다항식 (Polynomial)

다항식(polynomial) 은 변수와 상수를 덧셈, 곱셈, 뺄셈 연산만을 이용하여 표현한 식을 말한다. 예를 들어 x^3+2x^2-5x+7 은 다항식이지만, $3x^2-5/x+7x^{2/3}$ 은 다항식이 아니다. 다항식 x^3+2x^2-5x+7 에서 $x^3,2x^2,-5x,7$ 을 각각 항(term)이라고 부르고, 여러 개의 항으로 이루어졌기 때문에 다항식이라고 부른다. 한 개의 항, 즉 단항, cx^e 에서 c를 상수(coefficient)라 하고, 음수가 아닌 정수 e를 지수(exponent)라 한다.

한 개의 변수 x 와 n+1 개의 상수 c_0 , c_1 , ..., c_n 으로 다음과 같이 표현되는 식은 다항식이다.

$$P(x) = c_n x^n + c_{n-1} x^{n-1} + \cdots + c_1 x + c_0, (c_n \neq 0)$$

위 식에서, 음이 아닌 정수 n 을 차수(degree)라고 부르며, 각 상수 c_0 , c_1 , ..., c_n 을 다항식의 계수(coefficient)라고 부른다. 또한 $c_i x^i$ ($0 \le i \le n$) 를 i 차 항이라고 하고, 특히 0차항 c_0 을 상수항이라고 한다. 0차 다항식은 상수항 밖에 없는 다항식을 말한다.

다항식은 다음과 같은 특징을 가지고 있다.

- 1. 다항식의 합(sum)은 다항식이다.
- 2. 다항식의 곱(product)은 다항식이다.
- 3. 다항식의 미분(derivative)은 다항식이다. 다항식 $c_n x^n + c_{n-l} x^{n-l} + \cdots + c_l x + c_0$ 의 미분 다항식은 $n c_n x^{n-l} + (n-1) c_{n-l} x^{n-2} + \cdots + c_l$ 이다.

또한, 변수 x 에 특정한 값 a 를 지정하여 다항식의 값 $P(a) = c_n a^n + c_{n-l} a^{n-l} + \cdots + c_l a + c_0$ 을 계산할 수 있다.

다항식의 모든 계수가 정수인 정수 다항식을 정의하고, 다항식에 적용 가능한 연산자를 구현한 C++ 클래스 "myPolynomial"을 작성하시오. 단, 정수 다항식 클래스는 다음과 같은 연산이 가능하도록 만들어 져야 한다. 단, 다항식(polynomial)을 구현한 "myPolynomial" 클래스는 항(term)을 구현한 "myTerm" 클래스를 이용하여 구현하여야 한다. 계수가 정수인 "myTerm" 클

래스는 다음과 같은 연산이 가능하도록 만들어 져야 한다.

〈myTerm 클래스〉

Constructors (생성자)

- (1) myTerm(int c=0, unsigned e=0); Default constructor로서 단항(term) cx^e 를 만든다.
- (2) myTerm (const myTerm &term); Copy constructor 이다.

Accessor Functions (접근자), Mutator Functions(수정자)

- (1) int getCoeff() const; 단항의 계수를 리턴한다.
- (2) unsigned getExp() const; 단항의 지수를 리턴한다.
- (3) void setCoeff(int c); 단항의 계수를 수정한다.
- (4) void setExp(unsigned e); 단항의 지수를 수정한다.

Member Functions

(1) myTerm ddx() const; 단항 cx^e 의 미분인 ecx^{e-1} 을 리턴한다. 단 지수 e 가 0 인 경우는 상수 단항 0 를 리턴한다.

Overloaded Operators

mvTerm 에서 가능한 연산자는 다음과 같다.

- (1) 비교연산 (<, ==, !=) 두 개의 단항이 같은 단항인지를 판단한다. 또한 두 개의 단항을 비교하는 경우에는 지수가 큰 단항을 두 단항 중에서 작은 단항으로 판단한다.
- (2) Unary Minus (-) 단항의 계수의 부호를 반대로 한다.



(3) Output Opeartors (<<)

단항 cx^e 를 cx^e 형식으로 출력한다. 단 지수가 1인 경우에는 지수를 출력하지 않으며, 지수가 0인 경우에는 계수만 출력한다. 또한 상수인 경우를 제외하고 계수가 1인 경우에는 계수를 출력하지 않는다. 각 문자들 사이에는 빈칸이 없다. 예를 들어 단항 $3x^2$ 는 $3x^2$ 로, 단항 -5x는 -5x로, 단항 7은 7로 출력한다.

〈myPolynomial 클래스〉

Constructors (생성자)

- (1) myPolynomial (int c=0, unsigned e=0);
 Default constructor로서 단항(term) cx^e 으로 만들어진 다항식을 만든다.
- (2) myPolynomial (int nTerms, int mono[]);
 nTerms 개의 단항으로 만들어진 다항식을 만든다. 각 단항의 계수와 지수는 1차원 배열
 mono[] 에 각 단항의 계수와 지수 순서로 저장되어 있다. 예를 들어, nTerms 가 5이고,
 mono[10] = { 1, 0, -2, 1, 3, 2, -4, 3, 5, 4 }

인 경우에는 다항식 $5x^4 - 4x^3 + 3x^2 - 2x + 1$ 을 만든다.

(3) myPolynomial (const myPolynomial &poly); Copy constructor 이다.

Accessor Functions (접근자), Mutator Functions(수정자)

- (1) int getDegree() const;다항식의 차수를 리턴한다.
- (2) int getNumTerms() const; 다항식에서 단항의 개수를 리턴한다.
- (3) void setCoeff(int c); 단항의 계수를 수정한다.

Member Functions

(1) myPolynomial ddx() const; 다항식의 미분 다항식을 리턴한다.

Overloaded Operators

myPolynomial에서 가능한 연산자는 다음과 같다.

- (1) 다항식끼리의 덧셈, 뺄셈, 곱셈연산 (+, -, *) 다항식+다항식, 다항식-다항식, 다항식*다항식 연산이 가능하다.
- (2) 다항식과 정수와의 곱셈연산 (*) 다항식*정수, 정수*다항식 연산이 가능하다.
- (3) 다항식 계산 연산자 (()) 다항식의 변수 x에 특정한 값 a을 지정하여 다항식의 값 $P(a) = c_n a^n + c_{n-1} a^{n-1} + \cdots$ $+ c_1 a + c_0$ 을 계산하여 리턴한다.
- (4) Unary Minus (-) 모든 단항의 계수의 부호를 반대로 한다.
- (5) Comparison Operators (==, !=) 두개의 다항식이 같은지를 비교할 수 있다.
- (6) Assignment Operators (=, +=, -=, *=)위 연산 중에서 *= 연산의 경우에는 다항식과 곱셈이 가능하며, 또한 정수와의 곱셈도 가능하다.
- (7) Output Opeartors (<<)

다항식 $c_n x^n + c_{n-1} x^{n-1} + \cdots + c_n x + c_0$ 를 각 단항을 지수가 큰 단항부터 상수항까지 순서대 로 출력하다. 상수항을 제외하고 각 단항에서 계수가 1인 경우에 그 계수는 출력하지 않는 다. 각 출력되는 문자들 사이에는 빈칸이 없다. 예를 들어 다항식 $5x^4 - 4x^3 + 3x^2 - 2x + 1$ 는 5x^4-4x^3+3x^2-2x+1 로 출력한다.

다음 네 개의 파일 MyTerm.h, MyTerm.cpp, MyPolynomial.h, MyPolynomial.cpp에 위에서 설명 한 모든 연산자를 추가하여 클래스myTerm, myPolynomial를 완전히 구현하여 아래 테스트 프 로그램인 TestMyPolynomial.cpp 가 정확하게 동작하도록 작성하시오. 단, 테스트 프로그램의 testDataFromFile() 함수는 입력 파일에서 다항식을 입력하여 계산하는 함수이다.



MyTerm.h

```
#ifndef MYTERM H
#define MYTERM H
#include <iostream>
using namespace std;
class myPolynomial;
class myTerm
public:
   myTerm(int c = 0, unsigned e = 0);
   // copy constructor
   myTerm(const myTerm &term);
    // overloaded operators
   bool operator == (const myTerm& term) const;
bool operator != (const myTerm& term) const;
   bool operator < (const myTerm& term) const;
myTerm operator - () const;
   // accessor functions
   int getCoeff() const { return coeff; }
   unsigned getExp() const { return exp; }
   // mutator functions
   void setCoeff(int c) { coeff = c; }
   void setExp(unsigned e) { exp = e; }
   // member functions
   myTerm ddx() const;
                                        // derivative of a term
   // friend functions and classes
   friend ostream& operator << (ostream &outStream, const myTerm& term);
   friend myPolynomial;
private:
                    // integer coefficient
   int coeff:
   unsigned exp; // exponent (non-negative integer)
#endif MYTERM H
```

MyTerm.cpp

```
#include "MyTerm.h"

// Constructor
myTerm::myTerm(int c, unsigned e) : coeff(c), exp(e)
{
}
```

```
// copy constructor
myTerm::myTerm(const myTerm &term) : coeff(term.coeff), exp(term.exp)
// overloaded operators
bool myTerm::operator = (const myTerm& term) const
// overloaded operators
bool myTerm::operator != (const myTerm& term) const
// overloaded operators
bool myTerm::operator < (const myTerm& term) const
   return exp > term. exp;
myTerm myTerm::operator - () const
// derivative of a term
myTerm myTerm::ddx() const
   if (exp = 0)
   return myTerm(0, 0);
   return myTerm(exp*coeff, exp-1);
// output operator
ostream& operator <<(ostream &outStream, const myTerm& term)
   if (term. exp = 0)
   if (term. coeff = 0)
                                     // nothing to output
       return outStream:
   else
       return outStream << term.coeff;</pre>
   if (term. coeff = 1)
       outStream << "x":
   else if (\text{term. coeff} = -1)
       outStream << "-x";
   else
       outStream << term.coeff << "x";
   if (term. exp = 1)
       return outStream;
   else
       return outStream << "^" << term. exp;
```



MyPolynomial.h

```
class myPolynomial
public:
   myPolynomial(int c = 0, unsigned e = 0);
   myPolynomial(int nTerms, int mono[]);
   // copy constructor
   myPolynomial(const myPolynomial &poly);
   // overloaded operators
   bool operator == (const myPolynomial &poly) const;
   bool operator != (const myPolynomial &poly) const;
   myPolynomial& operator += (const myPolynomial &poly);
   myPolynomial& operator -= (const myPolynomial &poly);
   myPolynomial& operator *= (const myPolynomial &poly);
   myPolynomial\& operator *= (int k);
   myPolynomial operator -() const;
   myPolynomial operator *(int k) const;
   myPolynomial operator +(const myPolynomial &poly) const;
   myPolynomial operator -(const myPolynomial &poly) const;
   myPolynomial operator *(const myPolynomial &poly) const;
   long operator() (int x) const; // evaluate the polynomial
   int getDegree() const; // get a degree of the polynomial
   unsigned getNumTerms() const; // number of terms in the polynomial
                                             // derivative of a polynomial
   myPolynomial ddx() const;
   // friend operators and functions
   friend myPolynomial operator *(int k, const myPolynomial &poly);
   friend ostream& operator <<(ostream &outStream, const myPolynomial &poly);
   static const myPolynomial ZERO: // P(x) = 0
                                    // P(x) = 1
   static const myPolynomial ONE;
   static const myPolynomial X;
                                     // P(x) = x
private:
                  // maximum expnent
   int degree;
   /****************** add your code here ******************************
}:
#endif MYPOLYNOMIAL H
```

MyPolynomial.cpp

```
#include "MyPolynomial.h"

/*************************
// output operator
ostream& operator <<(ostream &outStream, const myPolynomial& poly)
{
   if (poly == myPolynomial::ZERO)
      return outStream << 0;</pre>
```

```
/************* add your code here ********************/
   return outStream:
                                         // the zero polynomial P(x) = 0
const myPolynomial myPolynomial::ZERO(0);
const myPolynomial myPolynomial::ONE(1, (unsigned)0); // the monomial P(x) = 1
                                       // the monomial P(x) = x
const myPolynomial myPolynomial::X(1, 1);
```

TestMyPolynomial.cpp

```
#include <fstream>
#include <cstdlib>
#include "MyPolynomial.h"
void testSimpleCase():
void testDataFromFile();
void main(void)
      testSimpleCase();
      testDataFromFile();
void testSimpleCase()
      // test static variables
      cout << myPolynomial::ZERO << endl;</pre>
      cout << myPolynomial::ONE << endl;</pre>
      cout << mvPolvnomial::X << endl:</pre>
      myPolynomial p0, p1(1), p2(1, 1), p3(3, 5);
     \begin{array}{l} \text{int testData4[10]} = \{1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 2,\ 1,\ 3,\ 1,\ 4\}\,;\\ \text{int testData5[10]} = \{-1,\ 0,\ -1,\ 1,\ -1,\ 2,\ -1,\ 3,\ -1,\ 4\}\,;\\ \text{int testData6[10]} = \{1,\ 0,\ -1,\ 1,\ 1,\ 2,\ -1,\ 3,\ 1,\ 4\}\,;\\ \text{int testData7[10]} = \{2,\ 2,\ 5,\ 5,\ 4,\ 4,\ 1,\ 1,\ 3,\ 3\}\,;\\ \text{int testData8[12]} = \{1,\ 10000000000,\ 1,\ 100000000,\ 1,\ 10000000,\ 1,\ 100000,\ 1,\ 1000,\ 1,\ 0\}\,;\\ \end{array}
      myPolynomial p4(5, testData4);
      myPolynomial p5(5, testData5);
      myPolynomial p6(5, testData6);
      myPolynomial p7(5, testData7);
myPolynomial p8(6, testData8);
      myPolynomial p9(p7);
      // test constructor
      cout << p0 << end1 << p1 << end1 << p2 << end1;
      cout << p4 << end1 << p8 << end1;
      // test copy constructor
      cout \ll p9 \ll end1;
      // test accessor function
```



```
cout << p8.getDegree() << " " << p8.getNumTerms() << endl;</pre>
    // test evaluation function
    cout << p1(2) << " " << p2(2) << " " << p3(2) << " " << p4(2) << " " << endl; cout << p5(3) << " " << p6(3) << " " << p7(3) << " " << p9(3) << " " << endl;
    // test comparison operators cout << (p7 == p9) << "" << (p7 != p9) << endl;
    // test derivative function
    cout << myPolynomial::ZERO.ddx() << endl;</pre>
    cout << myPolynomial::ONE.ddx() << endl;
    cout << myPolynomial::X.ddx() << endl;</pre>
    \begin{array}{l} \text{cout} &<< \text{p4.} \, \text{ddx}() &<< \text{end1}; \\ \text{cout} &<< \text{p8.} \, \text{ddx}() &<< \text{end1}; \\ \end{array}
    // test unary operator -
    cout << -myPolynomial::ZERO << endl;</pre>
    cout << -p4 << end1:
    // test k*p(x) or p(x) * k
    cout << 3*mvPolvnomial::ZERO << endl:
    cout << 3*myPolynomial::ONE << endl;</pre>
    cout << myPolynomial::X*3 << endl;</pre>
    cout << 3*p4 << " " << p4*3 << endl; cout << 0*p5 << " " << p5*5 << endl;
    // test binary operator +
    cout << p4 + p5 << endl;
    // test binary operator -
    cout \ll p6 - p7 \ll end1;
    // test binary operator *
    cout << p8 * p9 << end1;
    myPolynomial tmp1(p4), tmp2, tmp3, tmp4;
    tmp4 = tmp3 = tmp2 = tmp1;
    cout << (tmp1 += p5) << endl;
cout << (tmp2 -= p5) << endl;
cout << (tmp3 *= p5) << endl;</pre>
    cout \langle\langle \text{ (tmp4} \neq 3) \langle\langle \text{ end1};
void testDataFromFile()
    ifstream inStream;
    int numTestCases:
    inStream.open("input.txt");
    if (inStream.fail())
         cerr << "Input file opening failed. \n";
         exit(1);
    inStream >> numTestCases;
```

```
for (int i=0; i<numTestCases; i++)
    int numTerms, terms[100]:
    /* read first polynomial */
    inStream >> numTerms:
    for (int j=0; j<numTerms; j++)
        inStream >> terms[2*j] >> terms[2*j+1];
   myPolynomial p1(numTerms, terms);
    /* read second polynomial */
    inStream >> numTerms:
    for (int j=0; j<numTerms; j++)
        inStream >> terms[2*i] >> terms[2*i+1]:
    mvPolvnomial p2(numTerms, terms):
   cout << p1 << endl << p2 << endl; cout << p1.getDegree() << " " << p2.getNumTerms() << endl;
    cout << p1. ddx() << end1 << p2. ddx() << end1; cout << (p1 = p2) << "" << (p1 != p2) << end1;
    cout \ll p1(1) \ll end1;
    cout << -p1 + p1 * 2 * p2 - p2 * 2 + 3 * p1 << end1;
    myPolynomial p3(myPolynomial::ZERO), p4(myPolynomial::ONE), p5(myPolynomial::X);
    p3 += p1;
    p4 = p2;
   p5 *= p4;
   p5 *= 2:
   cout << p5 << end1;
inStream. close():
```

입력

입력 파일의 이름은 "input.txt" 이다. 입력은 t 개의 테스트 케이스로 주어진다. 입력 파일의 첫 번째 줄에 테스트 케이스의 개수를 나타내는 정수 t 가 주어진다. 두 번째 줄부터 두 줄에 한 개의 테스트 케이스에 해당하는 데이터가 입력되다. 각 줄에서 한 개의 다항식에 관한 데 이터가 입력되는데, 입력되는 데이터는 다항식의 모든 항의 계수와 지수이다. 각 줄에서 첫 번째로 입력되는 정수 n ($1 \le n \le 50$)은 다항식의 항의 개수를 나타낸다. 그 다음으로는 2n개의 정수가 입력되는데, 매 두 개의 정수는 각 항의 계수와 지수를 나타낸다. 계수가 0인



항은 입력되지 않으며, 지수가 음수인 경우는 없다. 각 정수들 사이에는 한 개의 공백이 있다. 잘못된 데이터가 입력되는 경우는 없다.

출력

출력은 표준출력(standard output)을 사용한다. 입력되는 테스트 케이스의 순서대로 다음 줄에 이어서 각 테스트 케이스의 결과를 출력한다. 출력은 테스트 프로그램에 따른다.

입력과 출력의 예

```
입력
3
1 0 0
1 1 1000000000
5 1 0 1 1 1 2 1 3 1 4
5 1 4 1 3 1 2 1 1 1 1 0
5 1 0 1 1 1 2 1 3 1 4
5 -1 4 -1 3 -1 2 -1 1 -1 0
```

```
출력
0
1
Х
0
1
x^4+x^3+x^2+x+1
 x^1000000000+x^100000000+x^1000000+x^100000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^1000+x^100
5x^5+4x^4+3x^3+2x^2+x
1000000000 6
1 2 96 31
-121 61 1641 1641
1 0
0
0
4x^3+3x^2+2x+1
```

```
-x^4-x^3-x^2-x-1
3
3x^4+3x^3+3x^2+3x+3 3x^4+3x^3+3x^2+3x+3
0 -5x^4-5x^3-5x^2-5x-5
-5x^5-3x^4-4x^3-x^2-2x+1
4x^100000004 + 3x^100000003 + 2x^100000002 + x^100000001 + 5x^1000005 + 4x^1000004 + 3x^100000
3+2x^1000002+x^1000001+5x^10005+4x^10004+3x^10003+2x^10002+x^10001+5x^105+4x^104+3
x 103+2x 102+x 101+5x 5+4x 4+3x 3+2x 2+x
2x^4+2x^3+2x^2+2x+2
-x^8-2x^7-3x^6-4x^5-5x^4-4x^3-3x^2-2x-1
3x^4+3x^3+3x^2+3x+3
x 1000000000
-1 \ 1
0
1000000000x^999999999
0 1
-2x^1000000000
-2x^100000001+2x
x^4+x^3+x^2+x+1
x^4+x^3+x^2+x+1
4 5
4x^3+3x^2+2x+1
4x^3+3x^2+2x+1
1 0
2x^8+4x^7+6x^6+8x^5+10x^4+8x^3+6x^2+4x+2
-2x^5-2x^4-2x^3-2x^2
x^4+x^3+x^2+x+1
-x^4-x^3-x^2-x-1
4 5
4x^3+3x^2+2x+1
-4x^3-3x^2-2x-1
0 1
-2x^8-4x^7-6x^6-8x^5-6x^4-4x^3-2x^2+2
2x^5+2x^4+2x^3+2x^2+4x
```

