物品 ID /剩余容量	0	1	2	3	4	5
1	0	3	3	3	3	3
2	0	3	7	10	10	10
3	0	3	7	12	15	19

## 直接来分析能放三种物品的情况,也就是最后一行

- 当容量少于 3 时, 只取上一行对应的数据, 因为当前容量不能容纳物品 3
- 当容量为3时,考虑两种情况,分别为放入物品3和不放物品3
  - 不放物品 3 的情况下, 总价值为 10
  - ° 放入物品 3 的情况下, 总价值为 12, 所以应该放入物品 3
- \* 当容量为4时,考虑两种情况,分别为放入物品3和不放物品3
  - ° 不放物品 3 的情况下, 总价值为 10
  - 。 放入物品 3 的情况下, 和放入物品 1 的价值相加,得出总价值为 15,所以应该放入物品 3
- 当容量 为 5 时,考虑两种情况,分别为放入物品 3 和不放物品 3
  - 不放物品 3 的情况下, 总价值为 10
  - 放入物品3的情况下,和放入物品2的价值相加,得出总价值为19,所以应该放入物品3

## 以下代码对照上表更容易理解

```
/**
* @param {*} w 物品重量
* @param {*} v 物品价值
* @param {*} C 总容量
* @returns
*/
function knapsack(w, v, C) {
 let length = w.length
 if (length === 0) return 0
 // 对照表格, 生成的二维数组, 第一维代表物品, 第二维代表背包剩余容量
 // 第二维中的元素代表背包物品总价值
 let array = new Array(length).fill(new Array(C + 1).fill(null))
 // 完成底部子问题的解
 for (let i = 0; i <= C; i++) {
   // 对照表格第一行, array[0] 代表物品 1
   // i 代表剩余总容量
```

164/166

.

•

0

0

.

0

0

.

0

0

```
// 当剩余总容量大于物品 1 的重量时,记录下背包物品总价值,否则价值为 0
   array[0][i] = i >= w[0]? v[0]: 0
 }
 // 自底向上开始解决子问题, 从物品 2 开始
 for (let i = 1; i < length; i++) {
   for (let j = 0; j <= C; j++) {
    // 这里求解子问题,分别为不放当前物品和放当前物品
    // 先求不放当前物品的背包总价值, 这里的值也就是对应表格中上一行对应的值
    array[i][i] = array[i - 1][i]
    // 判断当前剩余容量是否可以放入当前物品
    if (i >= w[i]) {
      // 可以放入的话,就比大小
      // 放入当前物品和不放入当前物品, 哪个背包总价值大
      array[i][j] = Math.max(array[i][j], v[i] + array[i - 1][j - w[i]])
    }
   }
 return array[length - 1] [C]
}
```

## 最长递增子序列

最长递增子序列意思是在一组数字中,找出最长一串递增的数字, 比如

```
0, 3, 4, 17, 2, 8, 6, 10
```

对于以上这串数字来说, 最长递增子序列就是 0, 3, 4, 8, 10 , 可以通过以下表格更清晰的理解

数字	0	3	4	17	2	8	6	10
长度	1	2	3	4	2	4 4	5	

通过以上表格可以很清晰的发现一个规律,找出刚好比当前数字小的数,并且在小的数组成的长度基础上加一。

这个问题的动态思路解法很简单, 直接上代码