Técnicas estadísticas avanzadas para la conservación de la biodiversidad - Universidad de Huelva

David García Callejas 10/2021

Una vez tenemos datos observacionales o experimentales, queremos comprobar nuestras hipótesis ecológicas:

• ¿producen los individuos fertilizados más frutos?

Una vez tenemos datos observacionales o experimentales, queremos comprobar nuestras hipótesis ecológicas:

- ¿producen los individuos fertilizados más frutos?
- ¿hay más abundancia de coleópteros en zonas abiertas o boscosas?

Una vez tenemos datos observacionales o experimentales, queremos comprobar nuestras hipótesis ecológicas:

- ¿producen los individuos fertilizados más frutos?
- ¿hay más abundancia de coleópteros en zonas abiertas o boscosas?
- ¿hay más riqueza de especies en suelos salinos o neutros?

Una vez tenemos datos observacionales o experimentales, queremos comprobar nuestras hipótesis ecológicas:

- ¿producen los individuos fertilizados más frutos?
- ¿hay más abundancia de coleópteros en zonas abiertas o boscosas?
- ¿hay más riqueza de especies en suelos salinos o neutros?

Todas estas preguntas implican contrastar dos o más muestras de diferentes poblaciones.

Cuando comparamos una serie de poblaciones a través de muestras, siempre estamos comprobando una hipótesis:

Hipótesis nula: No hay diferencias entre las poblaciones

Cuando comparamos una serie de poblaciones a través de muestras, siempre estamos comprobando una hipótesis:

- Hipótesis nula: No hay diferencias entre las poblaciones
- Hipótesis alternativa: Hay diferencias significativas

¿Tiene sentido esta forma de pensar en ecología?

• En el mundo natural, no hay dos poblaciones exactamente iguales

¿Tiene sentido esta forma de pensar en ecología?

- En el mundo natural, no hay dos poblaciones exactamente iguales
- En vez de tests dicotómicos, en ecología tiene más sentido preguntar por la magnitud de las diferencias

# Are there any differences? A non-sensical question in ecology

#### Aleiandro Martínez-Abraín

IMEDEA (CSIC-UIB), C/Miquel Marquès 21, 07190 Esporles, Majorca, Spain

#### ARTICLE INFO

Article history:
Received 19 December 2006
Accepted 27 April 2007
Published online 13 June 2007

Keywords:

#### ABSTRACT

One of the main questions that ecologists pose in their investigations includes the analysis of differences in some trait between two or more populations. I argue here that asking whether there are differences or not between populations is biologically irrelevant, since no two livings things are ever equal. On the contrary the appropriate question to pose is how large differences are between populations. That is, we urge a shift in interest from statistical significance to biological relevance for proper knowledge accumulation. I empha-

Dicho esto, es necesario conocer los fundamentos de los tests de hipótesis, pues subyacen a la mayoría de análisis estadísticos que os encontraréis.

#### Pasos:

Definir la hipótesis nula/alternativa

Dicho esto, es necesario conocer los fundamentos de los tests de hipótesis, pues subyacen a la mayoría de análisis estadísticos que os encontraréis.

- Definir la hipótesis nula/alternativa
- Exploración de los datos

Dicho esto, es necesario conocer los fundamentos de los tests de hipótesis, pues subyacen a la mayoría de análisis estadísticos que os encontraréis.

- Definir la hipótesis nula/alternativa
- Exploración de los datos
- Realizar el test estadístico

Dicho esto, es necesario conocer los fundamentos de los tests de hipótesis, pues subyacen a la mayoría de análisis estadísticos que os encontraréis.

- Definir la hipótesis nula/alternativa
- Exploración de los datos
- Realizar el test estadístico
- Estimar la significación estadística

Dicho esto, es necesario conocer los fundamentos de los tests de hipótesis, pues subyacen a la mayoría de análisis estadísticos que os encontraréis.

- Definir la hipótesis nula/alternativa
- Exploración de los datos
- Realizar el test estadístico
- Estimar la significación estadística
- Interpretar los resultados

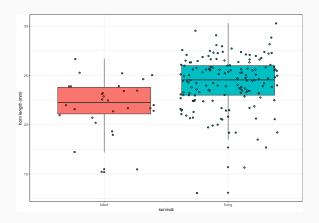
Definir la hipótesis nula/alternativa -> diseño experimental

Los números y tablas, por sí solos, no son *nunca* suficientes para entender patrones. Es **imprescindible** visualizar los datos para identificar potenciales problemas o tendencias.

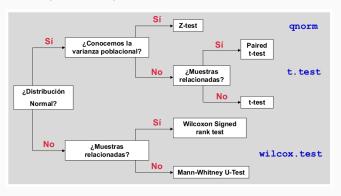
- Definir la hipótesis nula/alternativa -> diseño experimental
- Exploración de los datos

Los números y tablas, por sí solos, no son *nunca* suficientes para entender patrones. Es **imprescindible** visualizar los datos para identificar potenciales problemas o tendencias.

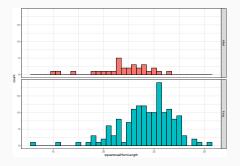
```
horned_lizards <-
  read.csv(file = here::here("datasets",
                              "chap12e3HornedLizards.csv"))
dist.hl <- ggplot(horned_lizards,aes(x = Survival,</pre>
                                      y = squamosalHornLength)) +
  geom_boxplot(aes(fill = Survival)) +
  geom_point(aes(fill = Survival), shape = 21,
             position = position_jitter()) +
  labs(v = "horn length (mm)", x = "survival") +
  guides(fill = FALSE)+
  theme_bw()
```



#### Tipos de tests (2 muestras)

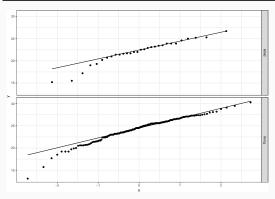


- 1. ¿Datos normales?
- De nuevo: visualización



QQplot: datos normales deberían ajustarse a la línea recta

```
ggplot(horned_lizards,aes(sample = squamosalHornLength)) +
  stat_qq() + stat_qq_line() +
  facet_grid(Survival~.) +
  theme_bw()
```



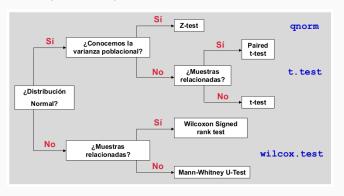
Tests estadísticos para comprobar normalidad:

- Para muestras pequeñas (e.g. < 50): shapiro.test</li>
- Para muestras > 50 (aprox): Kolmogorov-Smirnov

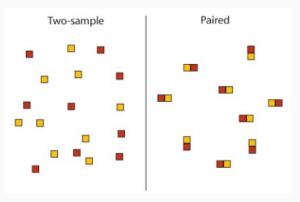
```
x <- horned_lizards$squamosalHornLength
x <- x[which(!is.na(x))]
ks.test(x,"pnorm", mean=mean(x), sd=sd(x))</pre>
```

```
## Warning in ks.test(x, "pnorm", mean = mean(x), sd = sd(x)): ties sho
## present for the Kolmogorov-Smirnov test
##
## One-sample Kolmogorov-Smirnov test
##
## data: x
## D = 0.072741, p-value = 0.2846
## alternative hypothesis: two-sided
```

#### Tipos de tests (2 muestras)



 En general, desconocemos la varianza poblacional, así que la siguiente pregunta depende de si las muestras son pareadas o no.



 Prueba de la t: diferencias entre las medias de dos muestras con distribución normal y varianzas similares

```
##
##
    Welch Two Sample t-test
##
## data: squamosalHornLength by Survival
## t = -4.2634, df = 40.372, p-value = 0.0001178
## alternative hypothesis: true difference in means between group kille
## 95 percent confidence interval:
## -3.381912 -1.207092
## sample estimates:
## mean in group killed mean in group living
##
               21.98667
                                    24.28117
```

#### Otra sintaxis:

```
x <- horned_lizards$squamosalHornLength[
  horned_lizards$Survival == "living"]
y <- horned_lizards$squamosalHornLength[
  horned_lizards$Survival == "killed"]
t.test(x,y,paired = FALSE)</pre>
```

 Prueba U de Mann-Whitney: Cuando no se cumplen las asunciones de normalidad y similitud en varianzas

```
##
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data: squamosalHornLength by Survival
## W = 1181.5, p-value = 2.366e-05
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

 En todos estos casos, el test calcula un estadístico, un número que evalúa cómo de compatibles son los datos con el resultado esperado bajo la hipótesis nula.

- En todos estos casos, el test calcula un estadístico, un número que evalúa cómo de compatibles son los datos con el resultado esperado bajo la hipótesis nula.
- Lo que queremos obtener, al fin y al cabo, es la probabilidad de obtener nuestros datos en el caso de que la hipótesis nula sea cierta.
   El estadístico (t en t.test, W en wilcox.test) tiene un p-valor asociado, que cuantifica esta probabilidad.

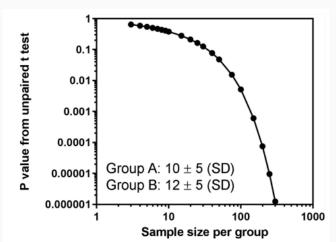
- En todos estos casos, el test calcula un estadístico, un número que evalúa cómo de compatibles son los datos con el resultado esperado bajo la hipótesis nula.
- Lo que queremos obtener, al fin y al cabo, es la probabilidad de obtener nuestros datos en el caso de que la hipótesis nula sea cierta.
   El estadístico (t en t.test, W en wilcox.test) tiene un p-valor asociado, que cuantifica esta probabilidad.
- Cuidado: el p-valor NO cuantifica la probabilidad de que la hipótesis nula sea cierta.

Una vez calculado el p-valor asociado a nuestro test, podemos aceptar la hipótesis nula (no hay diferencias entre las dos medias muestrales) o rechazar la hipótesis nula con las muestras proporcionadas. Un p-valor bajo (cercano a cero) indica que es poco probable que nuestros datos provengan de poblaciones iguales.

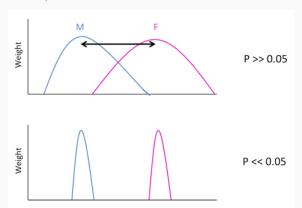
- Una vez calculado el p-valor asociado a nuestro test, podemos aceptar la hipótesis nula (no hay diferencias entre las dos medias muestrales) o rechazar la hipótesis nula con las muestras proporcionadas. Un p-valor bajo (cercano a cero) indica que es poco probable que nuestros datos provengan de poblaciones iguales.
- Pero, ¿cómo de bajo ha de ser el p-valor para aceptar o no la hipótesis nula?

- Una vez calculado el p-valor asociado a nuestro test, podemos aceptar la hipótesis nula (no hay diferencias entre las dos medias muestrales) o rechazar la hipótesis nula con las muestras proporcionadas. Un p-valor bajo (cercano a cero) indica que es poco probable que nuestros datos provengan de poblaciones iguales.
- Pero, ¿cómo de bajo ha de ser el p-valor para aceptar o no la hipótesis nula?
- Tomamos un valor arbitrario, que denota el grado de significación que queremos asociar. Generalmente, usamos  $\alpha=0.05$ . En este caso, si el p-valor es <0.05, podemos rechazar la hipótesis nula con un 95% de confianza.

- Una práctica muy común, y absolutamente errónea, es tomar el p-valor como una verdad absoluta sobre nuestras hipótesis.
  - El p-valor depende del tamaño muestral: mayores tamaños muestrales pueden generar diferencias significativas más fácilmente.



- Una práctica muy común, y absolutamente errónea, es tomar el p-valor como una verdad absoluta sobre nuestras hipótesis.
  - El p-valor depende del tamaño muestral: mayores tamaños muestrales pueden generar diferencias significativas más fácilmente.
  - La significación estadística NO implica importancia biológica (y viceversa).

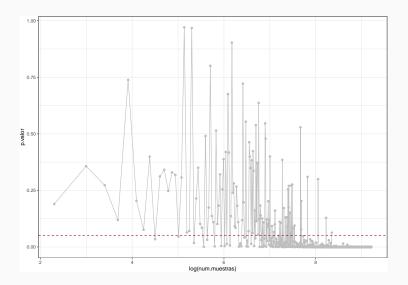


¿Es significativa una diferencia de 0.1 unidades entre dos poblaciones?

```
num.muestras \leftarrow seq(from = 10, to = 10000, by = 10)
resultados <- data.frame(muestras = num.muestras,</pre>
                            p.valor = NA)
for(i in num.muestras){
  m1 \leftarrow rnorm(i,0,1)
  m2 \leftarrow rnorm(i, 0.1, 1)
  mi.test <- t.test(m1,m2)
  resultados$p.valor[resultados$muestras == i] <-
    mi.test$p.value
```

#### head(resultados)

```
## muestras p.valor
## 1 10 0.1898242
## 2 20 0.3570475
## 3 30 0.2726927
## 4 40 0.1191877
## 5 50 0.7383706
## 6 60 0.2039672
```



https://doi.org/10.1080/00031305.2016.1154108

The ASA Statement on  ${m p}$ -Values: Context, Process, and Purpose

Ronald L. Wasserstein 3 & Nicole A. Lazar

 P-values do not measure the probability of hypothesis being true, or the probability that the data were produced by random chance alone.

https://doi.org/10.1080/00031305.2016.1154108

The ASA Statement on  ${m p}$ -Values: Context, Process, and Purpose

Ronald L. Wasserstein 🕿 & NIcole A. Lazar

- P-values do not measure the probability of hypothesis being true, or the probability that the data were produced by random chance alone.
- Scientific conclusions or policy decisions should NOT be based only on whether a p-value passes a specific threshold.

https://doi.org/10.1080/00031305.2016.1154108

The ASA Statement on *p*-Values: Context, Process, and Purpose
Ronald L. Wasserstein & R. Nicole A. Lazar

 P-values do not measure the probability of hypothesis being true, or the probability that the data were produced by random chance alone.

- Scientific conclusions or policy decisions should NOT be based only on whether a p-value passes a specific threshold.
- P-value, or statistical significance, does not measure the size of an effect or the importance of a result.

https://doi.org/10.1080/00031305.2016.1154108

# The ASA Statement on ${m p}$ -Values: Context, Process, and Purpose

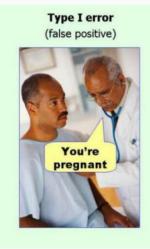
Ronald L. Wasserstein 🖾 & Nicole A. Lazar

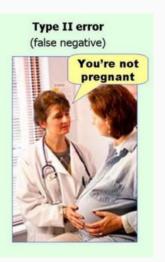
- P-values do not measure the probability of hypothesis being true, or the probability that the data were produced by random chance alone.
- Scientific conclusions or policy decisions should NOT be based only on whether a p-value passes a specific threshold.
- P-value, or statistical significance, does not measure the size of an effect or the importance of a result.
- By itself, a p-value does NOT provide a good measure of evidence regarding a model or hypothesis.

#### ¿Qué tipos de error podemos cometer?

- Rechazar la hipótesis nula en un test estadístico no quiere decir necesariamente que ésta sea realmente falsa.
- Igualmente, aceptar la hipótesis nula no implica que ésta sea cierta.
  - Trabajamos con muestras sujetas a estocasticidad: errores muestrales, aleatorios, efectos no considerados, etc.

¿Qué tipos de error podemos cometer?

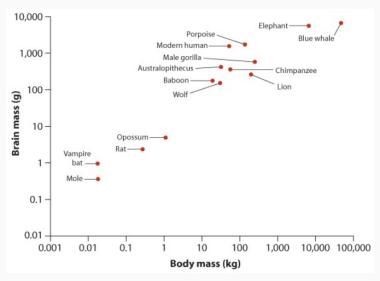




		Truth about the population	
		H <sub>0</sub> true	$H_a$ true
ed on sample	Reject H <sub>0</sub>	Type I error	Correct decision
Decision based	Accept H <sub>0</sub>	Correct decision	Type II error

• Otro tipo de tests nos indican si dos variables están *correlacionadas* 

¿Está correlacionado el tamaño corporal con la masa cerebral?



¿Cómo se cuantifica la correlación entre dos variables numéricas?

- Coeficientes de correlación: Pearson, Spearman, Kendall
- Variación entre [-1,1]

```
## [1] 0.1338842
```

```
ggplot(pob.clean, aes(x = height, y = mass)) +
  geom_point()
 1000 -
 500 -
```

#### Si eliminamos el outlier...

```
## [1] 0.7612612
```

#### Correlaciones entre múltiples variables: matriz de correlaciones

```
library(tidyverse)
dat <- mtcars %>%
  select(-vs, -am)
head(dat, 5)
```

```
## Mazda RX4 21.0 6 160 110 3.90 2.620 16.46 4 4 ## Mazda RX4 Wag 21.0 6 160 110 3.90 2.875 17.02 4 4 ## Datsun 710 22.8 4 108 93 3.85 2.320 18.61 4 1 ## Hornet 4 Drive 21.4 6 258 110 3.08 3.215 19.44 3 1 ## Hornet Sportabout 18.7 8 360 175 3.15 3.440 17.02 3 2
```

Correlaciones entre múltiples variables: matriz de correlaciones

#### round(cor(dat),digits = 2)

```
## mpg cyl disp hp drat wt qsec gear carb
## mpg 1.00 -0.85 -0.85 -0.78 0.68 -0.87 0.42 0.48 -0.55
## cyl -0.85 1.00 0.90 0.83 -0.70 0.78 -0.59 -0.49 0.53
## disp -0.85 0.90 1.00 0.79 -0.71 0.89 -0.43 -0.56 0.39
## hp -0.78 0.83 0.79 1.00 -0.45 0.66 -0.71 -0.13 0.75
## drat 0.68 -0.70 -0.71 -0.45 1.00 -0.71 0.09 0.70 -0.09
## wt -0.87 0.78 0.89 0.66 -0.71 1.00 -0.17 -0.58 0.43
## qsec 0.42 -0.59 -0.43 -0.71 0.09 -0.17 1.00 -0.21 -0.66
## gear 0.48 -0.49 -0.56 -0.13 0.70 -0.58 -0.21 1.00 0.27
## carb -0.55 0.53 0.39 0.75 -0.09 0.43 -0.66 0.27 1.00
```

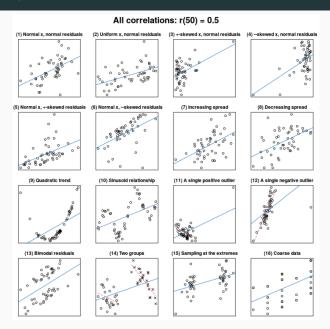
```
library(corrplot)
corrplot(cor(dat),
   method = "number",
   type = "upper")
                         -0.70
                                    -0.59
                                         -0.49
                                               0.53
                    0.83
                               0.78
                         -0.71
               1.00
                               0.89
                                    -0.43
                         -0.45
                                    -0.71
                                               0.75
                                         0.70
                          1.00
                              -0.71
                                                      -0.2
                                         -0.58
                                               0.43
                                                       -0.4
                                               -0.66
                                                       -0.6
                                         1.00
```

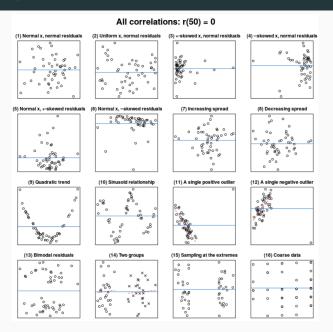
```
library(correlation)

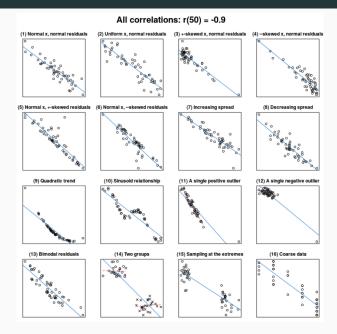
tabla.correlaciones <- correlation::correlation(dat,
   include_factors = TRUE, method = "auto")

head(tabla.correlaciones[,c(1,2,3,8,9)])</pre>
```

```
## Parameter1 | Parameter2 | r | df | p
## ------
## mpg | cyl | -0.85 | 30 | < .001***
## mpg | disp | -0.85 | 30 | < .001***
## mpg | hp | -0.78 | 30 | < .001***
## mpg | drat | 0.68 | 30 | < .001***
## mpg | wt | -0.87 | 30 | < .001***
## mpg | gsec | 0.42 | 30 | 0.137
```







https://rpsychologist.com/correlation/

#### Resumen

 Los tests de hipótesis nos permiten cuantificar diferencias entre dos muestras de poblaciones diferentes

- Los tests de hipótesis nos permiten cuantificar diferencias entre dos muestras de poblaciones diferentes
- Se basan en testar una hipótesis nula (no hay diferencias entre medias) frente a la alternativa (sí hay diferencias)

- Los tests de hipótesis nos permiten cuantificar diferencias entre dos muestras de poblaciones diferentes
- Se basan en testar una hipótesis nula (no hay diferencias entre medias) frente a la alternativa (sí hay diferencias)
- Existen tests para datos que provienen de distribuciones normales (t-test) o no normales (U Mann-Whitney)

- Los tests de hipótesis nos permiten cuantificar diferencias entre dos muestras de poblaciones diferentes
- Se basan en testar una hipótesis nula (no hay diferencias entre medias) frente a la alternativa (sí hay diferencias)
- Existen tests para datos que provienen de distribuciones normales (t-test) o no normales (U Mann-Whitney)
- La significación estadística viene dada por un parámetro llamado p-valor

- Los tests de hipótesis nos permiten cuantificar diferencias entre dos muestras de poblaciones diferentes
- Se basan en testar una hipótesis nula (no hay diferencias entre medias) frente a la alternativa (sí hay diferencias)
- Existen tests para datos que provienen de distribuciones normales (t-test) o no normales (U Mann-Whitney)
- La significación estadística viene dada por un parámetro llamado p-valor
- El p-valor, por sí solo, no nos dice nada de la relevancia biológica de las diferencias entre poblaciones

- Los tests de hipótesis nos permiten cuantificar diferencias entre dos muestras de poblaciones diferentes
- Se basan en testar una hipótesis nula (no hay diferencias entre medias) frente a la alternativa (sí hay diferencias)
- Existen tests para datos que provienen de distribuciones normales (t-test) o no normales (U Mann-Whitney)
- La significación estadística viene dada por un parámetro llamado p-valor
- El p-valor, por sí solo, no nos dice nada de la relevancia biológica de las diferencias entre poblaciones
- Los tests para evaluar correlaciones nos indican la relación observada entre dos variables numéricas

#### Recetario de R

```
# normalidad de una muestra
shapiro.test(pob.clean)
# de dos muestras normales
t.test(squamosalHornLength ~ Survival,
       data = horned_lizards)
# de dos muestras no normales
wilcox.test(squamosalHornLength ~ Survival,
       data = horned_lizards)
```

#### Recetario de R

```
# correlación entre dos muestras
cor(dat$mpg,dat$cyl)
# correlación entre múltiples variables
correlation::correlation(dat,
  include_factors = TRUE,
 method = "auto")
# resumen gráfico de la matriz
# de correlaciones
corrplot(cor(dat),
 method = "number",
  type = "upper")
```