратите внимание, при обработке количественных переменных с асимметричными распределениями И выбросами значение UniformAdaptive, установленное умолчанию ПО ДЛЯ параметра histogram_type, может привести к выбору менее оптимальных вариантов расщепления. Например, у нас есть количественная переменная, которая меняется в диапазоне от 0 до 10. Помимо этого у нас есть экстремальные значения 9999 (также вспомните, что часто пропуски кодируют большим отрицательным или положительным значением, например, -9999 или 9999). В этом случае биннинг, подразумевающий создание интервалов одинаковой ширины, может дать неоптимальное решение, потому что при создании интервалов будет опираться на значения минимума и максимума. Допустим, мы зададим nbins равным 10. Тогда ширина интервала будет вычислена как (9999-0)/10=999,9. У нас будут всего два бина: 0-999,9 и 999,9-9999. Все значения переменной, кроме значений 9999, окажутся в одном бине 0-999,9, в итоге будет рассмотрен только один вариант разбиения. Поэтому при обработке переменных с распределениями И выбросами асимметричными ДЛЯ histogram_type лучше использовать значение QuantilesGlobal, которое создает интервалы, содержащие одинаковое количество наблюдений (квантили). В данном случае nbins уже будет задавать количество квантилей.

Кроме того, вы можете получить более оптимальные расщепления по гистограммировании переменной c асимметричным выбросами, предварительно распределением И выполнив преобразования, максимизирующие нормальность распределения. Для скошенного вправо (положительный коэффициент распределения, применяются преобразования: асимметрии), обычно следующие $sgn(x)*(abs(x)^1/2),$ кубический корень квадратный корень $sgn(x)*(abs(x)^1/3)$, свернутый корень sgn(x)*sqrt(sqrt(abs(x)))логарифм.

Для распределения, скошенного влево (отрицательный коэффициент преобразования: обычно применяются следующие асимметрии), квадратный корень (константа – х), кубический корень (константа – х) и логарифм (константа - x). Поскольку логарифм нуля, а равно и любого отринательного числа, неопределен, перед использованием логарифмического преобразования ко всем значениям нужно добавить константу, чтобы сделать их положительными. При использовании корней обычно корень берут от модуля числа (чтобы не вычислять корни отрицательных чисел) и затем учитывают знак числа.

В ряде случаев улучшения можно добиться, задав для параметра $histogram_type$ значение Random. В этом случае алгоритм случайным образом отбирает N-1 точек расщепления из диапазона значений и затем использует упорядоченный список этих точек разбиения для поиска

наилучшей точки расщепления. N определяется параметрами nbins u nbins top level.

Перспективным является использование циклического перебора типов гистограмм расщепляющих значений. Его можно применить, задав для параметра histogram_type значение RoundRobin. Для первого дерева расщепляющие значения будут определены по границам интервалов одинаковой ширины, для второго дерева расщепляющие значения будут определены по границам интервалов одинакого размера, для третьего дерева расщепляющие значения будут получены случайным образом, для четвертого дерева расщепляющие значения вновь будут определены по границам интервалов одинаковой ширины и так по кругу.

4.3.5 Биннинг категориальных предикторов

В классической реализации случайного леса для категориального предиктора с k категориями может быть рассмотрено $2^{k-1}-1$ вариантов разбиения. Категории делятся всеми возможными способами на две группы.

В реализации случайного леса, предлагаемой библиотекой Н2О, по каждому категориальному предиктору будет создана гистограмма, состоящая из интервалов или бинов. При этом в Н2О в отличие от библиотеки scikit-learn не используется one-hot-кодирование и бины будут сформированы из исходных категорий. Количество бинов для категориальных предикторов регулируется параметрами nbins_cats и nbins_top_level. По умолчанию для категориального предиктора создается не менее 1024 бинов (для параметра nbins cats по умолчанию используется значение 1024). При этом на первом уровне дерева гистограмма не может иметь количество бинов, превышающее значение nbins_top_level (по умолчанию используется значение 1024), затем на последующем происходит уровне уменьшение каждом максимального значения вдвое. Параметр nbins_top_level работает в паре с параметром nbins_cats, который регулирует, когда нужно прекратить уменьшение количества бинов вдвое. Например, если на определенном уровне дерева nbins_top_level становится равным 32, а nbins cats задан равным 20, то на последующем уровне разбиение количества бинов на 2 не происходит.

Давайте посмотрим, как происходит разбиение на бины. Если количество категорий меньше значения параметра nbins_cats, каждая категория получает свой бин. Допустим, у нас есть переменная *Class*. Если у нее есть уровни A, B, C, D, E, F, G и мы зададим nbins_cats=8, то будут сформировано 7 бинов: $\{A\}$, $\{B\}$, $\{C\}$, $\{D\}$, $\{E\}$, $\{F\}$ и $\{G\}$. Каждая категория получает свой бин. Будет рассмотрено $2^6-1=63$ точки расщепления. Если мы зададим nbins_cats=10, то все равно будут получены те же самые бины, потому что у нас всего 7 категорий. Если количество категорий

больше значения параметра nbins_cats, категории будут сгруппированы в бины в лексикографическом порядке. Например, если мы зададим nbins_cats=2, то будет сформировано 2 бина: {A, B, C, D} и {E, F, G}. У нас будет одна точка расщепления. A, B, C и D попадут в один и тот же узел и будут разбиты только на последующем, более нижнем уровне или вообще не будут разбиты.

Значение параметра nbins_cats для категориальных предикторов оказывает гораздо большее влияние на обобщающую способность модели, чем значение параметра nbins для количественных предикторов (обычно более высокие значения параметра nbins приводят к выбору более оптимальных точек расщепления). Для предикторов с большим количеством категорий небольшое значение параметра nbins_cats может в процесс создания точек расщепления дополнительную случайность (поскольку категории группируется в определенном смысле произвольным образом), в то время как большие значения параметра nbins_cats (например, значение параметра nbins_cats, совпадающее с количеством категорий), наоборот, снижают эту случайность, каждая отдельная категория может быть рассмотрена при формировании точки разбиения, что приводит к переобучению на обучающем наборе (AUC= 1). Таким образом, этот параметр является очень важным параметром настройки. Как мы уже говорили, значение по умолчанию для nbins_cats равно 1024. Значение nbins cats может достигать 65 тыс. и этого должно хватить при работе с большими наборами данных. Если вы хотите получить более простую модель, необходимо уменьшить значения параметров nbins_top_level и nbins_cats. Если вы хотите получить более сложную, гибкую модель, необходимо увеличить значения nbins_top_level и nbins_cats. Имейте в виду, что увеличение числа nbins cats может существенно повлиять на переобучение.

4.3.6 Способ обработки категориальных предикторов

Качество случайного леса также зависит от способа обработки категориальных предикторов. Одним из преимуществ деревьев решений случайных лесов является их способность работать количественными, так и с категориальными переменными напрямую, без one-hot-кодирования, которое обычно необходимости например, обобщенным линейным моделям и нейронным сетям. Реализации случайного леса в пакетах R randomForest, ranger и h2o обрабатывают категориальные переменные по принципу «как есть», то есть каждое значение категориальной переменной представляет собой уровень (категорию) переменной. Однако в питоновской библиотеке scikit-learn каждый уровень категориальной переменной должен быть представлен дамми-переменной. Для этого нужно выполнить onehot-кодирование. Помимо того, что one-hot-кодирование может привести

увеличению размерности пространства огромному применительно к деревьям решений и случайному лесу оно стирает важную информацию о структуре категориального признака, по сути разбив один цельный признак на множество отдельных бинарных признаков. Бинарный признак может быть разбит только одним способом, а категориальный признак с k уровнями может быть разбит 2^{k-} ¹–1 способами. Таким образом, в полученном пространстве признаков количественные переменные получат большую важность. категориальные переменные, представленные бинарными признаками. Все это может привести к ухудшению качества модели. Поэтому при построении случайного леса на данных, содержащих большое количество категориальных переменных, бывает полезно сравнить результаты, полученные с помощью традиционных классов RandomForestClassifier/ RandomForestRegressor и класса H2ORandomForestEstimator.

Помимо того, что библиотека Н2О обрабатывает категории по принципу «как есть», она предлагает и другие способы кодировки категориальных предикторов, что позволяет в ряде случаев повысить качество модели. Кодировку категориального предиктора можно изменить с помощью параметра categorical_encoding. По умолчанию используется значение auto, которое использует кодировку Enum. Кодировка Enum обрабатывает категории напрямую, то есть для каждого категориального предиктора создается по одному столбцу. При этом под капотом категориям в лексикографическом порядке будут присвоены целочисленные значения. Допустим, у нас есть переменная *Class*. Если у нее есть уровни A, B, C, D, E, F, G, то внутренне им будут присвоены целочисленные значения: А -0, B -1, C -2, D -3, E -4, F -5, G -6. Кодировка OneHotExplicit задает N+1 столбцов для каждого категориального признака с N уровнями. Дополнительный столбец создается ДЛЯ пропущенных Віпагу задает не более 32 значений. Кодировка столбцов категориального признака (используется хеширование). Кодировка Eigen выполняет one-hot-кодирование и оставляет k первых компонент для категориального признака.

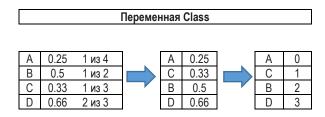
В случае использования кодировки LabelEncoder категории в лексикографическом порядке будут преобразованы в целочисленные значения (начиная с 0) и в итоге теряют свою категориальную природу. Таким образом, с помощью LabelEncoder мы получаем порядковую переменную. Допустим, у нас есть переменная с 4 категориями A, B, C и D. Тогда LabelEncoder присвоит A-0, B-1, C-2, D-3.

Переменная Class							
Α	0						
В	1						
С	2						
D 3							

Переменная Class	Кодировка LabelEncoder для переменной Class
В	1
Α	0
С	2
Α	0
Α	0
D	3
D	3
В	1

Рис. 4.16 Пример кодировки LabelEncoder

Кодировка SortByResponse каждой категории, отсортированной по среднему значению зависимой переменной в уровне предиктора, сопоставляет целое число, начиная с 0. Допустим, у нас есть переменная с 4 категориями A, B, C и D. Сначала SortByResponse посчитает среднее значение зависимой переменной для каждой категории: A-0.25, B-0.5, C-0.33, D-0.66. Потом SortByResponse отсортирует категории по возрастанию: A-0.25, C-0.33, B-0.5, D-0.66. Затем SortByResponse каждой категории присвоит порядковый номер, начиная с 0: A-0, C-1, B-2, D-3.



Переменная Class	Зависимая переменная	Кодировка SortByResponse для переменной Class
Α	0	0
Α	1	0
С	1	1
D	1	3
Α	0	0
Α	0	0
В	0	2
В	1	2
С	0	1
D	1	3
С	0	1
D	0	3

Рис. 4.17 Пример кодировки SortByResponse

Выше мы говорили, что в классической реализации случайного леса для категориального предиктора с k категориями будет рассмотрено $2^{k-1}-1$ вариантов вариантов разбиений. Количество возможных разбиений возрастает лавинообразно с увеличением количества категорий. Например, при k=33 будет рассмотрено четыре миллиона возможных вариантов расщепления. Поэтому в некоторых реализациях случайного леса, например, в пакете R randomForest, налагается ограничение на количество уровней категориальных предикторов (в пакете randomForest

можно обрабатывать категориальные предикторы не более чем с 32 уровнями). Как вариант, можно перекодировать категориальный предиктор с большим количеством уровней в количественный предиктор и таким образом перейти к k-1 вариантам разбиения. Для этого каждую категорию предиктора заменяют относительной или абсолютной частотой категории. Заменяя категорию ее относительной частотой, мы по сути получаем вероятность встретить данную категорию в наборе данных.

Переменная Class							
Α	0.44 (4 из 9)						
В	0.33 (3 из 9)						
С	0.22 (2 из 9)						

Переменная	Кодировка FrequencyEncoding для переменной Class							
Class	относительная	абсолютная						
	частота	частота						
Α	0.44	4						
В	0.33	3						
Α	0.44	4						
С	0.22	2						
В	0.33	3						
В	0.33	3						
Α	0.44	4						
Α	0.44	4						
С	0.22	2						

Рис. 4.18 Пример кодировки FrequencyEncoding

Такую кодировку еще называют FrequencyEncoding, она не реализована в рассматриваемых пакетах, но ее легко сделать самостоятельно. При этом следует помнить, что если у вас есть категории с одинаковыми относительными частотами, деревья случайного леса не смогут их отделить друг от друга.

4.3.7 Стартовое значение генератора случайных чисел

Поскольку случайный лес использует рандомизацию, установка различных стартовых значений генератора случайных чисел (или вообще отказ от использования стартового значения) может кардинально изменить построение модели. Существует даже шутка, которую опытные моделеры часто отпускают в адрес новичков: «если не удалось повысить качество модели за счет увеличения количества деревьев и количества отбираемых признаков, попробуй стартовое значение». Чем больше деревьев в лесу, тем более устойчивым он будет к изменению стартового значения. Однако если вы хотите получить результаты, которые потом нужно будет воспроизвести, то важно перед построением модели зафиксировать стартовое значение.

Лекция 4.4. Важность предикторов

Случайный лес обладает возможностью оценивать важность отдельного предиктора с точки зрения улучшения классификации и прогнозирования. Первая мера важности — это усредненное уменьшение неоднородности, вторая — усредненное уменьшение правильности.

4.4.1. Важность предиктора на основе усредненного уменьшения неоднородности

В основе расчета важности переменных лежит критерий уменьшения неоднородности в узлах-потомках дерева.

В деревьях классификации оценивается уменьшение неоднородности при распределения категорий зависимой переменной родительского узла на узлы-потомки. Как уже говорилось в модуле 3, однородным узлом является тот, в котором все наблюдения относятся к одной и той же категории зависимой переменной, в то время как узел с максимальной неоднородностью содержит равное количество наблюдений во всех категориях зависимой переменной. Для расчета неоднородности в деревьях классификации используется уже знакомая мера Джини.

В деревьях регрессии под уменьшением неоднородности понимается уменьшение разброса значений зависимой переменной относительно среднего значения при разбиении родительского узла на узлы-потомки. Здесь уже вместо меры Джини используется среднеквадратичная ошибка. Если эти метрики трактовать с точки зрения неоднородности, то абсолютно однородным узлом является узел, в котором все наблюдения имеют одинаковые значения зависимой переменной, в то время как узлом с высоким значением неоднородности (в случае количественной зависимой переменной ограничения максимально возможного значения неоднородности не существует) является узел, включающий наблюдения значениями различающимися зависимой переменной. сильно Уменьшение неоднородности еще называют улучшением.

Алгоритм вычисления важности предиктора на основе усредненного уменьшения неоднородности выглядит так:

- 1. Для каждого дерева случайного леса вычисляем сумму уменьшений неоднородности (улучшений) на всех ветвлениях, связанных с данным предиктором.
- 2. Итоговую сумму уменьшений неоднородности, полученную по ансамблю, усредняем путем деления на общее количество деревьев.
- 3. Вышеописанные шаги повторяем для всех остальных предикторов. Наиболее важный предиктор тот, который дает наибольшее усредненное уменьшение неоднородности (для деревьев классификации

– уменьшение меры Джини, для деревьев регрессии – уменьшение среднеквадратичной ошибки).

Вновь вспомним про недостаток важности на основе уменьшения неоднородности. По сути важность складывается из частоты использования переменной в качестве предиктора разбиения, то есть наиболее важными будут переменные, по которым можем быть рассмотрено больше вариантов разбиения и у них больше шансов стать предиктором разбиения. Поэтому наиболее важными переменными чаще будут переменные с большим количеством уникальных значений.

4.4.2. Важность предиктора на основе усредненного уменьшения качества прогнозирования

Кроме уменьшения важности на основе усредненного уменьшения Лео Брейман предложил неоднородности алгоритм вычисления важности предиктора на основе усредненного уменьшения качества прогнозирования. Для задачи классификации вычисляем усредненное уменьшении правильности количестве правильно классифицированных наблюдений от общего количества наблюдений. вычисляется Для регрессии усредненное увеличение среднеквадратичной ошибки. Рассмотрим подробнее вычисление важности на основе усредненного уменьшения правильности.

1. Для каждого дерева классификации случайного леса берем out-of-bag выборку (наблюдения, не попавшие в бутстреп-выборку, по которой строилось данное дерево).

Допустим, у нас есть набор данных из 10 наблюдений. Наблюдение может принадлежать либо классу N, либо классу P. Мы построили ансамбль из 5 деревьев. По каждому из 5 деревьев получаем out-of-bag выборку. Например, для дерева I out-of-bag выборкой будут наблюдения 2, 4, 5, 6.

Исх. выборка	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10				
Фактический класс	N	Р	Р	N	N	Р	N	N	N	Р				
											Out-	of-bag	выбој	оки
Дерево I														
Б-выборка I	10	9	7	8	1	3	9	10	10	7	2	4	5	6
Дерево II														
Б-выборка II	4	8	5	8	3	9	2	6	1	6	7	10		
Дерево III														
Б-выборка III	6	2	6	10	2	10	3	6	5	1	4	7	8	9
Дерево IV														
Б-выборка IV	6	7	8	10	6	10	9	10	8	2	1	3	4	5
Дерево V														
Б-выборка V	5	8	1	8	5	7	10	1	10	9	2	3	4	6

Рис. 4.19 Определение out-of-bag выборок

2. Для каждой out-of-bag выборки вычисляем правильность. Считаем количество раз, когда спрогнозированный класс для наблюдения out-of-bag выборки совпал с фактическим, и делим на размер out-of-bag выборки.

Например, для out-of-bag выборки 1 мы получаем 3 верных ответа и делим на 4 наблюдения, получаем правильность 3/4=0,75.

Out-of-bag выборка 1	2	4	5	6	
Фактический класс	Р	N	N	Р	
Спрогнозированный класс до пермутации	Р	Р	N	Р	
Верные ответы до пермутации (отмечены Х)	Х		Х	Х	правильность 3/4=0,75

Рис. 4.20 Вычисление правильности для каждой out-of-bag выборки

2. В каждой out-of-bag выборке осуществляем случайную перестановку значений предиктора и вычисляем правильность в каждой out-of-bag выборке с перестановленными значениями предиктора.

Например, для out-of-bag выборки 1 после пермутации мы получаем 2 верных ответа и делим на 4 наблюдения, получаем правильность 2/4=0.5.

Out-of-bag выборка 1	2	4	5	6	
Фактический класс	Р	N	N	Р	
Спрогнозированный класс после пермутации	N	Р	N	Р	
Верные ответы после пермутации (отмечены Х)			Х	Х	правильность 2/4=0.5

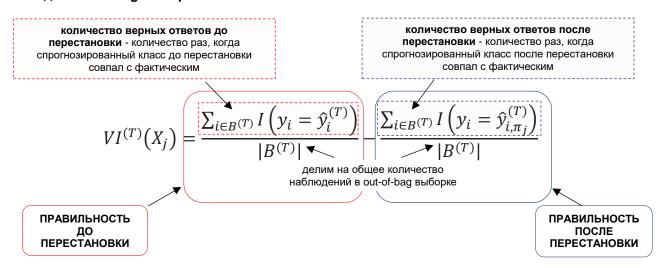
.

Рис. 4.21 Вычисление правильности для каждой out-of-bag выборки после пермутации

- 4. Вычисляем разность между правильностью с исходными значениями предиктора и правильностью с перестановленными значениями предиктора в каждой out-of-bag выборке.
- 5. Суммируем разности по out-of-bag выборкам и делим на количество деревьев. Получаем сырое значение важности переменной.
- 6. Сырое значение важности переменной нормализуем путем деления на стандартную ошибку.
- 7. Повторяем шаги 2-5 для всех остальных предикторов.

На рис. 4.22 приводится математический аппарат вычисления важности на основе усредненного уменьшения правильности.

1. Вычисляем важность переменной как уменьшение правильности после перестановки в каждой out-of-bag выборке



где:

 $VI^{(T)}(X_i)$ – это важность переменной X_i для дерева T;

 $|B^{(T)}|$ – это out-of-bag выборка для дерева T;

 y_i – фактический класс зависимой переменной;

 $\hat{y}_i^{(T)}$ – спрогнозированный класс зависимой переменной перед перестановкой значений предиктора;

 $\hat{y}_{i,\pi_{i}}^{(T)}$ – спрогнозированный класс зависимой переменной после перестановки значений предиктора.

Обратите внимание, что $VI^{(T)}(X_i)=0$, если X_i не находится в дереве T.

2. Вычисляем сырую важность переменной по ансамблю, просуммировав важности по всем out-of-bag выборкам и усреднив по всем деревьям

$$VI(X_j) = \frac{\sum_{T=1}^{N} VI^{(T)}(X_j)}{N}$$

3. Вычисляем нормализованную важность переменной по ансамблю

$$z_j = \frac{VI(X_j)}{\frac{\sigma}{\sqrt{N}}}$$

Рис. 4.22 Математический аппарат вычисления сырой и нормализованной важности предиктора на основе усредненного уменьшения правильности

Логическое объяснение алгоритма перестановки состоит в следующем: случайно переставляя значения предиктора, мы разрушаем взаимосвязь зависимой переменной. При использовании перестановленных значений предиктора (вместе с неперестановленными значениями остальных предикторов) прогнозирования/ ДЛЯ классификации out-of-bag данным правильность ПО существенно среднеквадратичная уменьшается (a ошибка существенно увеличивается), если между исходным предиктором и зависимой переменной была взаимосвязь. Поэтому чем больше уменьшение правильности (увеличение среднеквадратичной ошибки), тем важнее предиктор. Важность на основе усредненного уменьшения правильности/увеличения среднеквадратичной ошибки в результате перестановок еще называют пермутированной важностью.

Обратите внимание, что при наличии высоко коррелированных предикторов обе метрики важности не способны определить релевантные переменные. Кроме того, обнаружив предикторы с небольшими значениями важностей, не спешите их удалять, посмотрите, как они будут работать, если включить дополнительные переменные. Необходимо понимать, что вычисляемая важность показывает, как данный предиктор работает не по отдельности, а в сочетании с другими переменными. Может оказаться, что предиктор, который является маловажным при совместном использовании с одними переменными, в сочетании с другими переменными станет важным.

Лекция 4.5. Графики частной зависимости

Несмотря на то что важность переменных несет ценную информацию, не меньший интерес представляет взаимосвязь предиктора с зависимой переменной. Метод частной зависимости довольно прост, основывается на прогнозах, получаемых с помощью случайного леса, и позволяет визуализировать взаимосвязь между зависимой переменной предикторами. Основная идея заключается в том, чтобы изучить взаимосвязь между конкретным предиктором и зависимой переменной при условии, что все остальные предикторы остаются неизменными. Поскольку случайный лес может аппроксимировать практически любую функциональную зависимость между откликом и предиктором, с помощью графика можно обнаружить нелинейные зависимости, не выдвигая предварительных гипотез о характере взаимосвязей. Это особенно ценно, когда у нас отсутствует какая-либо априорная информация о виде распределения данных.

График частной зависимости строится следующим образом.

1. Для каждого значения интересующего предиктора создается специальный набор данных, в котором всем наблюдениям присваивается одно и то же значение интересующего предиктора, а все остальные предикторы фиксируются в своих текущих значениях. Например, если предиктор — это возраст в годах и есть 40 уникальных значений этой переменной, будет создано 40 специальных наборов данных, по одному для каждого уникального значения возраста. В каждом наборе во всех наблюдениях возраст принимает одно из 40 уникальных значений (например, все наблюдения получают значение возраста 21), независимо от того, так ли это на самом деле или нет. Остальные предикторы

фиксируются в своих текущих значениях. Важно понять, что значения остальных предикторов в специальных наборах не меняются и в этом смысле остаются неизменными.

- 2. Затем этот специальный набор, соответствующий конкретному значению интересующего предиктора (например, набор для значения возраста 26), прогоняется через случайный лес и получаем прогноз для каждого наблюдения набора.
- 3. Усредняем эти прогнозы по всем наблюдениям и получаем единый прогноз для набора в целом. Для количественной зависимой переменной таким прогнозом будет усредненное значение зависимой переменной. Для категориальной зависимой переменной прогнозом становится разность между логарифмом доли голосов, поданных деревьями за интересующий класс зависимой переменной, и усредненной суммой логарифмов голосов, поданных деревьями за каждый класс. Он вычисляется по формуле:

$$f(x) = log[p_k(x)] - \frac{1}{K} \sum_{j=1}^{K} log[p_j(x)]$$

где:

x — предиктор, для которого строится график частной зависимости;

K – количество классов;

k – интересующий класс;

 p_{j} – доля голосов, поданных за класс j.

- 4. Повторяем шаги 2-3 для остальных значений интересующего предиктора.
- 5. Строим график, по оси абсцисс откладываем значения интересующего предиктора, по оси ординат прогнозы.
- 6. Повторяем вышеописанные шаги для каждого предиктора.

Таким образом, график показывает, как значение интересующей переменной влияет на прогнозы модели при том, что все остальные переменные фиксируются и рассматриваются как константы.

Итак, графики частной зависимости можно построить как для количественной, так и для категориальной зависимой переменной. Однако если в случае с количественной зависимой переменной значения, отложенные по оси *у* — это естественные значения зависимой переменной, то в случае с категориальной зависимой переменной значения отклика, отложенные по вертикальной оси, выглядят необычно и могут легко сбить с толку.

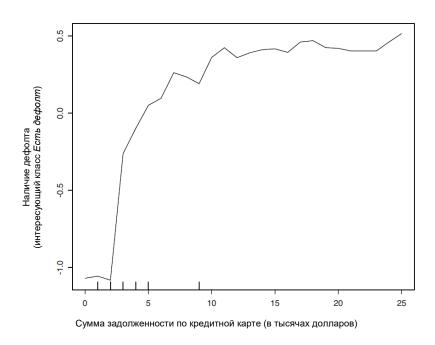


Рис. 4.23 График частной зависимости для категориальной зависимой переменной

Взгляните на рис. 4.23. Допустим, у нас есть предиктор Сумма задолженности по кредитной карте (в тысячах долларов) и бинарная зависимая переменная Наличие дефолта, которая принимает два значения Нет дефолта и Есть дефолт. Интересующим классом является класс Есть дефолт. Для значения суммы задолженности, равного 1, доля голосов, отданных за класс Есть дефолт, оказалась равна 0,11. Если доля голосов, поданных за класс Есть дефолт, равна 0,11, то значение, откладываемое по оси у, будет равно log(0,11)-[log(0,11)+log(0,89)]/2 =-1,04537 (используются натуральные логарифмы). Точно такой же подход можно применить, чтобы понять какое значение по оси у будет отложено, если интересующим классом станет класс Нет дефолта. Доля голосов, поданных за класс Нет дефолта, равна 0,89, таким образом, откладываемое значение, ПО оси равно y, $\log(0.89) - [\log(0.89) + \log(0.11)]/2$ 1,04537. В случае бинарной классификации график частной зависимости для одного зависимой переменной является зеркальным отражением графика частной зависимости для другого класса.

В бинарной классификации вычисления логитов не представляют трудностей. Значение, которое мы вычисляем с помощью вышеприведенного уравнения — это половина обычного логарифма отношения шансов. Поэтому легко получить привычные вероятности. Например, умножаем -1,04537 на 2, экспоненцирование дает нам

отношение шансов, равное 0,1236. Теперь умножаем 0,1236 на 0,89 и получаем значение 0,11. Мы вернулись к тому, с чего начали.

Лекция 4.6. Матрица близостей

Близости — один и наиболее полезных инструментов случайного леса. Близость между двумя наблюдениями — это частота, с которой они оба попадают в один и тот же терминальный узел.

Метод вычисления близостей включает четыре этапа:

- 1. Сначала все близости приравниваются к нулю.
- 2. После того, как дерево построено, оно применяется ко всем наблюдениям (включая обучающую и out-of-bag выборку) и для каждой пары наблюдений вычисляются близости (и так по каждому дереву).
- 3. Если два наблюдения попадают в один и тот же терминальный узел, их близость увеличивается на единицу.
- 4. Оценки близости агрегируются по всем деревьям и нормализуются путем деления на общее количество деревьев.

В итоге получаем квадратную матрицу близостей Nх N. Ниже приведена матрица близостей для первых 9 наблюдений (рис. 4.24). Значения по главной диагонали (единицы) — это «идеальные» близости наблюдений по отношению к самим себе (выделены серым фоном). Наблюдения, которые «схожи», имеют значения, близкие к 1 (выделены светлозеленым фоном). Наблюдения, которые «непохожи», имеют значения, близкие к 0 (выделены светло-коричневым фоном).

	Α	В	С	D	Е	F	G	Н		J
1	RECORD	X0000001	X0000002	X0000003	X0000004	X0000005	X0000006	X0000007	X0000008	X0000009
2	1	1	0.488	0.198	0.13	0.092	0.12	0.076	0.106	0.026
3	2	0.488	1	0.146	0.11	0.086	0.104	0.074	0.086	0.01
4	3	0.198	0.146	1	0.252	0.1	0.208	0.032	0.062	0.032
5	4	0.13	0.11	0.252	1	0.046	0.194	0.028	0.068	0.038
6	5	0.092	0.086	0.1	0.046	1	0.332	0.076	0.094	0.058
7	6	0.12	0.104	0.208	0.194	0.332	1	0.052	0.08	0.064
8	7	0.076	0.074	0.032	0.028	0.076	0.052	1	0.514	0.04
9	8	0.106	0.086	0.062	0.068	0.094	0.08	0.514	1	0.048
10	9	0.026	0.01	0.032	0.038	0.058	0.064	0.04	0.048	1
11										

Рис. 4.24 Матрица близостей для первых 9 наблюдений

Необходимо помнить, что с матрицей близостей удобно работать, когда наборы данных невелики. Например, если набор данных превышает более 5000 наблюдений, понадобится более 25 миллионов ячеек данных. Поэтому при обработке больших массивов обычно выводится «сжатая» форма матрицы близостей — для каждого наблюдения записывается лишь M ближайших наблюдений. M обычно меньше 100.

Близости между наблюдениями образуют матрицу сходств, которая симметрична, положительно определена, каждый элемент матрицы принимает значение в интервале от 0 до 1. Матрица сходств может быть использована ДЛЯ выполнения многомерного шкалирования. Классическое многомерное шкалирование – это метод обучения без задача которого – поиск и интерпретация латентных (ненаблюдаемых) переменных, которые позволяют объяснить сходства между объектами, представленными в виде точек в пространстве низкой размерности. При этом объекты размещаются в пространстве таким образом, чтобы расстояния между точками были максимально близки изначально найденным мерам сходства этих объектов. На выходе мы получаем числовые значения координат по каждому объекту в некоторой новой системе координат, в которой оси соответствуют латентным переменным.

Кроме того, матрица близостей может использоваться для импутации пропущенных значений, обнаружения выбросов.

Лекция 4.7. Обработка пропушенных значений

В случайном лесе используются два метода импутации пропущенных значений.

В экономичном методе импутации пропущенные значения непрерывных переменных заменяются медианой, а пропущенные значения категориальных переменных – модой.

Оптимальный метод импутации, более затратный по времени, включает четыре этапа:

- 1. Сначала используется экономичный метод для первоначальной импутации пропущенных значений.
- 2. Затем по этому импутированному набору данных выращивается лес деревьев.
- 3. Затем матрица близостей, полученная с помощью леса деревьев, используется для итеративного изменения импутированных значений. Если предиктор является количественным, импутированное значение для наблюдения это взвешенное среднее всех наблюдений с непропущенными значениями, в качестве весов используются близости между данным наблюдением и наблюдением с непропущенным значением. Для категориальных предикторов импутированное значение это наиболее часто встречающееся значение (категория), где частота взвешивается по близости.
- 4. Шаги 2 и 3 повторяются несколько раз до достижения сходимости. Обычно 4-6 итераций достаточно.

Если задана контрольная выборка, алгоритм запускает различные варианты импутации и определяется лучший кандидат-замена для пропущенного значения.

Лекция 4.8. Обнаружение выбросов

Выбросы можно определить как наблюдения, сильно отличающиеся от основной массы элементов выборки. В случайном лесе выброс — это наблюдение, которое имеет маленькие значения близостей по отношению ко всем остальным наблюдениям. Применительно к категориальным зависимым переменным выбросы определяются внутри категорий зависимой переменной. Таким образом, выброс в конкретной категории зависимой переменной — это наблюдение, у которого маленькие значения близостей по отношению ко всем остальным наблюдениям, принадлежащим к данной категории зависимой переменной. Вычисление показателя выброса происходит следующим образом.

1. Для конкретного наблюдения n_c , принадлежащей категории c, вычисляем сумму квадратов близостей до всех остальных наблюдений, относящихся к этой же категории. Берем обратную величину суммы квадратов близостей.

$$out_{raw}(n_c) = \frac{1}{\sum_{c} [prox(n_c, k)]^2}$$

Показатель выброса будет большим при малом значении знаменателя. Повторяем ту же самую процедуру для всех остальных наблюдений в этой категории. Будем считать полученные значения нестандартизированными.

- 2. Вычисляем медиану нестандартизированных значений для категории c и среднее абсолютное отклонение относительно медианы нестандартизированных значений для категории c.
- 3. Вычитаем медиану из каждого нестандартизированного значения и делим на среднее абсолютное отклонение. Таким образом, стандартизируем нестандартизированные значения.

$$out(n_c) = \frac{out_{raw}(n_c) - median(c)}{deviation(c)}$$

4. Значения меньше нуля приравниваются к 0.

Вышеперечисленные шаги повторяем для всех остальных категорий зависимой переменной. Наблюдения со значениями больше 10 рассматриваются в качестве выбросов.

Лекция 4.9. Преимущества и недостатки случайного леса

Как уже говорилось в самом начале этой главы, использование ансамбля по сравнению с одиночным деревом решений дает более лучшее качество модели за счет усреднения результатов по-разному переобучающихся деревьев. Случайный лес легко настраивается, для получения модели хорошего качества требуется лишь настроить количество деревьев и количество случайно отбираемых переменных для разбиения. Другим безусловным преимуществом метода является тот факт, что случайный лес способен более точно оценить вклад и поведение каждого предиктора, даже когда эффект одного предиктора ослаблен более значимыми предикторами, что характерно для регрессионных моделей. Как и деревья решений, случайный лес не требует процедуры предварительной подготовки данных (в частности, не нужно масштабировать данные). Случайный лес можно легко распараллелить между несколькими ядрами процессора в компьютере. С помощью случайного леса можно решать задачи подготовки данных и отбора переменных, например, определить наиболее важные переменные для включения в модель логистической регрессии или импутировать пропущенные значения.

Вместе с тем случайный лес является моделью «черного ящика», мы не можем сразу взглянуть на несколько сотен деревьев и интерпретировать их. Он не дает непосредственной информации о том, как меняется значение отклика в зависимости от значения того или иного предиктора. Судить о взаимосвязях между предиктором и зависимой переменной можно лишь по графикам частной зависимости, приняв во внимание ряд ограничений. Случайный лес плохо работает на данных очень высокой разреженных данных, примером размерности, которых являются текстовые данные. Для подобного рода данных линейные модели подходят больше. Как и дерево решений, случайный лес не умеет экстраполировать данные. Случайный лес склонен к переобучению при работе с сильно зашумленными данными. Кроме того, нельзя не отметить большой размер получаемых моделей случайного леса.