

4 películas.

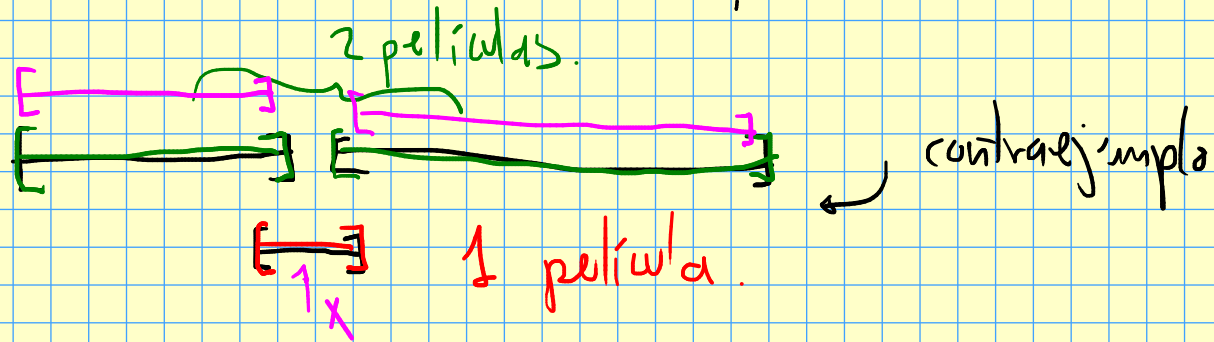
6 películas

Posible algoritmo: Ordenar por cuando comienzan. Ver la primera que podamos, luego la siguiente que podamos y así sucesivamente.

Entrada.

$[a_1, b_1]$
$[a_2, b_2]$
$[a_3, b_3]$
\vdots
$[a_n, b_n]$

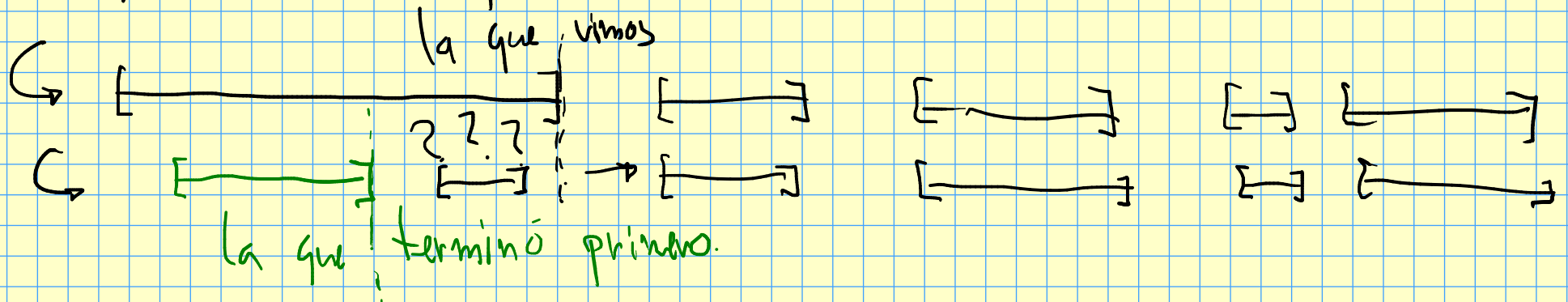
Posible algoritmo 2 Ordenarlas por duración y ver de las que duran menos, a las que duran más las más posibles.



Posible algoritmo 3 Ordenarlas por su hora en que terminan.

De entre las películas que haya, siempre veremos aquella que termine primero.

Pensemos en la primera película que veremos. Sup. que no fue la que terminó primero.



Esto nos lleva una nueva forma de ver al menos tantas películas como vimos y quizás más. Por lo tanto S.P.G. la primera película que vimos es la que termino primero.

Incrementar(y):

si $y=0$, respondemos 1, si no:

si y es impar, entonces

respondemos $2 * \text{Incrementar}(\text{Parte-entera}(y/2))$

si y es par, respondemos $(y+1)$

Vamos a demostrar que es correcto por inducción en n .

BI. Si $n=0$, el algoritmo responde 1, lo cual es correcto.

HI. Sup. que para todo $k < n$ el algoritmo da la respuesta correcta.

PI. Para n da la respuesta correcta.

- Si n es par el algoritmo responde $n+1$, lo cual es correcto.

- Si n es impar el algoritmo responde:

$$2 \text{ Incrementar} \left(\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor \right) = 2 \left(\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor + 1 \right) = 2 \left(\frac{n-1}{2} \right) + 2 = n-1+2 = n+1.$$

Así, el PI se cumple y por lo tanto el algoritmo es correcto

□